

# 演習問題集4年上第16回・くわしい解説

- ※ 6の約数 = 6を割り切る数。1, 2, 3, 6。
- ※ 約数が1とその数自身の2個しかない数を, 素数という。
- ※ 10をわると2あまる数...  $10 - 2 = 8$ の約数なので, 1, 2, 4, 8。ただし, 2以下はダメなので, 4, 8。
- ※ 最大公約数は連除法で求める。
- ※ 公約数は最大公約数の約数。

## 目次

反復問題(基本)	1	...p.2
反復問題(基本)	2	...p.5
反復問題(基本)	3	...p.6
反復問題(基本)	4	...p.7
反復問題(練習)	1	...p.8
反復問題(練習)	2	...p.9
反復問題(練習)	3	...p.10
反復問題(練習)	4	...p.11
反復問題(練習)	5	...p.12
トレーニング①		...p.13
トレーニング②		...p.14
トレーニング③		...p.16
トレーニング④		...p.17
実戦演習①		...p.18
実戦演習②		...p.19
実戦演習③		...p.20
実戦演習④		...p.21

**すぐる学習会**

<http://www.suguru.jp>

反復問題(基本) 1 (1)

「8を約数に持つ」というのは、「8でわり切れる」というのと同じです。

16は、 $16 \div 8 = 2$  ですから、8でわり切れます。

30は、 $30 \div 8 = 3$  あまり 6 ですから、8でわり切れません。

52は、 $52 \div 8 = 6$  あまり 4 ですから、8でわり切れません。

120は、 $120 \div 8 = 15$  ですから、8でわり切れます。

よって、8を約数に持つのは、**16, 120**です。

反復問題(基本) 1 (2)

① 積が9になるように、2つずつ書きます。

$9 = 1 \times 9$ ,  $9 = 3 \times 3$  ですから、1と9, 3が約数です。

答えは、**1, 3, 9**です。

※1, 3, 3, 9と書いてはバツになります。

② 積が66になるように、2つずつ書きます。

$66 = 1 \times 66$ ,  $66 = 2 \times 33$ ,  $66 = 3 \times 22$ ,  $66 = 6 \times 11$  ですから、  
1と66, 2と33, 3と22, 6と11が約数です。

答えは、**1, 2, 3, 6, 11, 22, 33, 66**です。

③ 積が70になるように、2つずつ書きます。

$70 = 1 \times 70$ ,  $70 = 2 \times 35$ ,  $70 = 5 \times 14$ ,  $70 = 7 \times 10$  ですから、  
1と70, 2と35, 5と14, 7と10が約数です。

答えは、**1, 2, 5, 7, 10, 14, 35, 70**です。

反復問題(基本) 1 (3)

積が108になるように、2つずつ書きます。

$108 = 1 \times 108$ ,  $108 = 2 \times 54$ ,  $108 = 3 \times 36$ , ……となりますから、小さい方から1番目, 2番目, 3番目の数は, **1, 2, 3**です。

大きい方から1番目, 2番目, 3番目の数は, **108, 54, 36**です。

反復問題(基本) 1 (4)

お金を例にして考えると、「45をわると5あまる」というのは、次のようになります。

45円を持ってチョコを買えるだけ買ったなら、5円あまった。

使ったお金は、 $45 - 5 = 40$  (円) ですから、40円でちょうど買えるような値段のチョコを買ったことになります。

つまり、チョコの値段は40をぴったり割り切れるような値段なので、40の約数になります。

40の約数は、1と40, 2と20, 4と10, 5と8です。

小さい方から順に並べ直すと、1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40です。

ところが、チョコを買えるだけ買ったときに5円あまったのですから、チョコの値段は5円よりも高いはずです。

ですから、40の約数のうち、5以下の数はダメになります。

(5もダメであることに注意しましょう。)

よって答えは、**8, 10, 20, 40** になります。

反復問題(基本) 1 (5)

次のように、連除法で求めます。

①

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \ ) \ 16 \ 56 \\
 \underline{2} \ ) \ 8 \ 28 \\
 \underline{2} \ ) \ 4 \ 14 \\
 \underline{2} \ ) \ 2 \ 7 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

**8**

②

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \ ) \ 48 \ 84 \\
 \underline{2} \ ) \ 24 \ 42 \\
 \underline{3} \ ) \ 12 \ 21 \\
 \underline{4} \ ) \ 4 \ 7 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

**12**

③

$$\begin{array}{r}
 \boxed{3} \ ) \ 45 \ 90 \ 105 \\
 \underline{5} \ ) \ 15 \ 30 \ 35 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

**15**

反復問題(基本) 1 (6)

まず、次のように、連除法で最大公約数を求めます。

①

$$\begin{array}{r}
 \boxed{5} \ ) \ 20 \ 45 \\
 \underline{5} \ ) \ 4 \ 9 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

5

②

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \ ) \ 64 \ 80 \\
 \underline{2} \ ) \ 32 \ 40 \\
 \underline{2} \ ) \ 16 \ 20 \\
 \underline{2} \ ) \ 8 \ 10 \\
 \underline{4} \ ) \ 4 \ 5 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

16

③

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \ ) \ 60 \ 96 \ 132 \\
 \underline{2} \ ) \ 30 \ 48 \ 66 \\
 \underline{3} \ ) \ 15 \ 24 \ 33 \\
 \hline
 \end{array}$$

↓

12

次に、求めた最大公約数の約数をすべて書き、その個数を求めます。

① 5の約数 … 1と5 → 1, 5の**2**個

② 16の約数 … 1と16, 2と8, 4と4 → 1, 2, 4, 8, 16の**5**個

③ 12の約数 … 1と12, 2と6, 3と4 → 1, 2, 3, 4, 6, 12の**6**個

反復問題(基本) 2

約数が1とその数自身の2個しかない数が、素数です。  
1は素数にふくみません。

2は約数が1, 2の2個だけなので、素数です。  
2以外の2でわり切れる数は、2を約数に持つので、素数ではありません。

≠	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2</span>	3	<del>4</del>	5	<del>6</del>	7	<del>8</del>	9	<del>10</del>	
1	1	<del>1 2</del>	1 3	<del>1 4</del>	1 5	<del>1 6</del>	1 7	<del>1 8</del>	1 9	<del>1 10</del>
2	1	<del>2 2</del>	2 3	<del>2 4</del>	2 5	<del>2 6</del>	2 7	<del>2 8</del>	2 9	<del>2 10</del>
3	1	<del>3 2</del>	3 3	<del>3 4</del>	3 5	<del>3 6</del>	3 7	<del>3 8</del>	3 9	<del>3 10</del>

3は約数が1, 3の2個だけなので、素数です。  
3以外の「3でわり切れる数」は、3を約数に持つので、素数ではありません。

≠	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2</span>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	<del>4</del>	5	<del>6</del>	7	<del>8</del>	<del>9</del>	<del>10</del>	
1	1	<del>1 2</del>	1 3	<del>1 4</del>	<del>1 5</del>	<del>1 6</del>	1 7	<del>1 8</del>	1 9	<del>1 10</del>
<del>2 1</del>	<del>2 2</del>	2 3	<del>2 4</del>	2 5	<del>2 6</del>	<del>2 7</del>	<del>2 8</del>	2 9	<del>2 10</del>	
3	1	<del>3 2</del>	<del>3 3</del>	<del>3 4</del>	3 5	<del>3 6</del>	3 7	<del>3 8</del>	<del>3 9</del>	<del>3 10</del>

5は約数が1, 5の2個だけなので、素数です。  
5以外の「5でわり切れる数」は、5を約数に持つので、素数ではありません。

≠	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2</span>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	<del>4</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">5</span>	<del>6</del>	7	<del>8</del>	<del>9</del>	<del>10</del>	
1	1	<del>1 2</del>	1 3	<del>1 4</del>	<del>1 5</del>	<del>1 6</del>	1 7	<del>1 8</del>	1 9	<del>1 10</del>
<del>2 1</del>	<del>2 2</del>	2 3	<del>2 4</del>	<del>2 5</del>	<del>2 6</del>	<del>2 7</del>	<del>2 8</del>	2 9	<del>2 10</del>	
3	1	<del>3 2</del>	<del>3 3</del>	<del>3 4</del>	<del>3 5</del>	<del>3 6</del>	3 7	<del>3 8</del>	<del>3 9</del>	<del>3 10</del>

残った数は、すべて素数です。

≠	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2</span>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3</span>	<del>4</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">5</span>	<del>6</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">7</span>	<del>8</del>	<del>9</del>	<del>10</del>
<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1 1</span>	<del>1 2</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1 3</span>	<del>1 4</del>	<del>1 5</del>	<del>1 6</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1 7</span>	<del>1 8</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">1 9</span>	<del>1 10</del>
<del>2 1</del>	<del>2 2</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2 3</span>	<del>2 4</del>	<del>2 5</del>	<del>2 6</del>	<del>2 7</del>	<del>2 8</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">2 9</span>	<del>2 10</del>
<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3 1</span>	<del>3 2</del>	<del>3 3</del>	<del>3 4</del>	<del>3 5</del>	<del>3 6</del>	<span style="border: 1px solid black; padding: 2px;">3 7</span>	<del>3 8</del>	<del>3 9</del>	<del>3 10</del>

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37が素数です。

反復問題(基本) 3

(1) まず、20について考えます。

$96 \div 20 = 4$  あまり 16 ですから、96は20でわり切れません。

よって20は96の約数ではありません。

$120 \div 20 = 6$  ですから、120は20でわり切れます。

よって20は120の約数です。

20は96の約数ではなく、120の約数なので、ウにふくまれます。

次に、32について考えます。

$96 \div 32 = 3$  ですから、96は32でわり切れます。

よって32は96の約数です。

$120 \div 32 = 3$  あまり 24 ですから、120は32でわり切れません。

よって32は120の約数ではありません。

32は96の約数で、120の約数ではないので、アにふくまれます。

(2) イは、96の約数でもあるし、120の約数でもある数が入ります。

つまり、96と120の公約数がイに入ります。

96と120の最大公約数は24です。

よってイに入るのは、24の約数です。

24の約数は、**1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24**  
です。

2	)	96	120
2	)	48	60
2	)	24	30
3	)	12	15
	↓	4	5
24			

反復問題(基本) 4 (1)

70まいのビスケットのうち、7まいがあまったのですから、子供たちに分けたのは、 $70 - 7 = 63$  (まい) です。

子どもの人数は、63まいをぴったり分けられるような人数ですから、63の約数です。

63の約数は、1と63、3と21、7と9です。

小さい方から順に並べ替えると、1, 3, 7, 9, 21, 63 です。

ところで、ビスケットは7まいあまったのですから、子どもの人数は、7人よりも多  
いはずでは

70の約数のうち、7よりも多いのは、9, 21, 63です。

よって、子どもの人数として考えられるのは、**9人, 21人, 63人**になります。

反復問題(基本) 4 (2)

(1)によって、子どもの人数は9人、21人、63人のいずれかであることがわかりまし  
た。

さらに(2)では、105個のアメをぴったり分けることのできる人数である、というこ  
とが書いてありました。

子どもの人数が21人の場合は、 $105 \div 21 = 5$  ですから、105個のアメをぴったり分け  
ることができるので、OKです。

子どもの人数が9人や63人や84人の場合、105をわるとわり切れないので、105個の  
アメをぴったり分けることができないので、ダメです。

よって、子どもの人数は、**21人**になります。

また、21人に105個のアメを配るのですから、1人に配るアメの個数は、 $105 \div 21 = 5$  (個) です。

反復問題(練習) 1

たとえば、ビー玉を1箱に12個ずつ、5箱に入れることができたとする、はじめにあったビー玉の個数は、 $12 \times 5 = 60$  (個) です。

この問題では、ビー玉が100個あったのですから、「1箱に入れる個数×箱の数=100」となります。

あとは、約数を求めるように、積が100になるようなパターンを見つけます。

$$100 = 1 \times 100, 2 \times 50, 4 \times 25, 5 \times 20, 10 \times 10, 20 \times 5, 25 \times 4, 50 \times 2, 100 \times 1$$

このうち、 $25 \times 4$ ,  $50 \times 2$ ,  $100 \times 1$  は、1箱に入れるビー玉の個数は、それぞれ25個、50個、100個ですが、1箱にはビー玉は24個までしか入らないので、ダメです。

また、 $1 \times 100$ ,  $2 \times 50$ ,  $4 \times 25$  は、箱の数は、それぞれ100箱、50箱、25箱ですが、用意できる箱の数は20箱までですから、ダメです。

よってOKなのは、 $5 \times 20$ ,  $10 \times 10$ ,  $20 \times 5$  です。

1箱に入れるビー玉の個数は、それぞれ **5個**, **10個**, **20個** です。



反復問題(練習) 2 (1)

たての長さの80 cmをぴったりあまりなく切り分けるためには、切る長さは、80cmの約数でなければなりません。

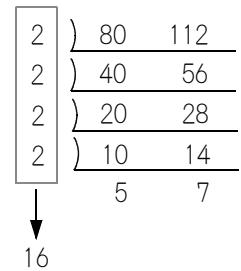
横の長さの112 cmをぴったりあまりなく切り分けるためには、切る長さは、112cmの約数でなければなりません。

正方形の形に切り分けるのですから、たてと横の長さが同じでなければなりません。  
よって、正方形の1辺は、80 cmと112 cmの公約数になります。

しかも問題には、できるだけ大きな正方形に切り分けると書いてありましたから、正方形の1辺は、80 cmと112 cmの最大公約数になります。

最大公約数は、右のような連除法でもとめます。

よって答えは、16 cmになります。



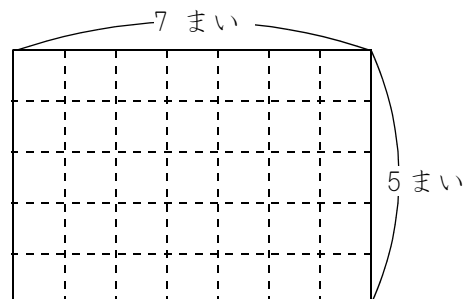
反復問題(練習) 2 (2)

(1)で、切り分ける正方形の1辺は16 cmであることがわかりました。

もとの長方形のたては80 cmでしたから、たては  $80 \div 16 = 5$  (まい) に切り分けます。

もとの長方形の横は112 cmでしたから、横は  $112 \div 16 = 7$  (まい) に切り分けます。

右の図のように、全部で、  
 $5 \times 7 = 35$  (まい) に切り分けること  
になります。



※ 長方形全体の面積は  $80 \times 112 = 8960$  (cm<sup>2</sup>) で、1枚の正方形の面積は  $16 \times 16 = 256$  (cm<sup>2</sup>) ですから、 $8960 \div 256 = 35$  (枚) としても正解ですが、計算がめんどろです。

反復問題(練習) 3

リングは53個ありました。

子どもに配ったところ、最後に5個あまりました。

ということは、子どもに配ったリングは、 $53 - 5 = 48$  (個) です。

48個のリングを子どもにぴったり配ることができたのですから、子どもの人数は48の約数です。

ミカンが85個ありました。

子どもに配ったところ、最後に1個あまりました。

ということは、子どもに配ったミカンは、 $85 - 1 = 84$  (個) です。

84個のミカン子どもにぴったり配ることができたのですから、子どもの人数は84の約数です。

結局、子どもの人数は48の約数でもあり、84の約数でもあります。

つまり、48と84の公約数になります。

公約数は、まず最大公約数をもとめて、その約数を求めればOKです。

最大公約数は、右の連除法の通り12ですから、12の約数である、1と12、2と6、3と4が、子どもの人数として考えられる数です。

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \quad \left. \begin{array}{r} 48 \quad 84 \\ \hline 24 \quad 42 \\ \hline 12 \quad 21 \\ \hline 4 \quad 7 \end{array} \right\} \\
 \downarrow \\
 12
 \end{array}$$

ところが、この人数がすべて答えになるわけではありません。

なぜなら、リングは5個あまり、ミカンは1個あまっているので、子どもの人数はそれよりも多くいるはずだからです。

(たとえば子どもが2人だったとしたら、その2人に、あまっているリング5個をさらに配ることができるからです。)

よって、5よりも多い人数である、**6人と12人**が、答えになります。

反復問題(練習) 4

$$\begin{aligned} A \times B &= 56 \\ A \times C &= 84 \\ A \times D &= 126 \end{aligned}$$

この3つの式すべてに、Aが登場しています。

そこで、Aについて考えてみます。

$A \times B = 56$  なので、Aは56の約数です。

$A \times C = 84$  なので、Aは84の約数です。

$A \times D = 126$  なので、Aは126の約数です。

よって、Aは56の約数でもあり、84の約数でもあり、126の約数でもあります。

つまり、Aは56と84と126の公約数になります。

公約数は、最大公約数を求めて、その約数を求めればOKです。

最大公約数は、右の図のようになり、 $2 \times 7 = 14$ です。

$$\begin{array}{r} 2 \ ) \ 56 \ 84 \ 126 \\ 7 \ ) \ 28 \ 42 \ 63 \\ \hline \quad 4 \quad 6 \quad 9 \end{array}$$

14の約数は、1, 2, 7, 14です。

A, B, C, Dは、1ではない整数であるとして書いてありましたから、Aとして考えられるのは、2, 7, 14です。

$$A = 2 \text{ のとき } \dots B = 56 \div 2 = 28, C = 84 \div 2 = 42, D = 126 \div 2 = 63$$

$$A = 7 \text{ のとき } \dots B = 56 \div 7 = 8, C = 84 \div 7 = 12, D = 126 \div 7 = 18$$

$$A = 14 \text{ のとき } \dots B = 56 \div 14 = 4, C = 84 \div 14 = 6, D = 126 \div 14 = 9$$

よって、考えられるA~Dの組は、以下の通りです。

**(2, 28, 42, 63), (7, 8, 12, 18), (14, 4, 6, 9)**

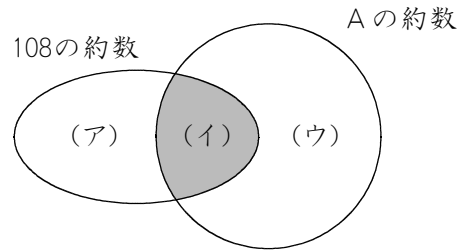
反復問題(練習) 5 (1)

右の図の(イ)の部分は、108の約数でもあるし、Aの約数でもあります。

つまり、(イ)の部分は、108とAの公約数になります。

最大公約数は、問題文に書いてある通り27ですから、(イ)は27の約数です。

27の約数は、1, 3, 9, 27の4個です。



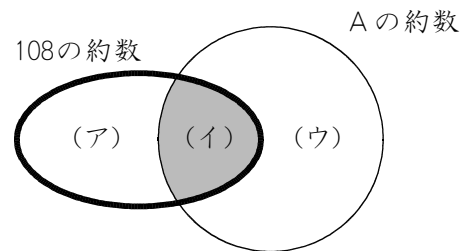
反復問題(練習) 5 (2)

右の図の太線部分は、108の約数の集まりを表しています。

108の約数は、次の通りです。

1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 27, 36, 54, 108

このうち、(イ)にふくまれるのは、(1)で求めた通り1, 3, 9, 27ですから、(ア)には残りの **2, 4, 6, 12, 18, 36, 54, 108** がふくまれます。



反復問題(練習) 5 (3)

たとえば12の約数なら、1と12, 2と6, 3と4のように、積が12になるようなペアを求めていきます。

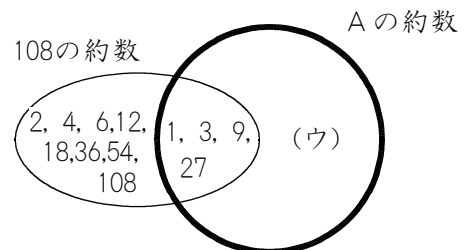
Aの約数の場合も、まず1とAのペアが約数です。

次に、3と何かがAの約数のペアです。

問題文に書いてある通り、(ウ)にふくまれる

整数のうち、大きい方から2番目の数は63ですから、3と63がAの約数のペアになります。

3と63の積はAになるのですから、Aは、 $3 \times 63 = 189$  になります。



## トレーニング①

- (1) 積が32になるように、2つずつ書きます。  
 $32 = 1 \times 32$ ,  $32 = 2 \times 16$ ,  $32 = 4 \times 8$  ですから、  
答えは、**1, 2, 4, 8, 16, 32**です。
- (2) 積が49になるように、2つずつ書きます。  
 $49 = 1 \times 49$ ,  $49 = 7 \times 7$  ですから、答えは、**1, 7, 49**です。  
※1, 7, 7, 49と書いてはバツになります。
- (3) 積が53になるように、2つずつ書きます。  
 $53 = 1 \times 53$  しかありませんから、答えは、**1, 53**です。  
※約数が2つしかない数を素数そすうといいます。
- (4) 積が68になるように、2つずつ書きます。  
 $68 = 1 \times 68$ ,  $2 \times 34$ ,  $4 \times 17$  ですから、  
答えは、**1, 2, 4, 17, 34, 68**です。
- (5) 積が104になるように、2つずつ書きます。  
 $104 = 1 \times 104$ ,  $2 \times 52$ ,  $4 \times 26$ ,  $8 \times 13$  ですから、  
答えは、**1, 2, 4, 8, 13, 26, 52, 104**です。
- (6) 積が165になるように、2つずつ書きます。  
 $165 = 1 \times 165$ ,  $3 \times 55$ ,  $5 \times 33$ ,  $11 \times 15$  ですから、  
答えは、**1, 3, 5, 11, 15, 33, 55, 165**です。

## トレーニング②

- (1) お金を例にして考えると、「15をわると3あまる」というのは、次のようになりません。

15円を持ってチョコを買えるだけ買ったら、3円あまった。

使ったお金は、 $15 - 3 = 12$  (円) ですから、12円でちょうど買えるような値段のチョコを買ったことになります。

つまり、チョコの値段は12をぴったり割り切れるような値段なので、12の約数になります。

12の約数は、1と12、2と6、3と4です。

小さい方から順に並べ直すと、1, 2, 3, 4, 6, 12です。

ところが、チョコを買えるだけ買ったときに3円あまったのですから、チョコの値段は3円よりも高いはずです。

ですから、12の約数のうち、3以下の数はダメになります。

(3もダメであることに注意しましょう。)

よって答えは、**4, 6, 12** になります。

- (2) お金を例にして考えると、「67をわると4あまる」というのは、次のようになりません。

67円を持ってチョコを買えるだけ買ったら、4円あまった。

使ったお金は、 $67 - 4 = 63$  (円) ですから、63円でちょうど買えるような値段のチョコを買ったことになります。

つまり、チョコの値段は63をぴったり割り切れるような値段なので、63の約数になります。

63の約数は、1と63、3と21、7と9です。

小さい方から順に並べ直すと、1, 3, 7, 9, 21, 63です。

ところが、チョコを買えるだけ買ったときに4円あまったのですから、チョコの値段は4円よりも高いはずです。

ですから、63の約数のうち、4以下の数はダメになります。

(3もダメであることに注意しましょう。)

よって答えは、**7, 9, 21, 63** になります。

- (3) お金を例にして考えると、「90をわると10あまる」というのは、次のようになります。

90円を持ってチョコを買えるだけ買ったら、10円あまった。

使ったお金は、 $90 - 10 = 80$  (円) ですから、80円でちょうど買えるような値段のチョコを買ったことになります。

つまり、チョコの値段は80をぴったり割り切れるような値段なので、80の約数になります。

80の約数は、1と80、2と40、4と20、5と16、8と10です。

小さい方から順に並べ直すと、1, 2, 4, 5, 8, 10, 16, 20, 40, 80です。

ところが、チョコを買えるだけ買ったときに10円あまったのですから、チョコの値段は10円よりも高いはずです。

ですから、80の約数のうち、10以下の数はダメになります。

(10もダメであることに注意しましょう。)

よって答えは、**16, 20, 40, 80** になります。

- (4) お金を例にして考えると、「110をわると5あまる」というのは、次のようになります。

110円を持ってチョコを買えるだけ買ったら、5円あまった。

使ったお金は、 $110 - 5 = 105$  (円) ですから、105円でちょうど買えるような値段のチョコを買ったことになります。

つまり、チョコの値段は105をぴったり割り切れるような値段なので、105の約数になります。

105の約数は、1と105、3と35、5と21、7と15です。

小さい方から順に並べ直すと、1, 3, 5, 7, 15, 21, 35, 105です。

ところが、チョコを買えるだけ買ったときに5円あまったのですから、チョコの値段は5円よりも高いはずです。

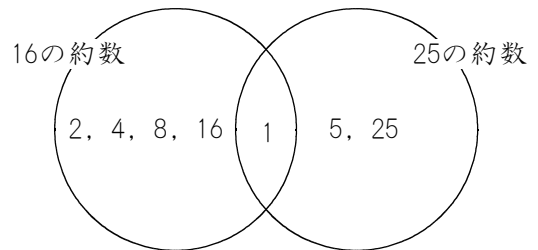
ですから、105の約数のうち、5以下の数はダメになります。

(5もダメであることに注意しましょう。)

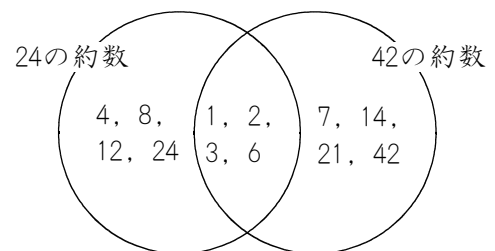
よって答えは、**7, 15, 21, 35, 105** になります。

トレーニング③

- (1) 16の約数…1, 2, 4, 8, 16  
 25の約数…1, 5, 25  
 16と25の公約数は, 1しかありません。  
 よって右の図のようになります。



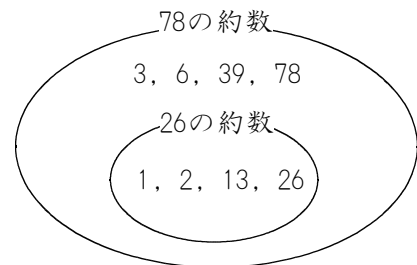
- (2) 24の約数…1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24  
 42の約数…1, 2, 3, 6, 7, 14, 21, 42  
 24と42の公約数は, 1, 2, 3, 6なので,  
 右の図のようになります。



- (3) 26の約数…1, 2, 13, 26  
 78の約数…1, 2, 3, 6, 13, 26, 39, 78

26の約数は, 78の約数の中に全部ふくまれています。

よって, 右の図のようになります。





トレーニング④

(1)

$$\begin{array}{r} \boxed{2} \\ \boxed{3} \end{array} \left. \begin{array}{l} 18 \quad 48 \\ 9 \quad 24 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 3 \quad 8 \end{array}$$

↓

**6**

(2)

$$\begin{array}{r} \boxed{2} \\ \boxed{2} \end{array} \left. \begin{array}{l} 36 \quad 56 \\ 18 \quad 28 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 9 \quad 14 \end{array}$$

↓

**4**

(3)

$$\begin{array}{r} \boxed{3} \\ \boxed{5} \end{array} \left. \begin{array}{l} 75 \quad 90 \\ 25 \quad 30 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 5 \quad 6 \end{array}$$

↓

**15**

(4)

$$\begin{array}{r} \boxed{2} \\ \boxed{3} \\ \boxed{7} \end{array} \left. \begin{array}{l} 126 \quad 294 \\ 63 \quad 147 \\ 21 \quad 49 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 3 \quad 7 \end{array}$$

↓

**42**

(5)

$$\begin{array}{r} \boxed{2} \\ \boxed{3} \end{array} \left. \begin{array}{l} 30 \quad 54 \quad 78 \\ 15 \quad 27 \quad 39 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 5 \quad 9 \quad 13 \end{array}$$

↓

**6**

(6)

$$\begin{array}{r} \boxed{2} \\ \boxed{2} \\ \boxed{3} \end{array} \left. \begin{array}{l} 120 \quad 144 \quad 156 \\ 60 \quad 72 \quad 78 \\ 30 \quad 36 \quad 39 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 10 \quad 12 \quad 13 \end{array}$$

↓

**12**

## 実戦演習①

赤い紙は510まいありました。

生徒に配ったところ、最後に6まいあまりました。

ということは、生徒に配ったまい数は、 $510 - 6 = 504$  (まい) です。

504まいの赤い紙を生徒にぴったり配ることができるのですから、生徒の人数は504の約数です。

青い紙は610まいありました。

生徒に配ったところ、最後に6まいたりなくなりました。

ということは、 $610 + 6 = 616$  (まい) あれば、生徒にぴったり配ることができるのですから、生徒の人数は616の約数です。

結局、生徒の人数は504の約数でもあり、616の約数でもあります。

つまり、504と616の公約数になります。

公約数は、まず最大公約数をもとめて、その約数を求めればOKです。

最大公約数は、右の連除法の通り56ですから、56の約数である、1と56、2と28、4と14、7と8が、生徒の人数として考えられる数です。

小さい順にならべると、1、2、4、7、8、14、28、56です。

ところが、この人数がすべて答えになるわけではありません。

2	}	504	616
2	}	252	308
2	}	126	154
7	}	63	77
			9 11
			↓
			56

なぜなら、問題に「クラス的人数は20人以上30人以下」と書いてあるので、そのはんに入っている、**28**人のみが正解になります。

実戦演習②

- (1) たては51 cmですが、同じ長さに切り分けていくと最後に3 cmあまったので、  
 $51 - 3 = 48$  (cm) ぶんを切り分けました。  
 48 cmをぴったり切り分けられたのですから、正方形の1辺は48の約数です。

横は78 cmですが、同じ長さに切り分けていくと最後に6 cmあまったので、  
 $78 - 6 = 72$  (cm) ぶんを切り分けました。  
 72 cmをぴったり切り分けられたのですから、正方形の1辺は72の約数です。

よって正方形の1辺は、48の約数でもあるし72の約数でもありますから、48と72の公約数になります。

この問題では、最も長いときを求めるのですから、48と72の最大公約数を求めればよいことになります。

右の連除法の通り、最大公約数は24なので、答えは24 cmになります。

$$\begin{array}{r}
 2 \quad \Big) \quad 72 \quad 48 \\
 \hline
 2 \quad \Big) \quad 36 \quad 24 \\
 \hline
 2 \quad \Big) \quad 18 \quad 12 \\
 \hline
 3 \quad \Big) \quad 9 \quad 6 \\
 \hline
 \downarrow \quad 3 \quad 2 \\
 24
 \end{array}$$

- (2) (1)で、切り分ける正方形の1辺の長さは、48と72の公約数であることがわかりました。  
 最大公約数は24ですから公約数は24の約数になり、1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24です。

ところが、たてに切り分けたときは3 cmあまり、横に切り分けたときは6 cmあまったのですから、正方形の1辺は、3 cmや6 cmよりも長くなければなりません。

よって、1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24の中で、6よりも大きい数である、8, 12, 24のみがあてはまります。

正方形の1辺は、8 cm, 12 cm, 24 cmのいずれかであることがわかりました。

ところで問題には、正方形のまい数を最も多くすると書いてありました。

まい数を多くするには、なるべく細かく切り分けるべきですから、8 cm, 12 cm, 24 cmのうち、最も短い長さである8 cmを正方形の1辺にします。

すると、たては48 cmぶん切ったので、 $48 \div 8 = 6$  (まい) に切り分けました。  
 横は72 cmぶん切ったので、 $72 \div 8 = 9$  (まい) に切り分けました。

全部で、 $6 \times 9 = 54$  (まい) に切り分けたことになります。

## 実戦演習③

(1) 直方体のたては 324 cm ですが、同じ長さに切り分けていったので、立方体の 1 辺の長さは、324 の約数です。

横は 396 cm ですが、同じ長さに切り分けていったので、立方体の 1 辺の長さは、396 の約数です。

高さは 180 cm ですが、同じ長さに切り分けていったので、立方体の 1 辺の長さは、180 の約数です。

よって立方体の 1 辺の長さは、324 と 396 と 180 の公約数になります。

問題には立方体をできるだけ大きくすると書いてあったので、立方体の 1 辺の長さは 324 と 396 と 180 の最大公約数になります。

右の連除法の通り、最大公約数は 36 なので、立方体の 1 辺の長さは **36** cm になります。

$$\begin{array}{r}
 \boxed{2} \quad \left. \begin{array}{l} 324 \quad 396 \quad 180 \\ \hline 162 \quad 198 \quad 90 \\ \hline 81 \quad 99 \quad 45 \\ \hline 27 \quad 33 \quad 15 \\ \hline 9 \quad 11 \quad 5 \end{array} \right\} \\
 \downarrow \\
 36
 \end{array}$$

(2) (1)で、立方体の 1 辺の長さは 36 cm であることがわかりました。

直方体のたては 324 cm ですから、 $324 \div 36 = 9$  (個) に切り分けられます。

横は 396 cm ですから、 $396 \div 36 = 11$  (個) に切り分けられます。

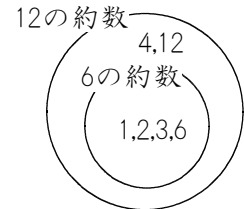
高さは 180 cm ですから、 $180 \div 36 = 5$  (個) に切り分けられます。

よって、全部で  $9 \times 11 \times 5 = 495$  (個) になります。

実戦演習④

- (1) サンプルとして、12の約数と6の約数について考えてみましょう。  
 ここで、12は6でわり切れることに注意しておいてください。

12の約数は、1, 2, 3, 4, 6, 12です。  
 6の約数は、1, 2, 3, 6です。  
 6の約数は、12の約数の中にすべて入っていますね。



このように、AがBでわりきれるとき、Aの約数の円の中にBの約数の円が入っていることになります。

いま、円A、円B、円Cは、120の約数、48の約数、30の約数のいずれかでした。

$120 \div 48 = 2$  あまり 24 ですから、120は48でわり切れません。

$120 \div 30 = 4$  ですから、120は30でわり切れます。

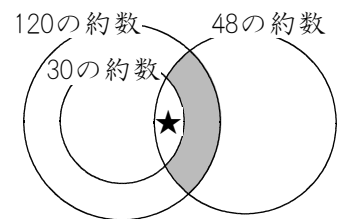
$48 \div 30 = 1$  あまり 18 ですから、48は30でわり切れません。

よって、わり切れるのは120を30でわったときのみですから、円Aは120の約数を表し、円Bは30の約数を表すことになります。

- (2) (1)で、円Aは120の約数を表し、円Bは30の約数を表すことがわかりました。よって、円Cは48の約数を表します。

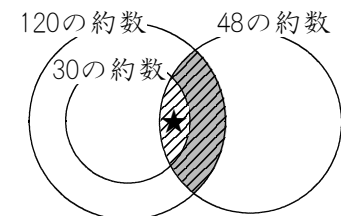
(2)は、右の図のかげの部分にふくまれる整数を求める問題ですが、★の部分は、30と48の公約数を表します。

30と48の最大公約数は6なので、★の部分は6の約数である、1, 2, 3, 6です。



また、右の図のななめの線をつけた部分は、120と48の公約数を表します。

120と48の最大公約数は24なので、ななめの線をつけた部分は24の約数である、1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24です。



よって、かげをつけた部分にふくまれる整数は、**4, 8, 12, 24**になります。

