

演習問題集5年下第1回・くわしい解説

目次

反復問題(基本)	1	…p.2
反復問題(基本)	2	…p.11
反復問題(基本)	3	…p.12
反復問題(基本)	4	…p.13
反復問題(練習)	1	…p.16
反復問題(練習)	2	…p.19
反復問題(練習)	3	…p.20
反復問題(練習)	4	…p.22
反復問題(練習)	5	…p.23
反復問題(練習)	6	…p.25
トレーニング①		…p.26
トレーニング②		…p.27
トレーニング③		…p.30
トレーニング④		…p.35
実戦演習①		…p.38
実戦演習②		…p.40
実戦演習③		…p.41
実戦演習④		…p.42
実戦演習⑤		…p.43
実戦演習⑥		…p.44

すぐる学習会

<https://www.suguru.jp>

反復問題(基本) 1 (1)

7ポイント 比を簡単にすることは、整数の比にすることです。分数、小数のままではNGです。

- ① 12:21 の12と21を、12と21の最大公約数である3で割ります。
 $12:21 = (12 \div 3):(21 \div 3) = 4:7$ になります。

- ② まず、0.45も1.6も100倍してから簡単にします
 $0.45:1.6 = (0.45 \times 100):(1.6 \times 100) = 45:160 = (45 \div 5):(160 \div 5) = 9:32$

注意 $0.45:1.6 = 45:16$ のようにするミスが多いです。注意しましょう。

- ③ まず、通分してから分子のみの比にします。

$$\frac{3}{5} : \frac{1}{3} = \frac{9}{15} : \frac{5}{15} = 9:5$$

- ④ まず、1.8を分数にしてから通分し、分子のみの比にします。

$$1.8 : 7\frac{1}{2} = 1\frac{4}{5} : 7\frac{1}{2} = \frac{9}{5} : \frac{15}{2} = \frac{18}{10} : \frac{75}{10} = 18:75 = 6:25$$

または、 $7\frac{1}{2}$ を小数にして10倍し、簡単にします。

$$1.8 : 7\frac{1}{2} = 1.8 : 7.5 = 18:75 = 6:25$$

反復問題（基本） 1 (2)

7ポイント 内項の積と外項の積が等しいことを利用しましょう。

① たとえば、18:24を簡単にすると、3:4です。18:24=3:4ですね。

このとき、内項とは内側の数である24と3で、
その積は $24 \times 3 = 72$ です。

$$18 : 24 = 3 : 4$$

$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{内項}$
 $24 \times 3 = 72$

また、外項とは外側の数である18と4で、
その積は $18 \times 4 = 72$ です。

$$18 : 24 = 3 : 4$$

$\left[\begin{array}{l} \\ \end{array} \right] \text{外項}$
 $18 \times 4 = 72$

このように、内項の積と外項の積は等しくなります。

①の問題は、1.4:4=7:□でした。

$$1.4 : 4 = 7 : \square$$

$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{内項}$
 $4 \times 7 = 28$

内項の積は、 $4 \times 7 = 28$ です。

よって、外項の積も28になるので、 $1.4 \times \square = 28$ です。

$$1.4 : 4 = 7 : \square$$

$\left[\begin{array}{l} \\ \end{array} \right] \text{外項}$
 $1.4 \times \square = 28$

□は、 $28 \div 1.4 = 20$ です。

② ②も、①と同じように「内項の積と外項の積は等しい」ことを利用します。

外項の積は、 $1 \frac{3}{4} \times 2 \frac{1}{7} = \frac{7}{4} \times \frac{15}{7} = \frac{15}{4}$ です。

$$1 \frac{3}{4} : \square = 2.5 : 2 \frac{1}{7}$$

$\left[\begin{array}{l} \phantom{1 \frac{3}{4}} \\ \end{array} \right] \text{外項}$

よって、内項の積も $\frac{15}{4}$ になるので、 $\square \times 2.5 = \frac{15}{4}$ です。

$$1 \frac{3}{4} : \square = 2.5 : 2 \frac{1}{7}$$

$\left. \begin{array}{l} \phantom{1 \frac{3}{4}} \\ \end{array} \right\} \text{内項}$

□は、 $\frac{15}{4} \div 2.5 = \frac{15}{4} \div \frac{5}{2} = \frac{15 \times 2}{4 \times 5} = 1 \frac{1}{2}$ です。

(もちろん、1.5でもOKです。)

反復問題（基本）1(3)

ワンポイント $A \times \frac{5}{8}$ と、 $B \times \frac{3}{4}$ を、同じ数にします。

$A \times \frac{5}{8}$ も、 $B \times \frac{3}{4}$ も、両方とも1にします。

$A \times \frac{5}{8} = 1$ ですから、 $A = 1 \div \frac{5}{8} = \frac{8}{5}$ です。

$B \times \frac{3}{4} = 1$ ですから、 $B = 1 \div \frac{3}{4} = \frac{4}{3}$ です。

$A = \frac{8}{5}$ 、 $B = \frac{4}{3}$ ですから、 $A : B = \frac{8}{5} : \frac{4}{3} = \frac{24}{15} : \frac{20}{15} = 24 : 20 = 6 : 5$ です。

反復問題（基本）1(4)

7ポイント $A \times 2$ と、 $B \times 5$ と、 $C \times 3$ を、同じ数にします。

$A \times 2$ も、 $B \times 5$ も、 $C \times 3$ も、すべて(3)の問題と同じように1にしてもよいのですが、2と5と3の最小公倍数である30にした方が、計算がラクになります。

$A \times 2 = 30$ ですから、 $A = 30 \div 2 = 15$ です。

$B \times 5 = 30$ ですから、 $B = 30 \div 5 = 6$ です。

$C \times 3 = 30$ ですから、 $C = 30 \div 3 = 10$ です。

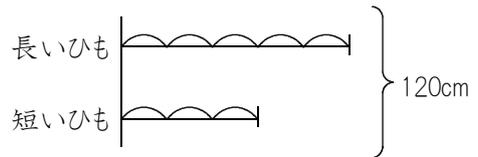
$A = 15$, $B = 6$, $C = 10$ ですから、 $A:B:C = 15:6:10$ です。

反復問題（基本） 1 (5)

7ポイント 線分図にします。^な慣れたら、線分図を書かなくてもできるようになりましょう。

長いひもと短いひもの長さの比が5:3ですから、長いひもが5山ぶん、短いひもが3山ぶんになるような線分図を書きます。

長いひもと短いひもの和が120 cmですから、右のような線分図になります。



合わせて、 $5 + 3 = 8$ (山)ぶんが120 cmですから、1山あたり、 $120 \div 8 = 15$ (cm)です。

短い方のひもは3山にあたりますから、 $15 \times 3 = 45$ (cm)です。

反復問題（基本） 1 (6)

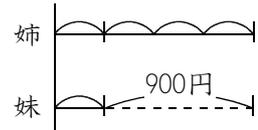
7ポイント 線分図にします。慣れたら、線分図を書かなくてもできるようになりましょう。

姉と妹の所持金の比が4:1ですから、姉が4山ぶん、妹が1山ぶんになるような線分図を書きます。

2人の所持金の差は、 $4 - 1 = 3$ (山)ぶんにあたるから、右のような線分図になります。

3山ぶんが900円ですから、1山あたり、 $900 \div 3 = 300$ (円)です。

姉の所持金は4山にあたるから、 $300 \times 4 = 1200$ (円)です。



反復問題（基本）1 (7)

7ポイント 変わらないのは何の個数でしょう。

はじめ、ガムが25個、アメが15個ありました。

ガムは何個か食べましたが、アメは食べていません。

よって、アメの個数は変わっていません。

ガムを食べた結果、ガムとアメの個数の比は7:5になりました。

ガムが7山、アメが5山になったとすると、アメの個数は変わっていないのですから、5山が15個にあたります。

1山あたり、 $15 \div 5 = 3$ (個)です。

ガムは7山になったのですが、1山あたり3個ですから、7山あたり、 $3 \times 7 = 21$ (個)です。

よって、ガムは21個になりました。

はじめにガムは25個あったのですから、 $25 - 21 = 4$ (個)のガムを食べたことになります。

反復問題（基本） 1 (8)

7ポイント 連比の求め方をしっかりマスターしましょう。

① まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 2 : 3 \\ \hline 6 : 5 \end{array}$$

Bを、3と6の最小公倍数である6にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 2 : 3 \\ \hline 6 : 5 \\ \hline 6 \end{array}$$

A : B = 2 : 3のときのBは3です。
3が6になるのですから、 $6 \div 3 = 2$ （倍）になっています。
Aの2も2倍して、 $2 \times 2 = 4$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 2 : 3 \\ \hline 6 : 5 \\ \hline 4 : 6 : 5 \end{array}$$

B : C = 6 : 5のときのBは6です。
6が6になっているのですから、 $6 \div 6 = 1$ （倍）になっています。
Cの5も1倍して、 $5 \times 1 = 5$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 2 : 3 \\ \hline 6 : 5 \\ \hline 4 : 6 : 5 \end{array}$$

よって、 $A : B : C = 4 : 6 : 5$ になります。

② ①で、 $A : B : C = 4 : 6 : 5$ であることがわかりました。

Aは4山，Bは6山，Cは5山にあたります。

A，B，C合わせて、 $4 + 6 + 5 = 15$ （山）です。

$A + B + C = 45$ ですから、45が15山にあたります。

1山あたり、 $45 \div 15 = 3$ です。

Aは4山にあたりますから、 $3 \times 4 = 12$ です。

反復問題（基本） 1 (9)

7ポイント 連比の求め方をしっかりマスターしましょう。

① まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 2 \\ 4 : 5 \\ \hline \end{array}$$

A : C が 4 : 5 なのに、B : C を 4 : 5 にしやすいので注意しましょう。

A を、3 と 4 の最小公倍数である 12 にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 2 \\ 4 : 5 \\ \hline 12 \end{array}$$

A : B = 3 : 2 のときの A は 3 です。
3 が 12 になるのですから、 $12 \div 3 = 4$ (倍) になっています。

B の 2 も 4 倍して、 $2 \times 4 = 8$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 2 \\ 4 : 5 \\ \hline 12 : 8 : 5 \end{array}$$

A : C = 4 : 5 のときの A は 4 です。
4 が 12 になっているのですから、 $12 \div 4 = 3$ (倍) になっています。

C の 5 も 3 倍して、 $5 \times 3 = 15$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 2 \\ 4 : 5 \\ \hline 12 : 8 : 15 \end{array}$$

よって、 $A : B : C = 12 : 8 : 15$ になります。

② ①で、 $A : B : C = 12 : 8 : 15$ であることがわかりました。

A は 12 山、B は 8 山、C は 15 山にあたります。

C - B は、 $15 - 8 = 7$ (山) です。

C - B = 21 ですから、21 が 7 山にあたります。

1 山あたり、 $21 \div 7 = 3$ です。

A は 12 山にあたりますから、 $3 \times 12 = 36$ です。

反復問題（基本）2

7ポイント えんぴつ10本と、ボールペン6本を、同じ金額にします。

- (1) えんぴつ10本と、ボールペン6本を、10と6の最小公倍数である30円にします。

えんぴつ10本が30円なので、えんぴつ1本は、 $30 \div 10 = 3$ (円)です。

ボールペン6本が30円なので、ボールペン1本は、 $30 \div 6 = 5$ (円)です。

よって、えんぴつ1本とボールペン1本の値段の比は、**3 : 5**になります。

- (2) (1)で、えんぴつ1本とボールペン1本の値段の比は、3 : 5であることがわかりました。

そこで、えんぴつ1本を3円、ボールペン1本を5円にします。

えんぴつ4本とボールペン3本では、 $3 \times 4 + 5 \times 3 = 27$ (円)にあたります。

それが540円なので、 $540 \div 27 = 20$ (倍)になっています。

えんぴつ1本の値段は3円にしましたが、実際はその20倍なので、 $3 \times 20 = 60$ (円)です。

反復問題（基本） 3

7ポイント 個数を適当に決めて(1)を求めます。

(1) おもりAとおもりBの個数の比は6:5ですから、おもりAは6個、おもりBは5個あることにします。

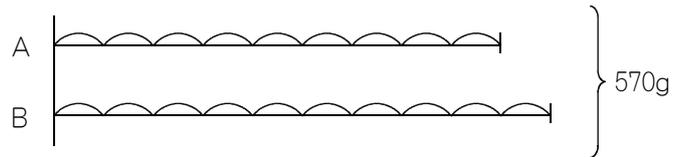
おもりAは1個15gなので、6個では $15 \times 6 = 90$ (g)です。

おもりBは1個20gなので、5個では $20 \times 5 = 100$ (g)です。

よって、おもりAだけの重さの合計と、おもりBだけの重さの合計は、 $90:100 = 9:10$ です。

(2) (1)で、おもりAだけの重さの合計と、おもりBだけの重さの合計は、9:10であることがわかりました。

おもりの重さの合計は570gですから、右のような線分図になります。



Aは9山、Bは10山ありますから、 $9 + 10 = 19$ (山)で、570gです。

1山あたり、 $570 \div 19 = 30$ (g)です。

Aは9山ぶんですから、 $30 \times 9 = 270$ (g)です。

A 1個は15gですから、Aは $270 \div 15 = 18$ (個)あります。

反復問題（基本） 4 (1)

7ポイント 変わらないのは何でしょう。

はじめのAとBの比は3:2でしたが、あとの比は2:1になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

Aは5 dL加えましたが、Bは加えていません。

よって、Bは変わっていません。

そこで、Bをそろえることになります。

はじめのBは2にあたり、あとのBは1にあたるから、Bを、2と1の最小公倍数である②にします。

	A	:	B
はじめ	3	:	2
あと	2	:	1

はじめのBは2のままでOKですから、はじめのAとBの比である3:2をそのまま使って、はじめのAを③、はじめのBを②にします。

	A	:	B
はじめ	X ③	:	X ②
あと	2	:	1

あとのBは1になっていますが、これを2倍にしてマルをつけて②にするのですから、あとのAも2倍にしてマルをつけて④とします。

	A	:	B
はじめ	X ③	:	X ②
あと	X ④	:	X ②

はじめのAは③、あとのAは④になっているので、Aは $④ - ③ = ①$ だけ増えています。これが5 dLにあたります。

求めたいのははじめのAですから③です。

よってはじめのAは、 $5 \text{ dL} \times 3 = 15 \text{ (dL)}$ です。

反復問題（基本） 4 (2)

フンポイント 変わらないのは何でしょう。

はじめのAとBの比は4:1でしたが、あとの比は3:1になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

AとBの間でやりとりしても、AとBの和は変わりません。

そこで、AとBの和をそろえることになります。

はじめのAとBの比は4:1ですから、AとBの和は $4+1=5$ にあたります。

あとのAとBの比は3:1ですから、AとBの和は $3+1=4$ にあたります。

	A	:	B	和
はじめ	4	:	1	5
あと	3	:	1	4

はじめの和とあとの和をそろえるために、和を5と4の最小公倍数である⑳にします。

はじめの和である5を⑳にするのですから、5を4倍してマルをつけることになります。

はじめのAである4も4倍してマルをつけて、⑩になり、はじめのBである1も4倍してマルをつけるので、④になります。

	A	:	B	和
はじめ	4 ^⑩	:	1 ^④	5 ^⑳
あと	3	:	1	4

あとの和である4を⑳にするのですから、4を5倍してマルをつけることになります。

あとのAである3も5倍してマルをつけて、⑮になり、あとのBである1も5倍してマルをつけるので、⑤になります。

	A	:	B	和
はじめ	4 ^⑩	:	1 ^④	5 ^⑳
あと	3 ^⑮	:	1 ^⑤	4 ^⑳

Aは、はじめ⑩でしたが⑮になったので、 $⑩ - ⑮ = ①$ だけ減りました。減った理由は、3 dLをBに移したからです。

よって3 dLが①にあたります。

(Bを利用して、 $⑤ - ④ = ①$ にあたるのが3 dLであるとしても、同じです。)

	A	:	B	和
はじめ	4 ^⑩	:	1 ^④	5 ^⑳
あと	3 ^⑮	:	1 ^⑤	4 ^⑳

はじめのAは⑩にあたりますから、 $3 \times 16 = 48$ (dL)です。

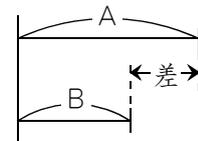
反復問題 (基本) 4 (3)

7ポイント 変わらないのは何でしょう。

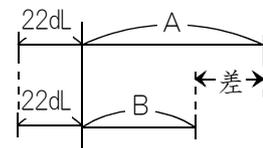
はじめのAとBの比は7:3でしたが、あとの比は8:5になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

AとBに同じ量の水(22dL)を加えても、AとBの差は変わりません。
なぜ差が変わらないかを、線分図を利用して説明します。

AとBが右の線分図のようになっていたとします。



AとBに同じ量の水(22dL)を加えたときは、右の図のようになり、AとBの差は変わらないことがわかります。



そこで、AとBの差をそろえることになります。

はじめのAとBの比は7:3ですから、AとBの差は $7-3=4$ にあたります。

あとのAとBの比は8:5ですから、AとBの差は $8-5=3$ にあたります。

はじめの差とあとの差をそろえるために、差を4と3の最小公倍数である⑫にします。

	A	:	B	差
はじめ	7	:	3	4
あと	8	:	5	3

はじめの差である4を⑫にするのですから、4を3倍してマルをつけることになります。

はじめのAである7も3倍してマルをつけて、⑳になり、はじめのBである3も3倍してマルをつけるので、㉑になります。

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	3 ㉑	4 ㉑
あと	8	:	5	3

あとの差である3を⑫にするのですから、3を4倍してマルをつけることになります。

あとのAである8も4倍してマルをつけて、㉒になり、あとのBである5も4倍してマルをつけるので、㉓になります。

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	3 ㉑	4 ㉑
あと	8 ㉒	:	5 ㉒	3 ㉒

Aは、はじめ㉑でしたが㉒になったので、 $㉒ - ㉑ = ㉑$ だけ増えました。増えた理由は、22 dLを加えたからです。

よって22 dLが㉑にあたるので、㉑あたり、 $22 \div ㉑ = 2$ (dL)です。
(Bを利用して、 $㉓ - ㉑ = ㉑$ にあたるのが22 dLであるとしても、同じです。)

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	3 ㉑	4 ㉑
あと	8 ㉒	:	5 ㉒	3 ㉒

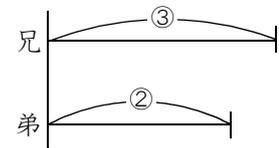
はじめのAは㉑にあたるから、 $2 \times ㉑ = 42$ (dL)です。

反復問題（練習） 1 (1)

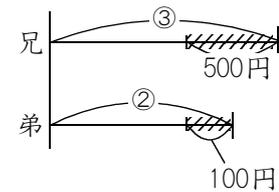
7ポイント 線分図を書いて意味を理解しましょう。

はじめ、兄と弟の所持金の比は3:2でした。

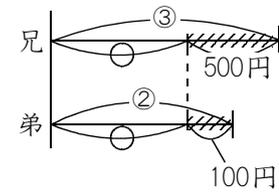
はじめの兄を③，弟を②として、右のような線分図にします。



兄は500円，弟は100円使ったところ，



2人の残りの所持金は等しくなりました。

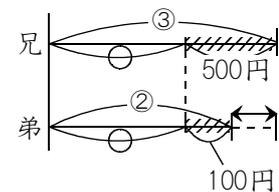


右の図の \longleftrightarrow の部分は、 $500 - 100 = 400$ (円)で、しかも、 $\textcircled{3} - \textcircled{2} = \textcircled{1}$ にあたります。

①あたり400円であることがわかりました。

求めたいのは、はじめの兄の所持金ですから、③です。

①が400円ですから、③は、 $400 \times 3 = 1200$ (円)です。



反復問題（練習） 1 (2)

7ポイント まず、連比を求めましょう。

まず、右のように比を書きます。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 2 \\ \hline 4 : 3 \end{array}$$

Bを、2と4の最小公倍数である4にします。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 2 \\ \hline 4 : 3 \\ \hline 4 \end{array}$$

A : B = 5 : 2のときのBは2です。

2が4になるのですから、 $4 \div 2 = 2$ （倍）になっています。

Aの5も2倍して、 $5 \times 2 = 10$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 2 \\ \hline 10 : 4 : 3 \end{array}$$

B : C = 4 : 3のときのBは4です。

4が4になっているのですから、 $4 \div 4 = 1$ （倍）になっています。

Cの3も1倍して、 $3 \times 1 = 3$ になります。

$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 2 \\ \hline 4 : 3 \\ \hline 10 : 4 : 3 \end{array}$$

よって、現在のA、B、Cの年齢の比は、10 : 4 : 3です。

ここで、現在のAを⑩、Bを④、Cを③にします。

ところで、3年前は、AとCの年齢の和は59才でした。

現在はAも3才、Cも3才年齢が増えているので、現在のAとCの年齢の和は、 $59 + 3 \times 2 = 65$ (才)です。

現在のAは⑩、Cは③なので、AとCの和は、 $⑩ + ③ = ⑬$ です。

よって、65才が⑬にあたります。

①あたり、 $65 \div 13 = 5$ (才)です。

現在のBは④にあたるので、 $5 \times 4 = 20$ (才)です。

反復問題（練習） (3)

ワンポイント 男子と女子に、「昨年」と「今年」があることを注意しましょう。

昨年の男子と女子の人数の比は3：4ですから、
 昨年の男子を, 昨年の女子をにします。

昨男 =	<input type="text" value="3"/>
昨女 =	<input type="text" value="4"/>

今年は男子が2割増えました。

2割増えたというのは、2割増しのことですから、 $1 + 0.2 = 1.2$ （倍）になりました。
 よって、今年の男子は、 $\times 1.2 =$ にあたります。

また、今年女子が4割減りました。

4割減ったというのは、4割引きのことですから、 $1 - 0.4 = 0.6$ （倍）になりました。
 よって、今年の女子は、 $\times 0.6 =$ にあたります。

右の表のようになった、ということです。

昨男 =	<input type="text" value="3"/>	今男 =	<input type="text" value="3.6"/>
昨女 =	<input type="text" value="4"/>	今女 =	<input type="text" value="2.4"/>

今年の男子と女子の合計は、 + = にあたります。

今年の生徒数は270人ですから、 あたり、 $270 \div 6 = 45$ （人）になります。

求めたいのは、昨年の生徒数でした。

ですから、 + = を求める問題です。

昨男 =	<input type="text" value="3"/>	今男 =	<input type="text" value="3.6"/>
昨女 =	<input type="text" value="4"/>	今女 =	<input type="text" value="2.4"/>

あたり45人ですから、 は、 $45 \times 7 = 315$ （人）になります。

反復問題（練習）2

ワンポイント 水の深さは、 $A \cdot B \cdot C$ に共通しています。

(1) Aは、Aの25% = $\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$ が水面より上に出ました。

ということは、Aの $1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$ が水面より下の部分です。

つまり、水の深さは、Aの $\frac{3}{4}$ にあたります。

同じように考えて、Bは、Bの $\frac{1}{3}$ が水面より上に出ているので、Bの $1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$ が水の深さです。

Cは、Cの $\frac{2}{5}$ が水面より上に出ているので、Cの $1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$ が水の深さです。

したがって、Aの $\frac{3}{4}$ 、Bの $\frac{2}{3}$ 、Cの $\frac{3}{5}$ が、いずれも水の深さにあたります。

$A \times \frac{3}{4}$ 、 $B \times \frac{2}{3}$ 、 $C \times \frac{3}{5}$ が、いずれも等しいということです。

そこで、 $A \times \frac{3}{4} = 1$ 、 $B \times \frac{2}{3} = 1$ 、 $C \times \frac{3}{5} = 1$ とします。

$A = 1 \div \frac{3}{4} = \frac{4}{3}$ 、 $B = 1 \div \frac{2}{3} = \frac{3}{2}$ 、 $C = 1 \div \frac{3}{5} = \frac{5}{3}$ です。

よって、 $A : B : C = \frac{4}{3} : \frac{3}{2} : \frac{5}{3} = \frac{8}{6} : \frac{9}{6} : \frac{10}{6} = 8 : 9 : 10$ です。

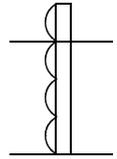
(2) AとBとCの長さの比は、(1)で求めた通り8 : 9 : 10です。

また、AとBとCの合計は324 cmです。

よってAの長さは、 $324 \div (8 + 9 + 10) \times 8 = 96$ (cm)です。

(1)でわかった通り、水の深さは、Aの $\frac{3}{4}$ でした。

よって水の深さは、 $96 \times \frac{3}{4} = 72$ (cm)です。



反復問題（練習） 3 (1)

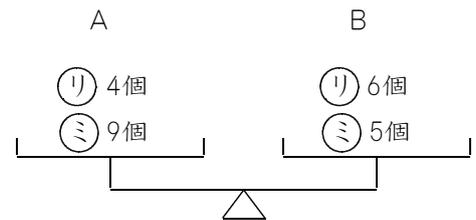
ワンポイント てんびんを書き，両方の皿からそーっと取っていく問題です。

Aさんはリンゴ4個とミカン9個を買って，Bさんはリンゴ6個とミカン5個を買いました。

そして，AさんとBさんのお金は等しくなりました。

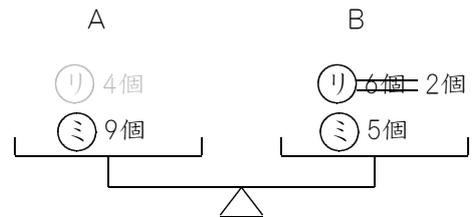
Aさんの方の皿にはリンゴ4個とミカン9個がのっていて，Bさんの方の皿にはリンゴ6個とミカン5個がのっていて，重さ（本当は代金）が釣り合っているようなイメージです。

両方の皿から，同じものを1個ずつそーっと，取っていきます。



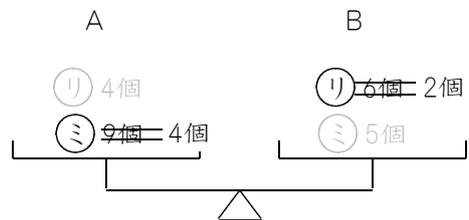
両方の皿から，リンゴは4個ずつ取ることができます。

Aさんの皿のリンゴはなくなり，Bさんの皿のリンゴは， $6 - 4 = 2$ （個）になります。



両方の皿から，ミカンは5個ずつ取ることができます。

Aさんの皿のミカンは $9 - 5 = 4$ （個）になり，Bさんの皿のミカンはなくなります。



よって，リンゴ2個と，ミカン4個が，同じ代金になることがわかりました。

そこで，リンゴ2個と，ミカン4個を，同じ代金に決めてしまいます。

2と4の最小公倍数である4にするのがオススメです。

すると，右のようになります。

リンゴ1個は， $4 \div 2 = 2$ （円）になり，ミカン1個は， $4 \div 4 = 1$ （円）になります。

リンゴ 2個 = 4円
ミカン 4個 = 4円

リンゴ1個とミカン1個の値段の比は，**2 : 1**になります。

反復問題（練習） 3 (2)

ワンポイント (1)を利用して解きます。

(1)で、リンゴ1個を2円に、ミカン1個を1円にしました。

すると、Cさんは、リンゴ3個とミカン8個を買ったのですから、
 $2 \times 3 + 1 \times 8 = 14$ (円) になります。

実際には、問題に書いてある通り980円になるのですから、 $980 \div 14 = 70$ (倍) しなければなりません。

リンゴ1個の値段を2円、ミカン1個の値段を1円に決めたのですが、実際はその70倍なのですから、リンゴ1個の値段は、 $2 \times 70 = 140$ (円)、ミカン1個の値段は、 $1 \times 70 = 70$ (円) になります。

Aさんは、リンゴ4個とミカン9個を買ったのですから、 $140 \times 4 + 70 \times 9 = 1190$ (円) になります。

反復問題（練習） 4

ワンポイント 金額を適当に決めましょう。

(1) 10円玉だけの金額，50円玉だけの金額，100円玉だけの金額の比は1:4:6です。

そこで，10円玉だけの金額，50円玉だけの金額，100円玉だけの金額を，それぞれ100円，400円，600円にします。

10円玉だけの金額が100円なので，10円玉は $100 \div 10 = 10$ (枚)あることになります。

50円玉だけの金額が400円なので，50円玉は $400 \div 50 = 8$ (枚)あることになります。

100円玉だけの金額が600円なので，100円玉は $600 \div 100 = 6$ (枚)あることになります。

よって10円玉，50円玉，100円玉の枚数の比は， $10 : 8 : 6 = 5 : 4 : 3$ です。

(2) 問題には，10円玉，50円玉，100円玉の枚数の合計は48枚であることが書いてありました。

また，(1)で10円玉，50円玉，100円玉の枚数の比は，5:4:3であることがわかりました。

このことから，10円玉，50円玉，100円玉の枚数がわかります。

$$48 \div (5 + 4 + 3) = 4$$

$$4 \times 5 = 20 \text{ (枚)} \cdots 10 \text{ 円玉}, 4 \times 4 = 16 \text{ (枚)} \cdots 50 \text{ 円玉}, 4 \times 3 = 12 \text{ (枚)} \cdots 100 \text{ 円玉}$$

よって，貯金額の合計は， $10 \times 20 + 50 \times 16 + 100 \times 12 = 200 + 800 + 1200 = 2200$ (円)です。

反復問題（練習） 5 (1)

ワンポイント やりとりしても，変わらないのは何でしょう。

A, B, C 3人の中でいくらやりとりしても，3人の和は変わりません。

はじめ，A, B, Cの所持金の比は8:5:2なので，和は $8+5+2=15$ にあたります。

最後のA, B, Cの所持金の比は11:7:7なので，和は， $11+7+7=25$ にあたります。

右の図のようになります。

	A	:	B	:	C	和
はじめ	8	:	5	:	2	15
最後	11	:	7	:	7	25

3人の和は変わらないので，15と25の最小公倍数である75にします。

15を75にするためには， $75 \div 15 = 5$ (倍)しなければならないので，A, B, Cはそれぞれ， $8 \times 5 = 40$ ， $5 \times 5 = 25$ ， $2 \times 5 = 10$ にします。

25を75にするためには， $75 \div 25 = 3$ (倍)しなければならないので，A, B, Cはそれぞれ， $11 \times 3 = 33$ ， $7 \times 3 = 21$ ， $7 \times 3 = 21$ にします。

右の図のようになります。

	A	:	B	:	C	和
はじめ	8 40	:	5 25	:	2 10	15 75
最後	11 33	:	7 21	:	7 21	25 75

問題には，BからCへ200円わたしたと書いてありました。

よって200円が， $25-21=4$ にあたります。

1あたり， $200 \div 4 = 50$ (円)です。

AからCにわたしたのは， $40-33=7$ にあたりますから， $50 \times 7 = 350$ (円)です。

反復問題（練習） 5 (2)

ワンポイント (1)がわかったら、(2)はカンタンです。

(1)で、右の表においての1あたりは50円であることがわかりました。

	A	B	C	和
はじめ	40	25	10	75
最後	33	21	21	75

よって、Aは $50 \times 33 = 1650$ (円)になり、3人の合計は $50 \times 75 = 3750$ (円)です。

このあと、3人は買い物で合計1500円を使いました。

すると、3人の和は、 $3750 - 1500 = 2250$ (円)になります。

このとき、A、B、Cの比は、4:3:2になりました。

よってAは、 $2250 \div (4 + 3 + 2) \times 4 = 1000$ (円)になりました。

買い物をする前のAは1650円で、買い物をした後のAは1000円ですから、Aは買い物で、 $1650 - 1000 = 650$ (円)を使ったことになります。

反復問題（練習） 6

ワンポイント マル，シカクを使う「倍数変化算」です。シカクをそろえます。

当たり前ですが、「合格者数」と「不合格者数」の合計が、「受験者数」です。

AとBの受験者数の比が7:9ですから，7と9にします。

Aの合格者数は100人，Bの合格者数は150人です。

AとBの不合格者数の比が6:7ですから，6と7にします。

「合格者数」＋「不合格者数」＝「受験者数」ですから，

Aは，100人＋6＝7です。…(ア)

Bは，150人＋7＝9です。…(イ)

求めたいのはAの受験者数ですから，7です。

7を求めるには，1がわかることが必要です。

1を求めるには，シカクをそろえます。

(ア)は6，(イ)は7ですから，6と7の最小公倍数である42にします。

42にするためには，(ア)は6でしたから， $42 \div 6 = 7$ (倍)します。

42にするためには，(イ)は7でしたから， $42 \div 7 = 6$ (倍)します。

(ア) $\times 7 \rightarrow 700$ 人＋42＝49

(イ) $\times 6 \rightarrow 900$ 人＋42＝54

(ア) $\times 7$ と(イ) $\times 6$ をくらべると， $900 - 700 = 200$ (人)が，54－49＝5にあたる
ことがわかります。

1あたり， $200 \div 5 = 40$ (人)です。

Aの受験者数は7にあたるので， $40 \times 7 = 280$ (人)です。

トレーニング 1

(1)
$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 1 \\ \hline 2 : 5 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 1 \\ \hline 2 : 5 \\ 2 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 1 \\ \hline 6 : 2 : 5 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 1 \\ \hline 6 : 2 : 5 \end{array}$$

(2)
$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 4 \\ \hline 5 : 8 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 4 \\ \hline 5 : 8 \\ 20 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 4 \\ \hline 25 : 20 : 8 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 5 : 4 \\ \hline 25 : 20 : 32 \end{array}$$

(3)
$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 6 : 5 \\ \hline 4 : 7 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 6 : 5 \\ \hline 4 : 7 \\ 12 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 6 : 5 \\ \hline 12 : 10 : 7 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 6 : 5 \\ \hline 12 : 10 : 21 \end{array}$$

(4)
$$\begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 8 \\ \hline 3 : 10 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 8 \\ \hline 3 : 10 \\ 40 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 8 \\ \hline 15 : 3 : 40 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} A : B : C \\ 3 : 8 \\ \hline 15 : 12 : 40 \end{array}$$

トレーニング 2 (1)

① 男 $\times \frac{1}{4}$ も, 女 $\times \frac{2}{9}$ も, 両方とも1にします。

$$\text{男} \times \frac{1}{4} = 1 \text{ ですから, } \text{男} = 1 \div \frac{1}{4} = \frac{4}{1} \text{ です。}$$

$$\text{女} \times \frac{2}{9} = 1 \text{ ですから, } \text{女} = 1 \div \frac{2}{9} = \frac{9}{2} \text{ です。}$$

$$\text{男} = \frac{4}{1}, \text{ 女} = \frac{9}{2} \text{ ですから, } \text{男} : \text{女} = \frac{4}{1} : \frac{9}{2} = \frac{8}{2} : \frac{9}{2} = \mathbf{8 : 9} \text{ です。}$$

② ①によって, 男子と女子の人数の比は, $8 : 9$ であることがわかりました。

また, 男子と女子の合計は102人であることがわかっています。

よって男子の人数は, $102 \div (8 + 9) \times 8 = \mathbf{48}$ (人) です。

トレーニング 2 (2)

- ① 国語の得点は算数の得点の $\frac{2}{3}$ ですから、算数の得点を3つに分けたうちの2つぶんが国語の得点です。

よって、算数の得点を3とすると国語の得点は2にあたりますから、国語と算数の得点の比は、2:3になります。

また、国語の得点は、理科の得点の0.8倍 = $\frac{4}{5}$ 倍です。

理科の得点を5とすると国語の得点は4にあたりますから、国語と理科の得点の比は、4:5になります。

よって、国語，算数，理科の得点の比は、**4:6:5** になります。

$$\begin{array}{r}
 \text{国} : \text{算} : \text{理} \\
 2 : 3 \\
 4 : 5 \\
 \hline
 4 : 6 : 5
 \end{array}$$

- ② 国語，算数，理科の3教科の平均点が80点ですから、3教科の合計点は、 $80 \times 3 = 240$ (点) です。

①によって、国語，算数，理科の得点の比は4:6:5であることがわかっています。

よって算数の得点は、 $240 \div (4 + 6 + 5) \times 6 = 96$ (点) です。

トレーニング 2 (3)

- ① 歯数が多いほど、ゆっくり回転します。

つまり、歯数の比と、回転数の比は、逆比になります。

AとBの回数数の比は、 $6 : 10 = 3 : 5$ です。

よって、AとBの歯数の比は逆比になって、**5 : 3** になります。

- ② ①によって、AとBの歯数の比は5 : 3であることがわかりました。

そこで、Aの歯数を⑤、Bの歯数を③にします。

AとBの歯数の差は、 $⑤ - ③ = ②$ にあたります。

よって、②が30にあたりますから、①あたり、 $30 \div 2 = 15$ です。

Aの歯数は⑤にあたりますから、 $15 \times 5 = 75$ です。

トレーニング 3 (1)

プリン1個とゼリー1個の値段の比は4:3ですから、プリン1個を4円、ゼリー1個を3円にしています。

プリンとゼリーの個数の比が3:2ですから、プリンが3個、ゼリーが2個あることにしています。

よって、プリンは1個あたり4円で、3個あることになり、プリンだけの代金は、 $4 \times 3 = 12$ (円)です。

ゼリーは1個あたり3円で、2個あることになり、ゼリーだけの代金は、 $3 \times 2 = 6$ (円)です。

したがって、プリンだけの代金とゼリーだけの代金の比は、 $12 : 6 = 2 : 1$ です。

トレーニング 3 (2)

赤玉と白玉の個数の比が5:4ですから、赤玉が5個、白玉が4個あることにしてしまいます。

赤玉は1個あたり40gで、5個あることになり、赤玉だけの重さは、 $40 \times 5 = 200$ (g)です。

白玉は1個あたり60gで、4個あることになり、白玉だけの重さは、 $60 \times 4 = 240$ (g)です。

したがって、赤玉だけの重さと白玉だけの重さの比は、 $200 : 240 = 5 : 6$ です。

トレーニング 3 (3)

「底面積×高さ＝容積」ですから、「高さ＝容積÷底面積」です。

AとBの容積の比は2：3ですから、Aの容積は2、Bの容積は3にしまいます。

AとBの底面積の比は6：5ですから、Aの底面積は6、Bの底面積は5にしまいます。

Aの高さは、容積÷底面積＝ $2 \div 6 = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ です。

Bの高さは、容積÷底面積＝ $3 \div 5 = \frac{3}{5}$ です。

AとBの高さの比は、 $\frac{1}{3} : \frac{3}{5} = \frac{5}{15} : \frac{9}{15} = 5 : 9$ です。

トレーニング 3 (4)

10円玉だけの合計金額と50円玉だけの合計金額の比は2:5です。

そこで、10円玉だけの合計金額を20円、50円玉だけの合計金額を50円にしてしまいます。

10円玉だけの合計金額が20円ですから、10円玉は $20 \div 10 = 2$ (枚)あります。

50円玉だけの合計金額が50円ですから、50円玉は $50 \div 50 = 1$ (枚)あります。

よって、10円玉と50円玉の枚数の比は、**2:1**です。

トレーニング 3 (5)

えんぴつとボールペンの本数の比が5:2なので、えんぴつを5本、ボールペンを2本にしてしまいます。

えんぴつだけの代金は900円で、えんぴつを5本買ったことにしたのですから、えんぴつ1本の代金は、 $900 \div 5 = 180$ (円)です。

ボールペンだけの代金は600円で、ボールペンを2本買ったことにしたのですから、ボールペン1本の代金は、 $600 \div 2 = 300$ (円)です。

よって、えんぴつ1本とボールペン1本の値段の比は、 $180 : 300 = 3 : 5$ です。

トレーニング 4 (1)

はじめの赤と白の比は4:3でしたが、あとの比は4:5になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

赤は24個取り出しましたが、白は取り出していません。

よって、白は変わっていません。

そこで、白をそろえることになります。

はじめの白は3にあたり、あとの白は5にあたるから、白を、3と5の最小公倍数である⑮にします。

	赤	:	白
はじめ	4	:	3
あと	4	:	5

はじめの白は3になっていますが、これを5倍にしてマルをつけて⑮にするのですから、はじめの赤も5倍にしてマルをつけて⑳とします。

	赤	:	白
はじめ	4 ^⑳	:	3 ^⑮
あと	4	:	5

あとの白は5になっていますが、これを3倍にしてマルをつけて⑮にするのですから、あとの赤も3倍にしてマルをつけて⑫とします。

	赤	:	白
はじめ	4 ^⑳	:	3 ^⑮
あと	4 ^⑫	:	5 ^⑮

はじめの赤は⑳、あとの赤は⑫になっているので、赤は $⑳ - ⑫ = ⑧$ だけ減っています。これが、24個にあたります。

①あたり、 $24 \div 8 = 3$ (個)です。

求めたいのははじめの赤ですから⑳です。

よってはじめの赤は、 $3 \times 20 = 60$ (個)です。

トレーニング 4 (2)

はじめの兄と弟の比は $5 : 2$ でしたが、あとの比は $9 : 5$ になりました。比は変わりましたが、変わらないのは何でしょう。

兄と弟の間でやりとりしても、兄と弟の和は変わりません。

そこで、兄と弟の和をそろえることになります。

はじめの兄と弟の比は $5 : 2$ ですから、兄と弟の和は $5 + 2 = 7$ にあたります。

	A	:	B	和
はじめ	5	:	2	7
あと	9	:	5	14

あとの兄と弟の比は $9 : 5$ ですから、兄と弟の和は $9 + 5 = 14$ にあたります。

はじめの和とあとの和をそろえるために、和を 7 と 14 の最小公倍数である $\textcircled{14}$ にします。

はじめの和である 7 を $\textcircled{14}$ にするので、 7 を 2 倍してマルをつけることになります。

	A	:	B	和
はじめ	5 ^{$\textcircled{10}$}	:	2 ^{$\textcircled{4}$}	7 ^{$\textcircled{14}$}
あと	9	:	5	14

はじめの兄である 5 も 2 倍してマルをつけて、 $\textcircled{10}$ になり、はじめの弟である 2 も 2 倍してマルをつけるので、 $\textcircled{4}$ になります。

あとの和である 14 を $\textcircled{14}$ にするので、そのままマルをつけることになります。

	A	:	B	和
はじめ	5 ^{$\textcircled{10}$}	:	2 ^{$\textcircled{4}$}	7 ^{$\textcircled{14}$}
あと	9 ^{$\textcircled{9}$}	:	5 ^{$\textcircled{5}$}	14 ^{$\textcircled{14}$}

あとの兄である 9 もそのままマルをつけて、 $\textcircled{9}$ になり、あとの弟である 5 もそのままマルをつけるので、 $\textcircled{5}$ になります。

兄は、はじめ $\textcircled{10}$ でしたが $\textcircled{9}$ になったので、 $\textcircled{10} - \textcircled{9} = \textcircled{1}$ だけ減りました。減った理由は、 3 枚を弟にあげたからです。

	A	:	B	和
はじめ	5 ^{$\textcircled{10}$}	:	2 ^{$\textcircled{4}$}	7 ^{$\textcircled{14}$}
あと	9 ^{$\textcircled{9}$}	:	5 ^{$\textcircled{5}$}	14 ^{$\textcircled{14}$}

よって 3 枚が $\textcircled{1}$ にあたります。

(弟を利用して、 $\textcircled{5} - \textcircled{4} = \textcircled{1}$ にあたるのが 3 枚であるとしても、同じです。)

はじめの兄は $\textcircled{10}$ にあたりますから、 $3 \times 10 = 30$ (枚) です。

トレーニング 4 (3)

たとえば、「はじめに 800 円持っていて、300 円のものを買うと、何円残りますか。」という問題を解くのは簡単ですね。 $800 - 300 = 500$ ですから、500 円残ります。

これを、「はじめに 800 円持っていて、500 円のものを買うと、何円残りますか。」という問題にすると、 $800 - 500 = 300$ ですから、300 円残ります。

このように、「買うものの代金」と「残ったお金」を逆にすることができます。

(3)の問題では、はじめに 7 : 5 の比でお金を持っていました。そして、「8 : 5 の割合でお金を出した」ところ、2 人とも 700 円が残りました。

この問題文を、「はじめに 7 : 5 の比でお金を持っていた」ところまでは同じですが、「2 人とも 700 円を出した」ところ、「残ったお金の比は 8 : 5 になった」というように、問題を変えるのです。

すると、2 人とも同じお金を出したことになり、2 人の差は変わらないことになります。

そこで、姉と妹の差をそろえることになります。

はじめの姉と妹の比は 7 : 5 ですから、姉と妹の差は $7 - 5 = 2$ にあたります。

あとの姉と妹の比は 8 : 5 ですから、姉と妹の差は $8 - 5 = 3$ にあたります。

	A	:	B	差
はじめ	7	:	5	2
あと	8	:	5	3

はじめの差とあとの差をそろえるために、差を 2 と 3 の最小公倍数である ⑥ にします。

はじめの差である 2 を ⑥ にするので、2 を 3 倍してマルをつけることになります。

はじめの姉である 7 も 3 倍してマルをつけて、⑳ になり、はじめの妹である 5 も 3 倍してマルをつけるので、㉑ になります。

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	5 ㉑	2 ⑥
あと	8	:	5	3

あとの差である 3 を ⑥ にするので、3 を 2 倍してマルをつけることになります。

あとの姉である 8 も 2 倍してマルをつけて、㉒ になり、あとの妹である 5 も 2 倍してマルをつけるので、㉓ になります。

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	5 ㉑	2 ⑥
あと	8 ㉒	:	5 ㉓	3 ⑥

姉は、はじめ ㉑ でしたが ㉒ になったので、㉑ - ㉒ = ⑤ だけへりました。へった理由は、700 円を出したからです。

よって 700 円が ⑤ にあたるので、①あたり、 $700 \div 5 = 140$ (円)です。

	A	:	B	差
はじめ	7 ㉑	:	5 ㉑	2 ⑥
あと	8 ㉒	:	5 ㉓	3 ⑥

本当は、あとに残ったお金が ㉒ と ㉓ ではなく、プレゼントの代金が ㉒ と ㉓ です。

①あたり 140 円ですから、おじいさんに、姉が $140 \times 16 = 2240$ (円)、妹が $140 \times 10 = 1400$ (円)をプレゼントの代金として使ったことになります。

プレゼントの代金は、 $2240 + 1400 = 3640$ (円)です。

実戦演習 1 (1)

兄と弟の間でやりとりしても、兄と弟の和は変わりません。

はじめに、兄は53枚、弟は24枚持っていたから、兄の弟の和は $53 + 24 = 77$ (枚)です。

兄と弟の和は変わらないので、兄が弟にシールを何枚かあげたあとの兄と弟の和も、77枚のままです。

しかも、兄と弟の比は7:4になったのですから、兄は $77 \div (7 + 4) \times 7 = 49$ (枚)になりました。

はじめの兄は53枚で、弟にあげたあとの兄は49枚ですから、兄は弟に、 $53 - 49 = 4$ (枚)をあげたこととなります。

実戦演習 1 (2)

お母さんから同じ枚数ずつシールをもらっても、姉と妹の差は変わりません。

はじめに姉は40枚、妹は24枚持っていましたから、姉と妹の差は、 $40 - 24 = 16$ (枚)です。

お母さんから同じ枚数ずつシールをもらったあとの差も、変わらないので16枚のままです。

お母さんから同じ枚数ずつシールをもらったあと、姉と妹の枚数の比は3:2になりました。

姉が③枚、妹が②枚になったとすると、2人の差は、 $③ - ② = ①$ にあたります。

よって、①あたり16枚であることがわかりました。

あとの妹は②ですから、 $16 \times 2 = 32$ (枚)です。

はじめの妹は24枚でしたから、お母さんから、 $32 - 24 = 8$ (枚)のシールをもらったことになります。

 実戦演習 2

(1) 歯数が多いほど、歯車はゆっくり回ります。

よって、歯数の比と、回転数の比は、逆比になります。

Aが6回転する間にCは9回転するので、AとCの回転数の比は、 $6:9 = 2:3$ です。

AとCの回転数の比が $2:3$ なら、歯数の比は逆比になって、 **$3:2$** です。

(2) また、AとBの歯数の比は $9:4$ であることがわかっています。

よってAとBとCの歯数の比は、 $9:4:6$ です。

$$\begin{array}{r}
 A : B : C \\
 9 : 4 \\
 3 : 2 \\
 \hline
 9 : 4 : 6
 \end{array}$$

そこで、A, B, Cの歯数を、それぞれ⑨、④、⑥とします。

BとCの歯数の合計は60であることが問題に書いてありましたが、それが④ + ⑥ = ⑩にあたります。

①あたり、 $60 \div 10 = 6$ です。

Aの歯数は⑨にあたるので、 $6 \times 9 = 54$ です。

実戦演習 3

この問題は、次の問題と同じことです。

AさんとBさんの所持金の比は5:3でした。
 2人とも22円使ったところ、所持金の比は7:2になりました。
 Aさん、Bさんのはじめの所持金は何円でしたか。

2人とも同じお金を使ったのですから、差は変わりません。

はじめのAとBの比は5:3ですから、AとBの差は $5 - 3 = 2$ にあたります。

あとのAとBの比は7:2ですから、AとBの差は $7 - 2 = 5$ にあたります。

	A	:	B		差
はじめ	5	:	3		2
あと	7	:	2		5

はじめの差とあとの差をそろえるために、差を2と5の最小公倍数である⑩にします。

はじめの差である2を⑩にするのですから、2を5倍してマルをつけることになります。

はじめのAである5も5倍してマルをつけて、②₅になり、
 はじめのBである3も5倍してマルをつけるので、③₅になります。

	A	:	B		差
はじめ	5 ^{②₅}	:	3 ^{③₅}		2 ^⑩
あと	7	:	2		5

あとの差である5を⑩にするのですから、5を2倍してマルをつけることになります。

あとのAである7も2倍してマルをつけて、⑭₂になり、
 あとのBである2も2倍してマルをつけるので、④₂になります。

	A	:	B		差
はじめ	5 ^{②₅}	:	3 ^{③₅}		2 ^⑩
あと	7 ^{⑭₂}	:	2 ^{④₂}		5 ^⑩

Aは、はじめ②₅でしたが⑭₂になったので、②₅ - ⑭₂ = ⑪だけへりました。
 へった理由は、22円を使ったからです。

よって22円が⑪にあたるので、①あたり、 $22 \div 11 = 2$ (円)です。

	A	:	B		差
はじめ	5 ^{②₅}	:	3 ^{③₅}		2 ^⑩
あと	7 ^{⑭₂}	:	2 ^{④₂}		5 ^⑩

はじめのAは②₅にあたるのですから、 $2 \times 25 = 50$ (円)です。

はじめのBは③₅にあたるのですから、 $2 \times 15 = 30$ (円)です。

実際は棒の長さなので、A、Bの長さはそれぞれ **50 cm, 30 cm**です。

 実戦演習 4

(1) 大人と子どもの入場者数の比は7:8なので、大人を7人、子どもを8人に決めてしまいます。

入場料は大人が400円、子どもが200円なので、大人が7人、子どもが8人だと、 $400 \times 7 + 200 \times 8 = 4400$ (円)になります。

実際の入場料の合計は35200円ですから、 $35200 \div 4400 = 8$ (倍)になっています。

よって大人が7人、子どもが8人に人数を決めましたが、実際は8倍の人数なので、大人は $7 \times 8 = 56$ (人)、子どもが $8 \times 8 = 64$ (人)入場したことになります。

(2) (1)で、大人は56人、子どもは64人入場したことがわかりました。

また、右の表のア:エ = 2:1, イ:エ = 2:3であることが、わかっています。

よって、ア:イ:エ = 6:2:3です。

$$\begin{array}{r} \text{ア} : \text{イ} : \text{エ} \\ 2 \quad : \quad 1 \\ \hline \quad \quad 2 : 3 \\ \hline 6 : 2 : 3 \end{array}$$

	男性	女性
大人	ア人	イ人
子ども	ウ人	エ人

ア, イ, エの人数を、それぞれ⑥人, ②人, ③人とします。

アとイの合計は、大人の人数ですから56人です。

よって、⑥ + ② = ⑧ が56人なので、①あたり、 $56 \div 8 = 7$ (人)です。

エは③にあたるので、 $7 \times 3 = 21$ (人)です。

ところで、子どもの人数は64人ですから、ウとエの合計が64人です。

よってウの人数は、 $64 - 21 = 43$ (人)です。

実戦演習 6 (1)

右のような表にまとめましょう。

		男子	女子	計
自転車利用	○			
	×			
計				

男子と女子の人数の比は 7 : 8 なので、男子を 7, 女子を 8 にします。

自転車を利用している人数と利用していない人数の比は 4 : 5 なので、利用している人数を 4, 利用していない人数を 5 にします。

右の表の★の部分は、たてにプラスすると $4 + 5 = 9$ で、横にプラスすると $7 + 8 = 15$ にあたります。

		男子	女子	計
自転車利用	○			4
	×			5
計		7	8	★

9 と 15 をそろえるために、★を 9 と 15 の最小公倍数である 45 にします。

たては 9 を 45 にするので、 $45 \div 9 = 5$ (倍) して、 $4 \times 5 = 20$, $5 \times 5 = 25$ にします。

横は 15 を 45 にするので、 $45 \div 15 = 3$ (倍) して、 $7 \times 3 = 21$, $8 \times 3 = 24$ にします。

		男子	女子	計
自転車利用	○			20
	×			25
計		21	24	45

自転車を利用している男子は 90 人、
自転車を利用していない女子は 126 人です。

自転車を利用している女子を ☆ とすると、☆ に関係している式が 2 つできます。

		男子	女子	計
自転車利用	○	90 人	☆	20
	×		126 人	25
計		21	24	45

たてに見て、「 $\star + 126 \text{ 人} = 24$ にあたる。」…(ア)

横に見て、「 $\star + 90 \text{ 人} = 20$ にあたる。」…(イ)

(ア) と (イ) をくらべると、 $126 - 90 = 36$ (人) が、 $24 - 20 = 4$ にあたりますから、1 あたり、 $36 \div 4 = 9$ (人) です。

生徒全員は 45 にあたりますから、 $9 \times 45 = 405$ (人) です。

実戦演習 6 (2)

メガネをかけている生徒 144 人の男女比は 7 : 5 ですから、

$$144 \div (7 + 5) = 12$$

$$12 \times 7 = 84 \text{ (人)} \cdots \text{メガネをかけている男子}$$

$$12 \times 5 = 60 \text{ (人)} \cdots \text{メガネをかけている女子}$$

メガネをかけていない男女比は 6 : 5 ですから、メガネをかけていない男子を 6、メガネをかけていない女子を 5 とします。

男子は、メガネをかけている人が 84 人、かけていない人は 6 ですから、その和は、「84 人 + 6」です。

女子は、メガネをかけている人が 60 人、かけていない人は 5 ですから、その和は、「60 人 + 5」です。

ところで、男子と女子の比は 4 : 3 ですから、男子を 4、女子を 3 とすると、

$$84 \text{ 人} + \text{6} = \text{4} \cdots \text{(ア)}$$

$$60 \text{ 人} + \text{5} = \text{3} \cdots \text{(イ)}$$

求めたいのは生徒全員ですから、 $\text{4} + \text{3} = \text{7}$ です。

7 を求めるためには、1 あたりがわかれば OK です。

1 あたりを求めるには、6 と 5 をそろえます。

6 と 5 の最小公倍数である 30 にします。

$$\text{(ア) の方は 5 倍して、} 420 \text{ 人} + \text{30} = \text{20} \cdots \text{(ウ)}$$

$$\text{(イ) の方は 6 倍して、} 360 \text{ 人} + \text{30} = \text{18} \cdots \text{(エ)}$$

(ウ) と (エ) をくらべると、 $420 - 360 = 60 \text{ (人)}$ が、 $\text{20} - \text{18} = \text{2}$ にあたります。

1 あたり、 $60 \div 2 = 30 \text{ (人)}$ です。

生徒全員は 7 にあたりますから、 $30 \times 7 = 210 \text{ (人)}$ です。