

演習問題集4年上第14回・くわしい解説

※ 等差数列のN番目 = はじめの数 + $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$

減っていく等差数列なら, はじめの数 - $\boxed{\text{へる数} \times (N - 1)}$

※ 等差数列の和 = (はじめの数 + おわりの数) $\times N \div 2$

※ 1 から始まる奇数の和 = 個数 \times 個数

※ 1 から 10 までの整数の和は 55

1 から 13 までの整数の和は 91

目次

反復問題(基本)	1	…p.2
反復問題(基本)	2	…p.5
反復問題(基本)	3	…p.6
反復問題(基本)	4	…p.7
反復問題(練習)	1	…p.8
反復問題(練習)	2	…p.9
反復問題(練習)	3	…p.10
反復問題(練習)	4	…p.11
反復問題(練習)	5	…p.13
トレーニング①		…p.14
トレーニング②		…p.14
トレーニング③		…p.15
トレーニング④		…p.16
実戦演習①		…p.17
実戦演習②		…p.18
実戦演習③		…p.19
実戦演習④		…p.21

すぐる学習会

<http://www.suguru.jp>

反復問題(基本) 1 (1)

8ずつ増えています。

ア… $19 + 8 = 27$ です。 $35 - 8 = 27$ としてもOKです。

イ… $35 + 8 = 43$ です。 $51 - 8 = 43$ としてもOKです。

反復問題(基本) 1 (2)

等差数列のN番目 = はじめの数 + ふえる数 × (N - 1)

はじめの数は1で、4ずつふえていますから、ふえる数は4です。

10番目の数を求めるので、Nを10にします。

$$1 + \boxed{4 \times (10 - 1)} = 1 + \boxed{4 \times 9} = 1 + 36 = 37 \text{ になります。}$$

反復問題(基本) 1 (3)

等差数列のN番目 = はじめの数 - へる数 × (N - 1)

はじめの数は200で、5ずつへっていますから、へる数は5です。

15番目の数を求めるので、Nを15にします。

$$200 - \boxed{5 \times (15 - 1)} = 200 - \boxed{5 \times 14} = 200 - 70 = 130 \text{ になります。}$$

反復問題(基本) 1 (4)

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

はじめの数は4で、7ずつふえていますから、ふえる数は7です。

何番目の数かわからない(というか、それを求める問題)なので、NはNのままにします。そして、イコール102として、逆算をします。

$$4 + \boxed{7 \times (N - 1)} = 102$$

$$\boxed{7 \times (N - 1)} \text{ の部分は, } 102 - 4 = 98 \text{ です。}$$

$$(N - 1) \text{ の部分は, } 98 \div 7 = 14 \text{ です。}$$

$$\text{よって } N \text{ は, } 14 + 1 = 15 \text{ です。}$$

したがって、102は15番目の数です。

※ Nを102にするミスが多いです。

102番目の数を求めるのではなく、102が何番目かを求める問題なので、逆算になります。

※ $7 \times (N - 1)$ のところを大きいワクでかこっておかないと、

$4 + 7 \times (N - 1) = 102$ となって、「4 + 7」を計算してしまいそうになります。

ワクでかこぶことは、ミスをしないために必要です。

※ せっかく、 $(N - 1)$ の部分が14であると求めても、そのまま答えを14番目にしたり、 $14 - 1 = 13$ としてしまうミスが多いです。注意しましょう。

反復問題(基本) 1 (5)

$$\text{等差数列の和} = (\text{はじめの数} + \text{おわりの数}) \times N \div 2$$

$1 + 2 + 3 + \dots + 20$ の場合は、はじめの数が1で、おわりの数は20です。

あとは、Nがわかれば計算できますが、Nは個数を表しています。

つまり、1, 2, 3, …, 20の個数が、何個なのかがわかればOKですが、もちろん20個です。

よって、

$$\begin{aligned} & (\text{はじめの数} + \text{おわりの数}) \times N \div 2 \\ = & (1 + 20) \times 20 \div 2 \\ = & 21 \times 20 \div 2 \\ = & \mathbf{210} \end{aligned}$$

※ 1から10までの和が55であることはよく出題されるので、おぼえておくトラクです。

他に、1から13までの和が91であることもよく出題されるので、おぼえておきましょう。

反復問題(基本) 1 (6)

1からはじまる連続する奇数の和は、「個数×個数」になる、という性質があります。

たとえば $1 + 3$ の場合、個数は1と3の2個ですから、 $2 \times 2 = 4$ になります。

$1 + 3 + 5$ の場合、個数は1と3と5の3個ですから、 $3 \times 3 = 9$ になります。

$1 + 3 + 5 + 7$ の場合、個数は1と3と5と7の4個ですから、 $4 \times 4 = 16$ になります。

$1 + 3 + 5 + 7 + 9$ の場合、個数は5個ですから、 $5 \times 5 = 25$ となります。

$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11$ の場合、個数は6個ですから、 $6 \times 6 = 36$ となります。

よって、アは**6**、イは**36**になります。

反復問題(基本) 2

(1) 1, 10, 19, 28, 37, ……のように, 数が16個ならんでいます。

最後にならべた数は, 16番目の数ですから,

$$\text{等差数列の} N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \text{ふえる数} \times (N - 1)$$

の公式で, 求めることができます。

はじめの数は1, ふえる数は9, Nは16ですから,

$$1 + 9 \times (16 - 1) = 1 + 9 \times 15 = 1 + 135 = 136$$

よって, 最後にならべた数は, **136** です。

(2) (1)で, 最後にならべた数は, 136であることがわかりました。

1, 10, 19, 28, 37, ……, 136 のように, 数が16個ならんでいます。
この16個の数の和を求めるのですから,

$$\text{等差数列の和} = (\text{はじめの数} + \text{おわりの数}) \times N \div 2$$

を利用します。

はじめの数は1で, おわりの数は136です。また, Nは個数ですから16です。

よって, $(1 + 136) \times 16 \div 2 = 137 \times 16 \div 2 = 1096$ になります。

反復問題(基本) 3

- (1) 79, 75, 71, 67, 63, …… , 31 のように, 数がならんでいます。
4ずつへっていく等差数列です。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} - \boxed{\text{へる数} \times (N - 1)}$$

の公式で, 求めることができます。

はじめの数は79, へる数は4です。

何番目の数かわからない(というか, それを求める問題)ので, NはNのままにします。そして, イコール31として, 逆算をします。

$$79 - \boxed{4 \times (N - 1)} = 31$$

$$\boxed{4 \times (N - 1)} \text{ の部分は, } 79 - 31 = 48 \text{ です。}$$

$$(N - 1) \text{ の部分は, } 48 \div 4 = 12 \text{ です。}$$

$$\text{よって } N \text{ は, } 12 + 1 = 13 \text{ です。}$$

したがって, 31は13番目の数ですから, 全部で**13**個の数をならべたことになります。

※ $4 \times (N - 1)$ のところを大きいワクでかこっておかないと,

$79 - 4 \times (N - 1) = 31$ となって, 「79 - 4」を計算してしまいそうになります。ワクでかこぶことは, ミスをしないために必要です。

※ せっかく, $(N - 1)$ の部分が12であると求めても, そのまま答えを12番目にしたり, $12 - 1 = 11$ としてしまうミスが多いです。注意しましょう。

- (2) (1)で, 79, 75, 71, 67, 63, …… , 31 のように, 数が13個ならんでいることがわかりました。この13個の数の和を求めるのですから,

$$\text{等差数列の和} = (\text{はじめの数} + \text{おわりの数}) \times N \div 2$$

を利用します。

はじめの数は79で, おわりの数は31です。また, Nは個数ですから13です。

$$\text{よって, } (79 + 31) \times 13 \div 2 = 110 \times 13 \div 2 = \mathbf{715} \text{ になります。}$$

反復問題(基本) 4

(1) 1番目のまわりの長さは、 $1 \text{ 辺} \times 4 = 2 \times 4 = 8 \text{ (cm)}$ です。

2番目のまわりの長さは、 $(\text{たて} + \text{横}) \times 2 = (3 + 4) \times 2 = 14 \text{ (cm)}$ です。

3番目のまわりの長さは、 $(\text{たて} + \text{横}) \times 2 = (4 + 6) \times 2 = 20 \text{ (cm)}$ です。

4番目のまわりの長さは、 $(\text{たて} + \text{横}) \times 2 = (5 + 8) \times 2 = 26 \text{ (cm)}$ です。

1番目から4番目までのまわりの長さを書くと、 8 cm 、 14 cm 、 20 cm 、 26 cm となり、 6 cm ずつふえる等差数列になっています。

よって、

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

の公式で、8番目のまわりの長さを求めることができます。

はじめの数は8、ふえる数は6で、8番目を求めるのですからNは8です。

$$\text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} = 8 + \boxed{6 \times (8 - 1)} = 50 \text{ (cm)}$$

(2) (1)でわかった通り、 8 cm 、 14 cm 、 20 cm 、 26 cm 、……のように、 6 cm ずつふえる等差数列でした。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

はじめの数は8で、 6 cm ずつふえていますから、ふえる数は6です。

何番目の数かわからない(というか、それを求める問題)ので、NはNのままにします。そして、イコール80として、逆算をします。

$$8 + \boxed{6 \times (N - 1)} = 80$$

$$\boxed{6 \times (N - 1)} \text{ の部分は、} 80 - 8 = 72 \text{ です。}$$

$$(N - 1) \text{ の部分は、} 72 \div 6 = 12 \text{ です。}$$

$$\text{よって } N \text{ は、} 12 + 1 = 13 \text{ です。}$$

したがって、まわりの長さが 80 cm になるのは、**13**番目の長方形です。

反復問題(練習) 1

- (1) 2, 8, 14, 20, 26, ……のように, 6ずつふえる等差数列になっています。

12番目の数は, $\text{等差数列の}N\text{番目} = \text{はじめの数} + \text{ふえる数} \times (N - 1)$

の公式で, 求めることができます。

はじめの数は2, ふえる数は6, Nは12ですから,

$$2 + 6 \times (12 - 1) = 68$$

- (2) 2, 8, 14, 20, 26, ……のように, 6ずつふえる等差数列で, 110は何番目にあるかという問題です。

$\text{等差数列の}N\text{番目} = \text{はじめの数} + \text{ふえる数} \times (N - 1)$

の公式で, はじめの数は2, ふえる数は6, 何番目かを求めるのですからNはNのままにして, イコール110として, 逆算をします。

$$2 + 6 \times (N - 1) = 110$$

$$6 \times (N - 1) \text{の部分は, } 110 - 2 = 108 \text{ です。}$$

$$(N - 1) \text{の部分は, } 108 \div 6 = 18 \text{ です。}$$

よってNは $18 + 1 = 19$ ですから, 110は19番目の数です。

- (3) (2)で, 19番目の数は110であることがわかりました。

6ずつふえるのですから, 19番目の1つ前の18番目の数は $110 - 6 = 104$ です。

17番目の数は $104 - 6 = 98$ です。

また, 1番目の数は2で2番目の数は8です。3番目の数である14から, 2けたの数になります。

よって2けたの数は, 3番目の数である14から, 17番目の数である98までです。

たとえば, 3番目から7番目の数までだと, $7 - 3 = 4$ (個)ではなくて, $7 - 3 + 1 = 5$ (個)になります。

同じようにして, 3番目から17番目の数だと, $17 - 3 + 1 = 15$ (個)になります。

等差数列の和 = (はじめ+おわり) $\times N \div 2 = (14 + 98) \times 15 \div 2 = 840$ になります。

反復問題(練習) 2

5, 12, 19, 26, 33, ……のように, 7ずつふえる等差数列になっています。

150以下で最も大きい数は150ですから(「以下」ということばは, その数も入ります), 150が何番目にあるかを求めることにします。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

の公式で, はじめの数は5, ふえる数は7, N番目を求めるのですからNはNのままにして, イコール150とします。

$$5 + \boxed{7 \times (N - 1)} = 150$$

$\boxed{7 \times (N - 1)}$ は, $150 - 5 = 145$ です。
 $(N - 1)$ は, $145 \div 7 = 20.7\cdots$ です。
よってNは, $20.7\cdots + 1 = 21.7\cdots$ です。

つまり, 21.7…番目が150ですが, 小数番目だとおかしいので, そのまま答えにするわけにはいきません。

21.7…番目が150なら, 21.7…より大きい数である22番目では, 150をこえてしまいます。

よって, 150以下で最も大きい数は, 21.7…よりほんの少し小さい数である, 21番目になります。

21番目の数は,

$$\begin{aligned} & \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} \\ & = 5 + 7 \times (21 - 1) \\ & = 145 \end{aligned}$$

よって, 150以下で最も大きい数は145になり, それは左から21番目にあります。

反復問題(練習) 3

(1) 2本するとき…のりしろがないとすると、 $12 \times 2 = 24$ (cm) です。
 2本するとき、のりしろは1か所だけです。
 よって全体の長さは、 $24 - 3 \times 1 = 21$ (cm) です。

3本するとき…のりしろがないとすると、 $12 \times 3 = 36$ (cm) です。
 3本するとき、のりしろは2か所です。
 よって全体の長さは、 $36 - 3 \times 2 = 30$ (cm) です。

4本するとき…のりしろがないとすると、 $12 \times 4 = 48$ (cm) です。
 4本するとき、のりしろは3か所です。
 よって全体の長さは、 $48 - 3 \times 3 = 39$ (cm) です。

よって、2本、3本、4本するとき、全体の長さはそれぞれ、**21 cm**、**30 cm**、**39** cmです。

(2) 1本するとき、全体の長さは(のりしろがないので) 12 cmです。

よって、1本、2本、3本、4本、……のときの全体の長さは、
 12 cm, 21 cm, 30 cm, 39 cm, ……となり、9 cmずつふえる等差数列になります。

$$\text{等差数列の} N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

の公式で、はじめの数は12、ふえる数は9、N番目を求めるのですからNはNのままにして、イコール300とします。

$$12 + \boxed{9 \times (N - 1)} = 300$$

$\boxed{9 \times (N - 1)}$ は、 $300 - 12 = 288$ です。
 $(N - 1)$ は、 $288 \div 9 = 32$ です。
 よってNは、 $32 + 1 = 33$ です。

したがって全体の長さが300 cmになるのは、**33**本目であることがわかりました。

反復問題(練習) 4 (1)

- 1 だんのときは，問題に書いてある通り，4 個です。
2 だんのときは，問題に書いてある通り，6 個です。
3 だんのときは，図の●印を数えるとわかる通り，8 個です。

●印の個数は，4 個，6 個，8 個，……という，等差数列になります。

(1)は，13 だんのときの●印の個数を求める問題ですから，4，6，8，……という等差数列の，13 番目を求めることになります。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \text{ふえる数} \times (N - 1)$$

を利用します。

はじめの数は4，2 ずつふえているので，ふえる数は2，13 番目を求めるのですから，N を13 にして，

$$4 + \text{2} \times (13 - 1) = 4 + 2 \times 12 = 4 + 24 = \text{28} \text{ になります。}$$

反復問題(練習) 4 (2)

まず、●印が70個ついているのが、何だんの図形なのかを求めます。

(1)でわかった通り、●印の個数は、4, 6, 8, ……という、等差数列になっています。

この数列で、70は何番目にあるかを求めます。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

の公式において、はじめの数は4、ふえる数は2、NはNのままにして、イコール70なので、

$$4 + \boxed{2 \times (N - 1)} = 70$$

$$70 - 4 = 66 \qquad 66 \div 2 = 33 \qquad 33 + 1 = 34$$

よって、34だんのときに、●は70個あります。

ところで、1だんのまわりの長さは、4cmです。
 2だんのまわりの長さは、8cmです。
 3だんのまわりの長さは、12cmです。

まわりの長さは、4cm, 8cm, 12cm, ……という、等差数列になっています。
 この数列の34番目は何cmか、という問題になりました。

$$\text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

を利用して、 $4 + \boxed{4 \times (34 - 1)} = 4 + \boxed{4 \times 33} = 4 + 132 = 136$
 (cm) になります。

反復問題(練習) 5

- (1) $1 \times 1 = 1$, $2 \times 2 = 4$, $3 \times 3 = 9$, ……のように, $N \times N$ の形をしている数を,
平方数へいほうすうといいます。

たとえば81は平方数です。 $9 \times 9 = 81$ だからです。

問題の図を見ると,

1 だん目から2 だん目までは4個ならんでいます。 $2 \times 2 = 4$ になっています。

1 だん目から3 だん目までは9個ならんでいます。 $3 \times 3 = 9$ になっています。

同じようにして, 1 だん目から10 だん目まででは, $10 \times 10 = 100$ (個) なら
んでいることになりました。

- (2) (1)で, 1 だん目から10 だん目まででは, $10 \times 10 = 100$ (個) ならんでいる
ことがわかりました。

同じように考えると, 1 だん目から9 だん目まででは, $9 \times 9 = 81$ (個) ならん
でいます。

10 だん目まででは100個, 9 だん目まででは81個ならんでいるのですから,
10 だん目には, $100 - 81 = 19$ (個) だけならんでいることになりました。

10 だん目の最も左には, 81の次の数である, 82があります。

10 だん目の最も右には, 100があります。

よって10 だん目は, 82から100までの, 19個の数がならんでいること
になります。

その19個の数の和は,

(はじめ+おわり) $\times N \div 2 = (82 + 100) \times 19 \div 2 = 1729$ になります。

トレーニング①

(1) 4ずつふえる等差数列なので, $18 + 4 = 22$ (または, $26 - 4 = 22$)

(2) 6ずつふえる等差数列なので, $ア = 25 + 6 = 31$ (または, $37 - 6 = 31$)
 $イ = 37 + 6 = 43$ (または, $49 - 6 = 43$)

(3) $194 - 187 = 7$ ずつへる等差数列なので, $ア = 215 - 7 = 208$
 $イ = 208 - 7 = 201$ (または, $194 + 7 = 201$)

トレーニング②

(1) はじめ + $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$
 $= 3 + \boxed{4 \times (15 - 1)}$
 $= 3 + \boxed{4 \times 14}$
 $= 3 + 56$
 $= 59$

(2) はじめ + $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$
 $= 7 + \boxed{9 \times (26 - 1)}$
 $= 7 + \boxed{9 \times 25}$
 $= 7 + 225$
 $= 232$

(3) はじめ - $\boxed{\text{へる数} \times (N - 1)}$
 $= 99 - \boxed{6 \times (12 - 1)}$
 $= 99 - \boxed{6 \times 11}$
 $= 99 - 66$
 $= 33$

トレーニング③

$$(1) \quad \text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

はじめの数は1で、3ずつふえていますから、ふえる数は3です。

何番目の数かわからない（というか、それを求める問題）ので、NはNのままにします。そして、イコール40として、逆算をします。

$$1 + \boxed{3 \times (N - 1)} = 40$$

$\boxed{3 \times (N - 1)}$ の部分は、 $40 - 1 = 39$ です。
 $(N - 1)$ の部分は、 $39 \div 3 = 13$ です。
 よってNは、 $13 + 1 = 14$ です。
 したがって、40は**14**番目の数です。

$$(2) \quad \text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$$

はじめの数は7で、4ずつふえていますから、ふえる数は4です。

何番目の数かわからない（というか、それを求める問題）ので、NはNのままにします。そして、イコール55として、逆算をします。

$$7 + \boxed{4 \times (N - 1)} = 55$$

$\boxed{4 \times (N - 1)}$ の部分は、 $55 - 7 = 48$ です。
 $(N - 1)$ の部分は、 $48 \div 4 = 12$ です。
 よってNは、 $12 + 1 = 13$ です。
 したがって、55は**13**番目の数です。

$$(3) \quad \text{等差数列の } N \text{ 番目} = \text{はじめの数} - \boxed{\text{へる数} \times (N - 1)}$$

はじめの数は50で、2ずつへっていますから、へる数は2です。

何番目の数かわからない（というか、それを求める問題）ので、NはNのままにします。そして、イコール22として、逆算をします。

$$50 - \boxed{2 \times (N - 1)} = 22$$

$\boxed{2 \times (N - 1)}$ の部分は、 $50 - 22 = 28$ です。
 $(N - 1)$ の部分は、 $28 \div 2 = 14$ です。
 よってNは、 $14 + 1 = 15$ です。
 したがって、22は**15**番目の数です。

トレーニング④

(1) 等差数列の和 = (はじめ + おわり) $\times N \div 2 = (1 + 17) \times 17 \div 2 = 153$

(2) まず, 30番目の数を求めます。

$$\text{はじめ} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} = 1 + \boxed{3 \times (30 - 1)} = 88 \cdots \cdots \text{イ}$$

等差数列の和

$$\begin{aligned} &= (\text{はじめの数} + \text{おわりの数}) \times N \div 2 \\ &= (1 + 88) \times 30 \div 2 \\ &= 1335 \cdots \cdots \text{ア} \end{aligned}$$

(3) 1からはじまる連続する奇数の和は, 「個数 \times 個数」になる, という性質があります。

たとえば $1 + 3$ の場合, 個数は1と3の2個ですから, $2 \times 2 = 4$ になります。
 $1 + 3 + 5$ の場合, 個数は1と3と5の3個ですから, $3 \times 3 = 9$ になります。
 $1 + 3 + 5 + 7$ の場合, 個数は1と3と5と7の4個ですから, $4 \times 4 = 16$ になります。

$1 + 3 + 5 + 7 + 9$ の場合, 個数は5個ですから, $5 \times 5 = 25$ となります。

$1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15$ の場合, 個数は8個ですから, $8 \times 8 = 64$ となります。

よって, $\text{ア} = 8$, $\text{イ} = 64$ です。

実戦演習①

- (1) 赤い箱の中のカードは，1，4，7，10，13，……のように，3ずつふえる等差数列になっています。

$$50 \text{ 番目は，はじめ} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} = 1 + \boxed{3 \times (50 - 1)} = 148$$

- (2) 3でわるとわり切れる整数は，白い箱に入っています。
 3でわると1あまる整数は，赤い箱に入っています。
 3でわると2あまる整数は，青い箱に入っています。

$266 \div 3 = 88$ あまり 2 ですから，266は3でわると2あまります。
 よって266は，青い箱に入っています。

青い箱は，2，5，8，11，14，……のように，3ずつふえる等差数列になっています。

266が何番目かを求めるのですから，N番目の数=はじめ+ $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$ の公式の，「はじめ」に2，「ふえる数」に3，NはNのままにして，イコール266として逆算をします。

$$\begin{aligned} 2 + \boxed{3 \times (N - 1)} &= 266 \\ 3 \times (N - 1) &= 266 - 2 = 264 \\ N - 1 &= 264 \div 3 = 88 \\ N &= 88 + 1 = 89 \end{aligned}$$

よって266は，青い箱の小さい方から89番目です。

- (3) 白い箱は，3，6，9，12，15，……のように，3を何倍かした数にならんでいます。

$300 \div 3 = 100$ ですから，300は3でわり切れます。よって，300も白い箱に入っています。

白い箱には全部で100まい入っていることになります。

よって，白い箱に入っている整数の和は，

(はじめ+おわり) $\times N \div 2 = (3 + 300) \times 100 \div 2 = 15150$ になります。

実戦演習②

- (1) それぞれの組の左がわの数は、63, 61, 59, 57, ……のように、2ずつへる等差数列になっています。

この等差数列の、何番目が35なのかを求めることになります。

35が何番目かを求めるのですから、N番目の数=はじめ- $\boxed{\text{へる数} \times (N-1)}$ の公式の、「はじめ」に63、「へる数」に2、NはNのままにして、イコール35として逆算をします。

$$\begin{aligned} 63 - \boxed{2 \times (N-1)} &= 35 \\ 2 \times (N-1) &= 63 - 35 = 28 \\ N-1 &= 28 \div 2 = 14 \\ N &= 14 + 1 = 15 \end{aligned}$$

よって53は15番目の数ですから、アは15になります。

- (2) それぞれの組の右がわの数は、1, 4, 7, 10, ……のように、3ずつふえる等差数列になっています。

(1)で求めたように、ア組というのは15組のことですから、この等差数列の15番目を求めることになります。

$$\begin{aligned} N \text{ 番目の数} &= \text{はじめ} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N-1)} \\ &= 1 + \boxed{3 \times (15-1)} \\ &= 43 \end{aligned}$$

よって、イにあてはまる数は43になります。

実戦演習③

- (1) 2だんの図から、2だんのときのまわりの長さは10 cmであることがわかります。
 3だんの図から、3だんのときのまわりの長さは16 cmであることがわかります。
 1だん、2だん、3だんのときのまわりの長さは、それぞれ4、10、16となり、
 6ずつふえる等差数列になっています。
 よって4だんのときは、 $16 + 6 = 22$ になります。

したがって、ア、イ、ウにあてはまる数は、それぞれ **10**、**16**、**22** です。

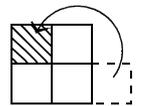
- (2) (1)で、まわりの長さは4、10、16、22、……のように、6ずつふえる等差数列であることがわかりました。

10だんのときは、

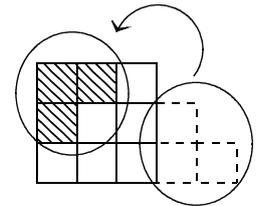
$$\text{はじめ} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} = 4 + \boxed{6 \times (10 - 1)} = \mathbf{58} \text{ になります。}$$

- (3) 1だんのときは、正方形が1個だけあります。

2だんのときは、右の図のように正方形を移せば、 $2 \times 2 = 4$ (個) であることがわかります。



3だんのときは、右の図のように正方形を移せば、 $3 \times 3 = 9$ (個) であることがわかります。



同じように考えると、4だんのときは、 $4 \times 4 = 16$ (個) になります。

逆に、正方形が25個あったとすると、 $25 = 5 \times 5$ ですから、5だんのときであることがわかります。

いま、正方形は196個あります。

$14 \times 14 = 196$ ですから、正方形が196個あるのは14だんのときであることがわかります。

まわりの長さは、4、10、16、22、……のように、6ずつふえる等差数列でした。

よって14だんのときは、

$$\text{はじめ} + \boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)} = 4 + \boxed{6 \times (14 - 1)} = \mathbf{82} \text{ (cm) になります。}$$

(4) まわりの長さは、4, 10, 16, 22, ……のように、6ずつふえる等差数列でした。

まず、まわりの長さが160 cmになるのは、何だん目なのかを求めましょう。

160が何番目かを求めるのですから、N番目の数=はじめ+ $\boxed{\text{ふえる数} \times (N-1)}$ の公式の、「はじめ」に4、「ふえる数」に6、NはNのままにして、イコール160として逆算をします。

$$\begin{aligned} 4 + \boxed{6 \times (N-1)} &= 160 \\ 6 \times (N-1) &= 160 - 4 = 156 \\ N-1 &= 156 \div 6 = 26 \\ N &= 26 + 1 = 27 \end{aligned}$$

よって、まわりの長さが160 cmになるのは、27だん目であることがわかりました。

ところで、正方形の個数は、1だん目は1個、2だん目は $2 \times 2 = 4$ (個)、3だん目は $3 \times 3 = 9$ (個)、……のように、 \square だん目なら $(\square \times \square)$ 個のようになっていることが、(3)でわかっています。

27だん目の場合は、 $27 \times 27 = 729$ (個)になります。

 実戦演習④

- (1) 1番目の頂点Aには1, 2番目の頂点Aには7, 3番目の頂点Aには13がかかれています。

頂点Aにかかっている数は, 1, 7, 13, ……のように, 6ずつふえる等差数列になっています。

15番目のAにかかっている数は,
 はじめの数 + $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$ = $1 + \boxed{6 \times (15 - 1)}$ = 85 です。

よって, 1番目から15番目の頂点Aにかかっている数をすべて加えると,
 等差数列の和 = (はじめ + おわり) $\times N \div 2$ = $(1 + 85) \times 15 \div 2 = 645$ になります。

- (2) 1番目の頂点B, C, Eにかかっている数の和は, $2 + 3 + 5 = 10$ です。
 2番目の頂点B, C, Eにかかっている数の和は, $8 + 9 + 11 = 28$ です。
 3番目の頂点B, C, Eにかかっている数の和は, $14 + 15 + 17 = 46$ です。

よって, 頂点B, C, Eにかかっている数の和は, 10, 28, 46, ……のように, 18ずつふえる等差数列になっています。

30番目は,
 はじめの数 + $\boxed{\text{ふえる数} \times (N - 1)}$ = $10 + \boxed{18 \times (30 - 1)}$ = 532 です。

よって, 1番目から30番目までの和は,
 (はじめ + おわり) $\times N \div 2$ = $(10 + 532) \times 30 \div 2 = 8130$ になります。