

# シリーズ5年下第1回・くわしい解説

- ・比を簡単にする計算になれておくこと。
- ・連比の計算をできるようにしておくこと。
- ・比を実際の数だと思いう解き方をマスターしておくこと。
- ・面倒がらずに線分図を書くこと。
- ・最も小さそうなものを①にして考える。

## 目次

基本	1	(1) …p.2
基本	1	(2) …p.3
基本	1	(3) …p.4
基本	1	(4) …p.5
基本	1	(5) …p.6
基本	1	(6) …p.7
基本	1	(7) …p.8
基本	1	(8) …p.9
基本	1	(9) …p.10
基本	2	…p.11
基本	3	…p.12
基本	4	…p.13
練習	1	…p.16
練習	2	…p.19
練習	3	…p.20
練習	4	…p.22
練習	5	…p.33
練習	6	…p.25

基本 1 (1)

7ポイント 比を簡単にすることは、整数の比にすることです。分数、小数のままではNGです。

- ① 18:24 の18と24を, 18と24の最大公約数である6で割ります。  
 $18:24 = (18 \div 6):(24 \div 6) = 3:4$  になります。

注意 一気に6で割らなくても, 少しずつ2で割ってから3で割るなどしてもOKです。  
 $18:24 = (18 \div 2):(24 \div 2) = 9:12 = (9 \div 3):(12 \div 3) = 3:4$

- ② まず, 0.35も1.5も100倍してから簡単にします  
 $0.35:1.5 = (0.35 \times 100):(1.5 \times 100) = 35:150 = (35 \div 5):(150 \div 5) = 7:30$

注意  $0.35:1.5 = 35:15$  のようにするミスが多いです。注意しましょう。

- ③ まず, 通分してから分子のみの比にします。

$$\frac{2}{3} : \frac{3}{4} = \frac{8}{12} : \frac{9}{12} = 8:9$$

- ④ まず, 1.6を分数にしてから通分し, 分子のみの比にします。

$$1.6 : 3\frac{1}{3} = 1\frac{3}{5} : 3\frac{1}{3} = \frac{8}{5} : \frac{10}{3} = \frac{24}{15} : \frac{50}{15} = 24 : 50 = 12 : 25$$

基本 1 (2)

7ポイント 内項の積と外項の積が等しいことを利用しましょう。

① たとえば,  $18:24$  を簡単にすると,  $3:4$  です。 $18:24=3:4$  ですね。

このとき, 内項とは内側の数である  $24$  と  $3$  で,  
その積は  $24 \times 3 = 72$  です。

$$18 : 24 = 3 : 4$$

$$\begin{array}{c} \text{┌──内項──┐} \\ 24 \times 3 = 72 \end{array}$$

また, 外項とは外側の数である  $18$  と  $4$  で,  
その積は  $18 \times 4 = 72$  です。

$$18 : 24 = 3 : 4$$

$$\begin{array}{c} \text{└──外項──┘} \\ 18 \times 4 = 72 \end{array}$$

このように, 内項の積と外項の積は等しくなります。

①の問題は,  $2.4:3=8:\square$  でした。

$$2.4 : 3 = 8 : \square$$

$$\begin{array}{c} \text{┌──内項──┐} \\ 3 \times 8 = 24 \end{array}$$

内項の積は,  $3 \times 8 = 24$  です。

よって, 外項の積も  $24$  になるので,  $2.4 \times \square = 24$  です。

$$2.4 : 3 = 8 : \square$$

$$\begin{array}{c} \text{└──外項──┘} \\ 2.4 \times \square = 24 \end{array}$$

$\square$  は,  $24 \div 2.4 = 10$  です。

② ②も, ①と同じように「内項の積と外項の積は等しい」ことを利用します。

外項の積は,  $4\frac{2}{3} \times 1\frac{5}{7} = \frac{14}{3} \times \frac{12}{7} = 8$  です。

$$4\frac{2}{3} : \square = 1.8 : 1\frac{5}{7}$$

$$\begin{array}{c} \text{└──外項──┘} \end{array}$$

よって, 内項の積も  $8$  になるので,  $\square \times 1.8 = 8$  です。

$$4\frac{2}{3} : \square = 1.8 : 1\frac{5}{7}$$

$$\begin{array}{c} \text{┌──内項──┐} \end{array}$$

$\square$  は,  $8 \div 1.8 = 8 \div 1\frac{4}{5} = \frac{8 \times 5}{1 \times 9} = \frac{40}{9} = 4\frac{4}{9}$  です。

---

基本 1 (3)

---

フポイント  $A \times \frac{5}{6}$  と,  $B \times \frac{2}{3}$  を, 同じ数にします。

$A \times \frac{5}{6}$  も,  $B \times \frac{2}{3}$  も, 両方とも1にします。

$A \times \frac{5}{6} = 1$  ですから,  $A = 1 \div \frac{5}{6} = \frac{6}{5}$  です。

$B \times \frac{2}{3} = 1$  ですから,  $B = 1 \div \frac{2}{3} = \frac{3}{2}$  です。

$A = \frac{6}{5}$ ,  $B = \frac{3}{2}$  ですから,  $A : B = \frac{6}{5} : \frac{3}{2} = \frac{12}{10} : \frac{15}{10} = 12 : 15 = 4 : 5$  です。

---

基本 1 (4)

---

7ポイント  $A \times 4$  と、 $B \times 3$  と、 $C \times 6$  を、同じ数にします。

$A \times 4$  も、 $B \times 3$  も、 $C \times 6$  も、すべて(3)の問題と同じように1にしてもよいのですが、4と3と6の最小公倍数である12にした方が、計算がラクになります。

$A \times 4 = 12$  ですから、 $A = 12 \div 4 = 3$  です。

$B \times 3 = 12$  ですから、 $B = 12 \div 3 = 4$  です。

$C \times 6 = 12$  ですから、 $C = 12 \div 6 = 2$  です。

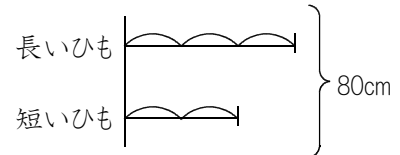
$A = 3$ 、 $B = 4$ 、 $C = 2$  ですから、 $A : B : C = 3 : 4 : 2$  です。

基本 1 (5)

7ポイント 線分図にします。慣れたら、線分図を書かなくてもできるようになりましょう。

長いひもと短いひもの長さの比が3:2ですから、長いひもが3山ぶん、短いひもが2山ぶんになるような線分図を書きます。

長いひもと短いひもの和が80 cmですから、右のような線分図になります。



合わせて、 $3+2=5$  (山)ぶんが80 cmですから、1山あたり、 $80 \div 5 = 16$  (cm)です。

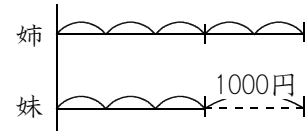
短い方のひもは2山にあたりますから、 $16 \times 2 = 32$  (cm)です。

基本 1 (6)

7ポイント 線分図にします。慣れたら、線分図を書かなくてもできるようになりましょう。

姉と妹の所持金の比が5:3ですから、姉が5山ぶん、妹が3山ぶんになるような線分図を書きます。

2人の所持金の差は、 $5 - 3 = 2$  (山)ぶんにあたるから、右のような線分図になります。



2山ぶんが1000円ですから、1山あたり、 $1000 \div 2 = 500$  (円)です。

姉の所持金は5山にあたるから、 $500 \times 5 = 2500$  (円)です。

---

基本 1 (7)

---

7ポイント 変わらないのは何の個数でしょう。

はじめ、ガムが30個、アメが20個ありました。

ガムは何個か食べましたが、アメは食べていません。

よって、アメの個数は変わっていません。

ガムを食べた結果、ガムとアメの個数の比は6:5になりました。

ガムが6山、アメが5山になったとすると、アメの個数は変わっていないのですから、5山が20個にあたります。

1山あたり、 $20 \div 5 = 4$  (個)です。

ガムは6山になったのですが、1山あたり4個ですから、6山あたり、 $4 \times 6 = 24$  (個)です。

よって、ガムは24個になりました。

はじめにガムは30個あったのですから、 $30 - 24 = 6$  (個)のガムを食べたことになります。



基本 1 (8)

7ポイント 連比の求め方をしっかりマスターしましょう。

① まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 1 : 2 \\ \hline 4 : 3 \end{array}$$

Bを、2と4の最小公倍数である4にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 1 : 2 \\ \hline 4 : 3 \\ \hline 4 \end{array}$$

A : B = 1 : 2のときのBは2です。  
2が4になるのですから、 $4 \div 2 = 2$  (倍) になっています。  
Aの1も2倍して、 $1 \times 2 = 2$  になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 1 : 2 \\ \hline 2 : 4 : 3 \end{array}$$

B : C = 4 : 3のときのBは4です。  
4が4になっているのですから、 $4 \div 4 = 1$  (倍) になっています。  
Cの3も1倍して、 $3 \times 1 = 3$  になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 1 : 2 \\ \hline 2 : 4 : 3 \end{array}$$

よって、 $A : B : C = 2 : 4 : 3$  になります。

② ①で、 $A : B : C = 2 : 4 : 3$  であることがわかりました。

Aは2山、Bは4山、Cは3山にあたります。

A, B, C合わせて、 $2 + 4 + 3 = 9$  (山) です。

$A + B + C = 27$  ですから、27が9山にあたります。

1山あたり、 $27 \div 9 = 3$  です。

Aは2山にあたりますから、 $3 \times 2 = 6$  です。

基本 1 (9)

7ポイント 連比の求め方をしっかりマスターしましょう。

① まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline 6 : 7 \end{array}$$

A : C が 6 : 7 なのに、B : C を 6 : 7 にしやすいので注意しましょう。

A を、4 と 6 の最小公倍数である 12 にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline 6 : 7 \\ \hline 12 \end{array}$$

A : B = 4 : 3 のときの A は 4 です。  
4 が 12 になるのですから、 $12 \div 4 = 3$  (倍) になっています。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline 6 : 7 \\ \hline 12 : 9 \end{array}$$

B の 3 も 3 倍して、 $3 \times 3 = 9$  になります。

A : C = 6 : 7 のときの A は 6 です。  
6 が 12 になっているのですから、 $12 \div 6 = 2$  (倍) になっています。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline 6 : 7 \\ \hline 12 : 9 : 14 \end{array}$$

C の 7 も 2 倍して、 $7 \times 2 = 14$  になります。

よって、 $A : B : C = 12 : 9 : 14$  になります。

② ①で、 $A : B : C = 12 : 9 : 14$  であることがわかりました。

A は 12 山、B は 9 山、C は 14 山にあたります。

C - B は、 $14 - 9 = 5$  (山) です。

C - B = 20 ですから、20 が 5 山にあたります。

1 山あたり、 $20 \div 5 = 4$  です。

A は 12 山にあたりますから、 $4 \times 12 = 48$  です。

## 基本 2

**7**ポイント えんぴつ12本と、ボールペン8本を、同じ金額にします。

- (1) えんぴつ12本と、ボールペン8本を、12と8の最小公倍数である24円にします。

えんぴつ12本が24円なので、えんぴつ1本は、 $24 \div 12 = 2$  (円)です。

ボールペン8本が24円なので、ボールペン1本は、 $24 \div 8 = 3$  (円)です。

よって、えんぴつ1本とボールペン1本の値段の比は、**2 : 3**になります。

- (2) (1)で、えんぴつ1本とボールペン1本の値段の比は、2 : 3であることがわかりました。

そこで、えんぴつ1本を②円、ボールペン1本を③円にします。

えんぴつ5本とボールペン3本では、 $② \times 5 + ③ \times 3 = ⑱$  (円)にあたります。

それが760円なので、①あたり、 $760 \div 19 = 40$  (円)です。

えんぴつ1本の値段は②にあたるので、 $40 \times 2 = 80$  (円)です。

## 基本 3

**7ポイント** 個数を適当に決めて(1)を求めます。

(1) おもりAとおもりBの個数の比は5:4ですから、おもりAは5個、おもりBは4個あることにします。

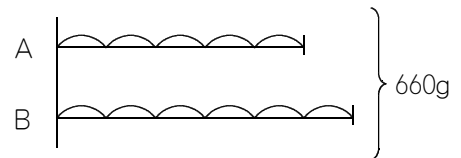
おもりAは1個20gなので、5個では $20 \times 5 = 100$  (g)です。

おもりBは1個30gなので、4個では $30 \times 4 = 120$  (g)です。

よって、おもりAだけの重さの合計と、おもりBだけの重さの合計は、 $100:120 = 5:6$ です。

(2) (1)で、おもりAだけの重さの合計と、おもりBだけの重さの合計は、5:6であることがわかりました。

おもりの重さの合計は660gですから、右のような線分図になります。



Aは5山、Bは6山ありますから、 $5 + 6 = 11$  (山)で、660gです。

1山あたり、 $660 \div 11 = 60$  (g)です。

Aは5山ぶんですから、 $60 \times 5 = 300$  (g)です。

A 1個は20gですから、Aは  $300 \div 20 = 15$  (個)あります。

基本 4 (1)

7ポイント 変わらないのは何でしょう。

はじめのAとBの比は2:1でしたが、あとの比は3:2になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

Aは4 dL使いましたが、Bは使っていません。

よって、Bは変わっていません。

そこで、Bをそろえることになります。

はじめのBは1にあたり、あとのBは2にあたるから、Bを、1と2の最小公倍数である②にします。

	A	:	B
はじめ	2	:	1
あと	3	:	2

あとのBは2のままでOKですから、あとのAとBの比である3:2をそのまま使って、あとのAを③、あとのBを②にします。

	A	:	B
はじめ	2	:	1
あと	<del>3</del> <sup>③</sup>	:	<del>2</del> <sup>②</sup>

はじめのBは1になっていますが、これを2倍にしてマルをつけて②にするので、はじめのAも2倍にしてマルをつけて④とします。

	A	:	B
はじめ	<del>2</del> <sup>④</sup>	:	<del>1</del> <sup>②</sup>
あと	<del>3</del> <sup>③</sup>	:	<del>2</del> <sup>②</sup>

はじめのAは④、あとのAは③になっているので、Aは  $④ - ③ = ①$  だけへっています。これが4 dLにあたります。

求めたいのははじめのAですから④です。

よってはじめのAは、 $4 \text{ dL} \times 4 = 16 \text{ (dL)}$ です。

基本 4 (2)

フンポイント 変わらないのは何でしょう。

はじめのAとBの比は2:1でしたが、あとの比は2:3になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

AとBの間でやりとりしても、AとBの和は変わりません。

そこで、AとBの和をそろえることになります。

はじめのAとBの比は2:1ですから、AとBの和は  $2+1=3$  にあたります。

あとのAとBの比は2:3ですから、AとBの和は  $2+3=5$  にあたります。

	A	:	B	和
はじめ	2	:	1	3
あと	2	:	3	5

はじめの和とあとの和をそろえるために、和を3と5の最小公倍数である⑮にします。

はじめの和である3を⑮にするのですから、3を5倍してマルをつけることになります。

はじめのAである2も5倍してマルをつけて、⑩になり、はじめのBである1も5倍してマルをつけるので、⑤になります。

	A	:	B	和
はじめ	<del>2</del> <sup>⑩</sup>	:	<del>1</del> <sup>⑤</sup>	<del>3</del> <sup>⑮</sup>
あと	2	:	3	5

あとの和である5を⑮にするのですから、5を3倍してマルをつけることになります。

あとのAである2も3倍してマルをつけて、⑥になり、あとのBである3も3倍してマルをつけるので、⑨になります。

	A	:	B	和
はじめ	<del>2</del> <sup>⑩</sup>	:	<del>1</del> <sup>⑤</sup>	<del>3</del> <sup>⑮</sup>
あと	<del>2</del> <sup>⑥</sup>	:	<del>3</del> <sup>⑨</sup>	<del>5</del> <sup>⑮</sup>

Aは、はじめ⑩でしたが⑥になったので、 $10 - 6 = 4$ だけ減りました。減った理由は、8 dLをBに移したからです。

	A	:	B	和
はじめ	<del>2</del> <sup>⑩</sup>	:	<del>1</del> <sup>⑤</sup>	<del>3</del> <sup>⑮</sup>
あと	<del>2</del> <sup>⑥</sup>	:	<del>3</del> <sup>⑨</sup>	<del>5</del> <sup>⑮</sup>

よって8 dLが④にあたります。

(Bを利用して、 $9 - 5 = 4$ にあたるのが8 dLであるとしても、同じです。)

①あたり、 $8 \div 4 = 2$  (dL)です。

はじめのAは⑩にあたりますから、 $2 \times 10 = 20$  (dL)です。

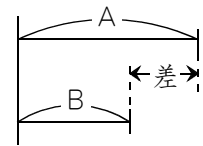
基本 4 (3)

**7分ポイント** 変わらないのは何でしょう。

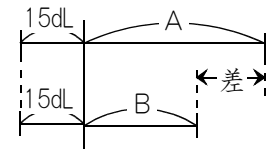
はじめのAとBの比は8:5でしたが、あとの比は7:5になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

AとBに同じ量の水(15dL)を加えても、AとBの差は変わりません。  
なぜ差が変わらないかを、線分図を利用して説明します。

AとBが右の線分図のようになっていたとします。



AとBに同じ量の水(15dL)を加えたときは、右の図のようになり、AとBの差は変わらないことがわかります。



そこで、AとBの差をそろえることになります。

はじめのAとBの比は8:5ですから、AとBの差は  $8-5=3$  にあたります。

	A	:	B	差
はじめ	8	:	5	3
あと	7	:	5	2

あとのAとBの比は7:5ですから、AとBの差は  $7-5=2$  にあたります。

はじめの差とあとの差をそろえるために、差を3と2の最小公倍数である⑥にします。

はじめの差である3を⑥にするのですから、3を2倍してマルをつけることになります。

	A	:	B	差
はじめ	<del>8</del> <sup>⑬</sup>	:	<del>5</del> <sup>⑩</sup>	<del>3</del> <sup>⑥</sup>
あと	7	:	5	2

はじめのAである8も2倍してマルをつけて、⑬になり、はじめのBである5も2倍してマルをつけるので、⑩になります。

あとの差である2を⑥にするのですから、2を3倍してマルをつけることになります。

	A	:	B	差
はじめ	<del>8</del> <sup>⑬</sup>	:	<del>5</del> <sup>⑩</sup>	<del>3</del> <sup>⑥</sup>
あと	<del>7</del> <sup>⑳</sup>	:	<del>5</del> <sup>⑮</sup>	<del>2</del> <sup>⑥</sup>

あとのAである7も3倍してマルをつけて、⑳になり、

あとのBである5も3倍してマルをつけるので、⑮になります。

Aは、はじめ⑬でしたが⑳になったので、 $20-13=7$ だけ増えました。増えた理由は、15 dLを加えたからです。

	A	:	B	差
はじめ	<del>8</del> <sup>⑬</sup>	:	<del>5</del> <sup>⑩</sup>	<del>3</del> <sup>⑥</sup>
あと	<del>7</del> <sup>⑳</sup>	:	<del>5</del> <sup>⑮</sup>	<del>2</del> <sup>⑥</sup>

よって15 dLが⑦にあたるので、①あたり、 $15 \div 7 = 2.14$  (dL)です。

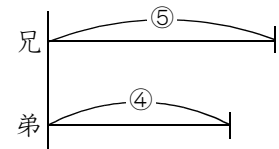
(Bを利用して、 $15 - 10 = 5$ にあたるのが15 dLであるとしても、同じです。)

はじめのAは⑬にあたるから、 $3 \times 16 = 48$  (dL)です。

練習 1 (1)

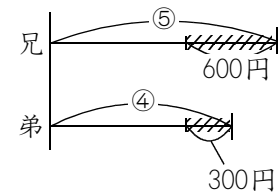
**フンポイント** 線分図を書いて意味を理解しましょう。

はじめ、兄と弟の所持金の比は5:4でした。

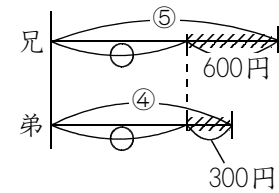


はじめの兄を⑤, 弟を④として, 右のような線分図にします。

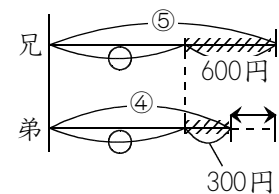
兄は600円, 弟は300円使ったところ,



2人の残りの所持金は等しくなりました。



右の図の  $\longleftrightarrow$  の部分は,  $600 - 300 = 300$  (円)で, しかも,  $⑤ - ④ = ①$  にあたります。



①あたり300円であることがわかりました。

求めたいのは, はじめの兄の所持金ですから, ⑤です。

①が300円ですから, ⑤は,  $300 \times 5 = 1500$  (円)です。



## 練習 1 (2)

**7**ポイント まず、連比を求めましょう。

まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline \phantom{4 : } 2 : 5 \end{array}$$

Bを、3と2の最小公倍数である6にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline \phantom{4 : } 2 : 5 \\ \hline \phantom{4 : } 6 \end{array}$$

A : B = 4 : 3のときのBは3です。  
3が6になるのですから、 $6 \div 3 = 2$  (倍) になっています。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline \phantom{4 : } 2 : 5 \\ \hline 8 : 6 \end{array}$$

Aの4も2倍して、 $4 \times 2 = 8$ になります。

B : C = 2 : 5のときのBは2です。  
2が6になっているのですから、 $6 \div 2 = 3$  (倍) になっています。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 4 : 3 \\ \hline \phantom{4 : } 2 : 5 \\ \hline 8 : 6 : 15 \end{array}$$

Cの5も3倍して、 $5 \times 3 = 15$ になります。

よって、現在のA、B、Cの年齢の比は、8 : 6 : 15 です。

ここで、現在のAを⑧、Bを⑥、Cを⑮にします。

ところで、2年前は、AとCの年齢の和は65才でした。

現在はAも2才、Cも2才年齢が増えているので、現在のAとCの年齢の和は、 $65 + 2 \times 2 = 69$  (才)です。

現在のAは⑧、Cは⑮なので、AとCの和は、 $⑧ + ⑮ = ⑳$  です。

よって、69才が⑳にあたります。

①あたり、 $69 \div 23 = 3$  (才)です。

現在のBは⑥にあたるので、 $3 \times 6 = 18$  (才)です。

練習 1 (3)

ワンポイント 男子と女子に、「昨年」と「今年」があることを注意しましょう。

昨年の男子と女子の人数の比は2 : 3ですから、  
 昨年の男子を 2，昨年の女子を 3 にします。

$$\begin{array}{l} \text{昨男} = \frac{2}{\phantom{0}} \\ \text{昨女} = \frac{3}{\phantom{0}} \end{array}$$

今年は男子が2割増えました。

2割増えたというのは、2割増しのことですから、 $1 + 0.2 = 1.2$  (倍) になりました。  
 よって、今年の男子は、2  $\times 1.2 =$  2.4 にあたります。

また、今年女子が1割減りました。

1割減ったというのは、1割引きのことですから、 $1 - 0.1 = 0.9$  (倍) になりました。  
 よって、今年の女子は、3  $\times 0.9 =$  2.7 にあたります。

右の表のようになった，ということです。

$$\begin{array}{ll} \text{昨男} = \frac{2}{\phantom{0}} & \text{今男} = \frac{2.4}{\phantom{0}} \\ \text{昨女} = \frac{3}{\phantom{0}} & \text{今女} = \frac{2.7}{\phantom{0}} \end{array}$$

今年の男子と女子の合計は、2.4 + 2.7 = 5.1 にあたります。

今年の生徒数は255人ですから、1 あたり、 $255 \div 5.1 = 50$  (人) になります。

求めたいのは、昨年の生徒数でした。

ですから、2 + 3 = 5 を求める問題です。

$$\begin{array}{ll} \text{昨男} = \frac{2}{\phantom{0}} & \text{今男} = \frac{2.4}{\phantom{0}} \\ \text{昨女} = \frac{3}{\phantom{0}} & \text{今女} = \frac{2.7}{\phantom{0}} \end{array}$$

1 あたり50人ですから、5 は、 $50 \times 5 = 250$  (人) になります。

## 練習 2

**ワンポイント** 水の深さは、A・B・Cに共通しています。

(1) Aは、Aの40% =  $\frac{40}{100} = \frac{2}{5}$ が水面より上に出ました。

ということは、Aの  $1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$ が水面より下の部分です。

つまり、水の深さは、Aの  $\frac{3}{5}$ にあたります。

同じように考えて、Bは、Bの  $\frac{1}{4}$ が水面より上に出ているので、Bの  $1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$ が水の深さです。

Cは、Cの  $\frac{3}{8}$ が水面より上に出ているので、Cの  $1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$ が水の深さです。

したがって、Aの  $\frac{3}{5}$ 、Bの  $\frac{3}{4}$ 、Cの  $\frac{5}{8}$ が、いずれも水の深さにあたります。

$A \times \frac{3}{5}$ 、 $B \times \frac{3}{4}$ 、 $C \times \frac{5}{8}$ が、いずれも等しいということです。

そこで、 $A \times \frac{3}{5} = 1$ 、 $B \times \frac{3}{4} = 1$ 、 $C \times \frac{5}{8} = 1$ とします。

$A = 1 \div \frac{3}{5} = \frac{5}{3}$ 、 $B = 1 \div \frac{3}{4} = \frac{4}{3}$ 、 $C = 1 \div \frac{5}{8} = \frac{8}{5}$ です。

よって、 $A : B : C = \frac{5}{3} : \frac{4}{3} : \frac{8}{5} = \frac{25}{15} : \frac{20}{15} : \frac{24}{15} = 25 : 20 : 24$ です。

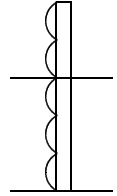
(2) AとBとCの長さの比は、(1)で求めた通り 25 : 20 : 24 です。

また、AとBとCの合計は414 cmです。

よってAの長さは、 $414 \div (25 + 20 + 24) \times 25 = 150$  (cm)です。

(1)でわかった通り、水の深さは、Aの  $\frac{3}{5}$ でした。

よって水の深さは、 $150 \times \frac{3}{5} = 90$  (cm)です。



練習 3 (1)

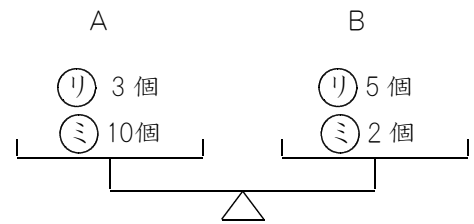
**ワンポイント** てんびんを書き，両方の皿からそーっと取っていく問題です。

Aさんはリンゴ3個とミカン10個を買って，Bさんはリンゴ5個とミカン2個を買いました。

そして，AさんとBさんのお金は等しくなりました。

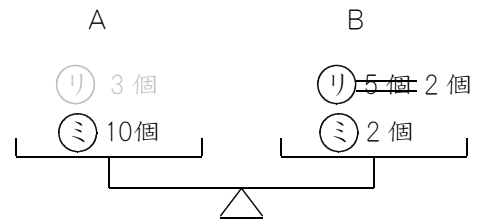
Aさんの方の皿にはリンゴ3個とミカン10個がのっていて，Bさんの方の皿にはリンゴ5個とミカン2個がのっていて，重さ（本当は代金）が釣り合っているようなイメージです。

両方の皿から，同じものを1個ずつそーっと，取っていきます。



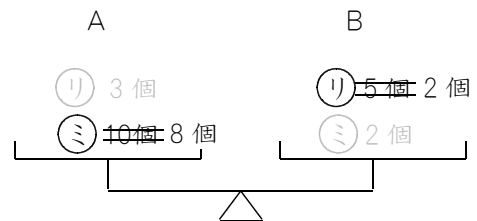
両方の皿から，リンゴは3個ずつ取ることができます。

Aさんの皿のリンゴはなくなり，Bさんの皿のリンゴは， $5 - 3 = 2$ （個）になります。



両方の皿から，ミカンは2個ずつ取ることができます。

Aさんの皿のミカンは $10 - 2 = 8$ （個）になり，Bさんの皿のミカンはなくなります。



よって，リンゴ2個と，ミカン8個が，同じ代金になることがわかりました。

そこで，リンゴ2個と，ミカン8個を，同じ代金に決めてしまいます。

2と8の最小公倍数である8にするのがオススメです。

すると，右のようになります。

リンゴ1個は， $8 \div 2 = 4$ （円）になり，ミカン1個は， $8 \div 8 = 1$ （円）になります。

リンゴ 2個 = 8円  
ミカン 8個 = 8円

リンゴ1個とミカン1個の値段の比は，**4 : 1**になります。

## 練習 3 (2)

ワンポイント (1)を利用して解きます。

(1)で、リンゴ1個を4円に、ミカン1個を1円にしました。

すると、Cさんは、リンゴ2個とミカン5個を買ったのですから、 $4 \times 2 + 1 \times 5 = 13$  (円) になります。

実際には、問題に書いてある通り520円になるのですから、 $520 \div 13 = 40$  (倍) しなければなりません。

リンゴ1個の値段を4円、ミカン1個の値段を1円に決めたのですが、実際はその40倍なのですから、リンゴ1個の値段は、 $4 \times 40 = 160$  (円)、ミカン1個の値段は、 $1 \times 40 = 40$  (円) になります。

Aさんは、リンゴ3個とミカン10個を買ったのですから、 $160 \times 3 + 40 \times 10 = 880$  (円) になります。

練習 4

ワンポイント 金額を適当に決めましょう。

(1) 10円玉だけの金額，50円玉だけの金額，100円玉だけの金額の比は1:3:4です。

そこで，10円玉だけの金額，50円玉だけの金額，100円玉だけの金額を，それぞれ100円，300円，400円にします。

10円玉だけの金額が100円なので，10円玉は  $100 \div 10 = 10$  (枚)あることになります。

50円玉だけの金額が300円なので，50円玉は  $300 \div 50 = 6$  (枚)あることになります。

100円玉だけの金額が400円なので，100円玉は  $400 \div 100 = 4$  (枚)あることになります。

よって10円玉，50円玉，100円玉の枚数の比は， $10 : 6 : 4 = 5 : 3 : 2$  です。

(2) 問題には，10円玉，50円玉，100円玉の枚数の合計は50枚であることが書いてありました。

また，(1)で10円玉，50円玉，100円玉の枚数の比は， $5 : 3 : 2$ であることがわかりました。

このことから，10円玉，50円玉，100円玉の枚数がわかります。

$$50 \div (5 + 3 + 2) = 5$$

$$5 \times 5 = 25 \text{ (枚)} \cdots 10 \text{円玉}, 5 \times 3 = 15 \text{ (枚)} \cdots 50 \text{円玉}, 5 \times 2 = 10 \text{ (枚)} \cdots 100 \text{円玉}$$

よって，貯金額の合計は， $10 \times 25 + 50 \times 15 + 100 \times 10 = 250 + 750 + 1000 = 2000$  (円)です。

## 練習 5 (1)

ワンポイント やりとりしても、変わらないのは何でしょう。

A, B, C 3人の中でいくらやりとりしても、3人の和は変わりません。

はじめ、A, B, Cの所持金の比は12:7:2なので、和は  $12+7+2=21$  にあたります。

最後のA, B, Cの所持金の比は7:4:4なので、和は、 $7+4+4=15$  にあたります。

右の図のようになります。

	A	:	B	:	C	和
はじめ	12	:	7	:	2	21
最後	7	:	4	:	4	15

3人の和は変わらないので、21と15の最小公倍数である105にします。

21を105にするためには、 $105 \div 21 = 5$ (倍)しなければならないので、A, B, Cはそれぞれ、 $12 \times 5 = 60$ ,  $7 \times 5 = 35$ ,  $2 \times 5 = 10$  にします。

15を105にするためには、 $105 \div 15 = 7$ (倍)しなければならないので、A, B, Cはそれぞれ、 $7 \times 7 = 49$ ,  $4 \times 7 = 28$ ,  $4 \times 7 = 28$  にします。

右の図のようになります。

	A	:	B	:	C	和
はじめ	<del>12</del> 60	:	<del>7</del> 35	:	<del>2</del> 10	<del>21</del> 105
最後	<del>7</del> 49	:	<del>4</del> 28	:	<del>4</del> 28	<del>15</del> 105

問題には、BからCへ350円わたしたと書いてありました。

よって350円が、 $35 - 28 = 7$  にあたります。

1あたり、 $350 \div 7 = 50$ (円)です。

AからCにわたしたのは、 $60 - 49 = 11$  にあたりますから、 $50 \times 11 = 550$ (円)です。

## 練習 5 (2)

ワンポイント (1)がわかったら、(2)はカンタンです。

(1)で、右の表においての1あたりは50円であることがわかりました。

	A	B	C	和
はじめ	60	35	10	105
最後	49	28	28	105

よって、Aは  $50 \times 49 = 2450$  (円)になり、3人の合計は  $50 \times 105 = 5250$  (円)です。

このあと、3人は買い物で合計2250円を使いました。

すると、3人の和は、 $5250 - 2250 = 3000$  (円)になります。

このとき、A、B、Cの比は、3:1:2になりました。

よってAは、 $3000 \div (3+1+2) \times 3 = 1500$  (円)になりました。

買い物をする前のAは2450円で、買い物をした後のAは1500円ですから、Aは買い物で、 $2450 - 1500 = 950$  (円)を使ったことになります。



## 練習 6

ワンポイント マル，シカクを使う「倍数変化算」です。シカクをそろえます。

当たり前ですが、「合格者数」と「不合格者数」の合計が、「受験者数」です。

AとBの受験者数の比が4:5ですから，④と⑤にします。

Aの合格者数は110人，Bの合格者数は160人です。

AとBの不合格者数の比が7:8ですから，⑦と⑧にします。

「合格者数」+「不合格者数」=「受験者数」ですから，

Aは，110人+⑦=④ です。…(ア)

Bは，160人+⑧=⑤ です。…(イ)

求めたいのはAの受験者数ですから，④です。

④を求めるには，①がわかることが必要です。

①を求めるには，シカクをそろえます。

(ア)は⑦，(イ)は⑧ですから，⑦と⑧の最小公倍数である⑤6にします。

⑤6にするためには，(ア)は⑦でしたから， $56 \div 7 = 8$ (倍)します。

⑤6にするためには，(イ)は⑧でしたから， $56 \div 8 = 7$ (倍)します。

$$(ア) \times 8 \rightarrow 880 \text{人} + ⑤6 = ③2$$

$$(イ) \times 7 \rightarrow 1120 \text{人} + ⑤6 = ③5$$

(ア) $\times 8$ と(イ) $\times 7$ をくらべると， $1120 - 880 = 240$ (人)が，③5 - ③2 = ③にあたる  
ことがわかります。

①あたり， $240 \div 3 = 80$ (人)です。

Aの受験者数は④にあたるので， $80 \times 4 = 320$ (人)です。