

演習問題集第10回

くわしい解説

目次

ステップ①	①	… p2
	②	… p3
	③	… p4
	④	… p5
	⑤	… p5
ステップ②	①	… p6
	②	… p7
	③	… p8
	④	… p9
	⑤	… p10
	⑥	… p11
ステップ③	①	… p12
	②	… p14
	③	… p15
	④	… p17

演習問題集第10回

ステップ①

①(1) $\begin{array}{|c|} \hline \triangle 0 \\ \hline 240 \\ \hline 0\% \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline \triangle 10 \\ \hline 10 \\ \hline 100\% \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline \triangle 10 \\ \hline 250 \\ \hline \\ \hline \end{array}$
「0」ではない

$10 \div 250 = 0.04 \rightarrow 4\%$

(2) $\begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{ア} \\ \hline 150 \\ \hline 4\% \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline \triangle 30 \\ \hline 30 \\ \hline 100\% \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{イ} \\ \hline \text{ウ} \\ \hline \text{エ} \\ \hline \end{array}$
「0」ではない


$\text{ア} = 150 \times 0.04 = 6$
 $\text{イ} = 6 + 30 = 36$
 $\text{ウ} = 150 + 30 = 180$
 $\text{エ} = \text{イ} \div \text{ウ} = 36 \div 180 = 0.02$
 \downarrow
 2%


(3) $\begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{ア} \\ \hline 200 \\ \hline 7\% \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline \triangle 1 \\ \hline 300 \\ \hline 12\% \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{ウ} \\ \hline \text{エ} \\ \hline \text{オ} \\ \hline \end{array}$

$\text{ア} = 200 \times 0.07 = 14$
 $\text{イ} = 300 \times 0.12 = 36$
 $\text{ウ} = \text{ア} + \text{イ} = 14 + 36 = 50$
 $\text{エ} = 200 + 300 = 500$
 $\text{オ} = \text{ウ} \div \text{エ} = 50 \div 500 = 0.1$
 \downarrow
 10%

(4) $\begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{ア} \\ \hline 240 \\ \hline 10\% \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|} \hline \triangle 0 \\ \hline \text{ア} \\ \hline 0\% \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline \triangle \text{イ} \\ \hline \text{ウ} \\ \hline 12\% \\ \hline \end{array}$

$\text{ア} = 240 \times 0.1 = 24$
 $\text{イ} = 24 - 0 = 24$
 $\text{ウ} = 24 \div 0.12 = 200$
 $\text{ア} = 240 - 200 = 40$

②(1) 直角二等辺三角形の角度は  45° 45° です。

28°回転したので  → コは 28° です。

よって アは、 $45 - 28 = 17$ 度です。

(2)  は、CBとCB'の長さが等しいので二等辺三角形です。

よって コは、 $(180 - 28) \div 2 = 76$ ° です。



→ コは 直角二等辺三角形なので 45° ですから。

イは、 $76 - 45 = 31$ 度です。

③(1) 3割引き = $(1-0.3)$ 倍 = 0.7倍
 $300 \times 0.7 = 210$ 円

(2) 2割の利益をみこんで = 2割増し = $(1+0.2)$ 倍 = 1.2倍
 1割引き = $(1-0.1)$ 倍 = 0.9倍



$ア = 450 \times 1.2 = 540$ 円

$イ = 540 \times 0.9 = 486$ 円

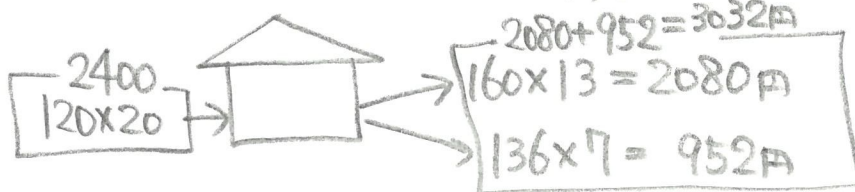


とあるので、利益 = $486 - 450 = 36$ 円

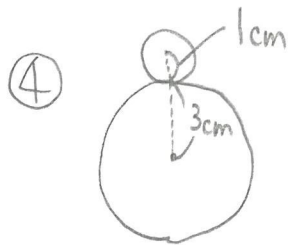
(3) 定価は160円で、定価の割5分引きは、 $160 \times (1-0.15) = 136$ 円
 仕入れ値全体は、 $120 \times 20 = 2400$ 円。

定価の160円で売ったのは13コで、

安売りして136円で売ったのは、残りの $20 - 13 = 7$ コ。



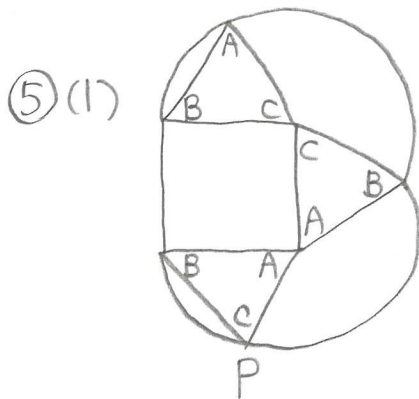
利益は、 $3032 - 2400 = 632$ 円。



円の中心は、半径 $3+1=4\text{cm}$ の円をかいたので
 $4 \times 2 \times 3.14$ 。

センターラインの公式を利用しましょう。

$$\begin{aligned}
 \text{円が動いたあとの面積} &= \text{直径} \times \text{円の中心が動いた長さ} \\
 &= 2 \times 4 \times 2 \times 3.14 \\
 &= 16 \times 3.14 \\
 &= 50.24 \text{ cm}^2
 \end{aligned}$$



PにくるのはC。

(2) の中心角は、 なので $360 - (90 + 60) = 210^\circ$

$$\frac{210}{360} = \frac{7}{12} \text{ で、2つあるので、}$$

$$6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{7}{12} \times 2$$

$$= 14 \times 3.14$$

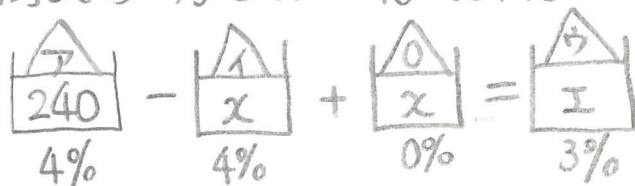
$$= 43.96 \text{ cm}$$

ステップ②

①(1) たとえば, $240 - 31.4159265 + 31.4159265$ を暗算で計算できますか?

240 から 31.4159265 を引いても, すぐ 31.4159265 を加えるので何もしないことと同じになり, $240 - 31.4159265 + 31.4159265 = 240$ ですね。

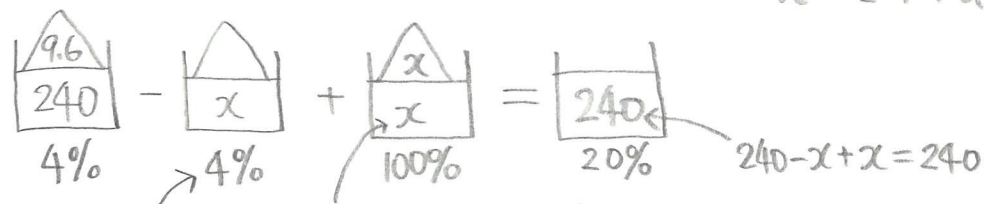
同じように考えて, $240 - x + x = 240$ です。



捨てるもこさは変わらない

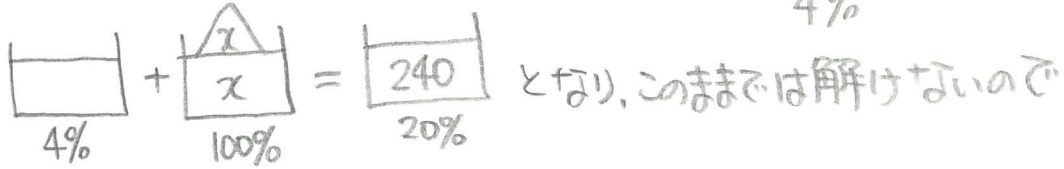
$$\begin{aligned} \text{エ} &= 240 - x + x = 240 \\ \text{ウ} &= 240 \times 0.03 = 7.2 \\ \text{ア} &= 240 \times 0.04 = 9.6 \\ \text{ア} - \text{イ} + \text{ウ} &= \text{エ} \text{ ので} \\ 9.6 - \text{イ} + 0 &= 7.2 \\ \text{イ} &= 9.6 - 7.2 = 2.4 \\ x &= 2.4 \div 0.04 = 60 \text{ g} \end{aligned}$$

(2)

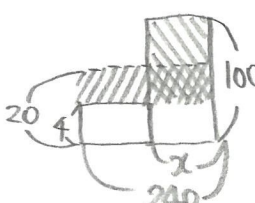




捨てるもこさは変わらない 「0」にしやすいので注意。

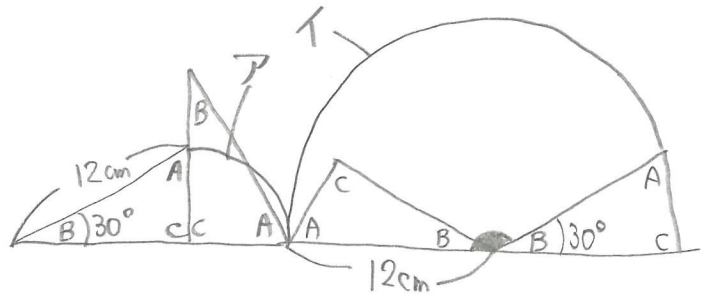
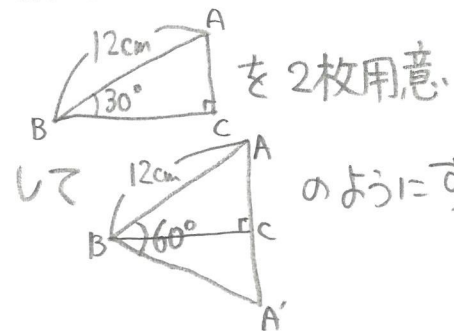
この部分を, 捨てた残りのビーカー図にして  とシンプルに書くと



面積図にすると  となり, さらにメロンパンを作ると

 となります。  は, $(20-4) \times 240 = 3840$ ですから  も 3840 になり, $x = 3840 \div (100-4) = 40 \text{ g}$ です。

② 点Aは右の図のように動きます。



のようにすると正三角形になるので AA' も 12cm ですから

AC は $12 \div 2 = 6\text{cm}$ です。

右上図のアは四分円の弧なので $6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 3 \times 3.14$ です。

イは黒くぬった角度が $180 - 30 = 150^\circ$ で、 $\frac{150}{360} = \frac{5}{12}$ ですから、

$12 \times 2 \times 3.14 \times \frac{5}{12} = 10 \times 3.14$ です。

ア、イ合わせて、 $3 \times 3.14 + 10 \times 3.14$

$$= (3 + 10) \times 3.14$$

$$= 13 \times 3.14$$

$$= 40.82 \text{ cm です。}$$

③ (1) 原価(仕入れ値)は1コ5000円で、40%の利益をみこんで定価をつけたのですから、定価は原価の $(1+0.4)$ 倍=1.4倍になり、 $5000 \times 1.4 = 7000$ 円です。

定価から値引きした商品は、定価の3割引きですから、 $(1-0.3)$ 倍=0.7倍になり、 $7000 \times 0.7 = 4900$ 円で売りました。

(2) 原価5000円で200コ作ったのですから、原価の合計は、 $5000 \times 200 = 1000000$ 円です。

1コあたり定価の7000円か、安売りして4900円で200コすべて売ったところ、利益は47200円でした。

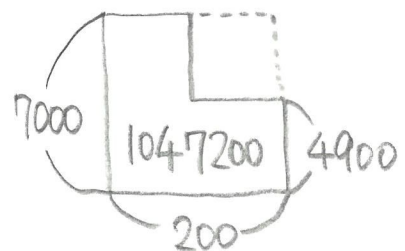
1000000円の原価に対して47200円の利益があったのですから、 $1000000 + 47200 = 1047200$ 円で売ったこととなります。

1コ7000円か1コ4900円で、200コで1047200円になったのですから、「つるかめ算」です。

右の面積図において、点線部分の面積は、

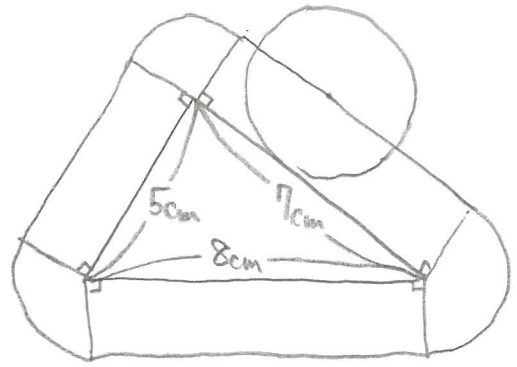
$$7000 \times 200 - 1047200 = 352800 \text{ 円です。}$$

よって1コ4900円で、 $352800 \div (7000 - 4900) = 168$ コ売ったことになり、これが定価から値引きして売った個数となります。



④ (1) まず、中心Oを通るようにして
長方形を書きましょう。

長方形と長方形のあいだは、
おうぎ形の弧になります。



円の中心が通った部分のうち、
直線部分の長さは $5+7+8=20\text{cm}$ です。

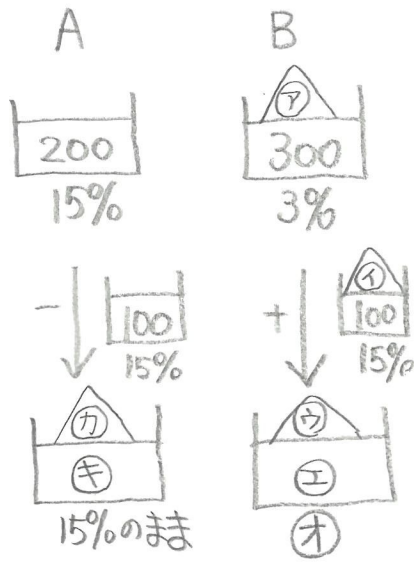
曲線部分を合わせると、半径 2cm の円周になりますから、
 $2 \times 2 \times 3.14 = 12.56\text{cm}$ です。

合わせて、 $20 + 12.56 = 32.56\text{cm}$ です。

(2) センターラインの公式を利用しましょう。

$$\begin{aligned} \text{円が通った部分の面積} &= \text{直径} \times \text{円の中心が通った長さ} \\ &= 4 \times 32.56 \\ &= 130.24\text{cm}^2 \text{ です。} \end{aligned}$$

5(1)



$$\textcircled{ア} = 300 \times 0.03 = 9$$

$$\textcircled{イ} = 100 \times 0.15 = 15$$

$$\textcircled{ウ} = 9 + 15 = 24$$

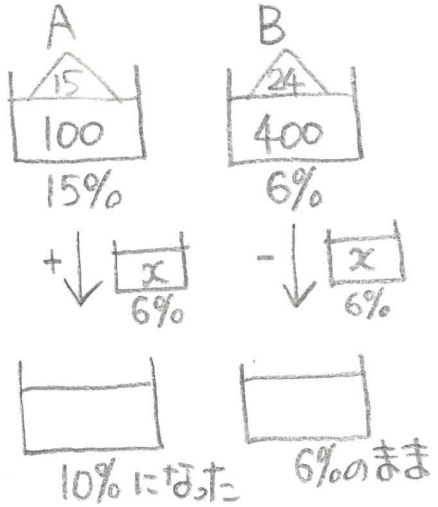
$$\textcircled{エ} = 300 + 100 = 400$$

$$\textcircled{オ} = 24 \div 400 = 0.06$$

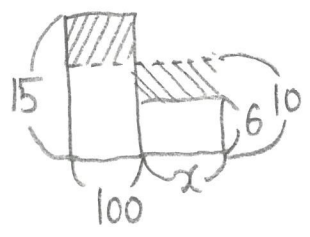
↓
6%

このあと、BからAに移しても
Bのこさは 6%のまま変わりません。

(2) (1)の図において、 $\textcircled{キ}$ は $200 - 100 = 100\text{g}$ 、 $\textcircled{ク}$ は $100 \times 0.15 = 15\text{g}$ ですから、



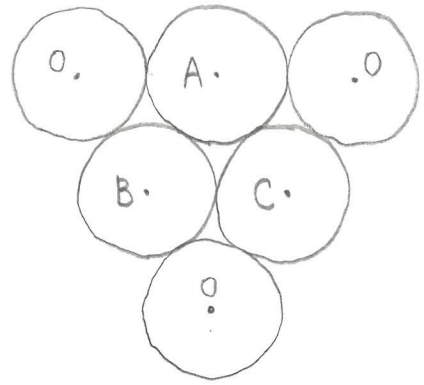
ビーカー図では解けないので、Aを面積図で表すと、



となります。斜線の部分は $(15 - 6) \times 100 = 900$ ですから、斜線の部分も 900 です。

よって、 $x = 900 \div (15 - 6) = 100\text{g}$ です。

6 へこんでいる部分に円Oがハマったとき、右の図のようになります。



右の図のように正三角形ができるので、角ア, イ, ウは 60° です。

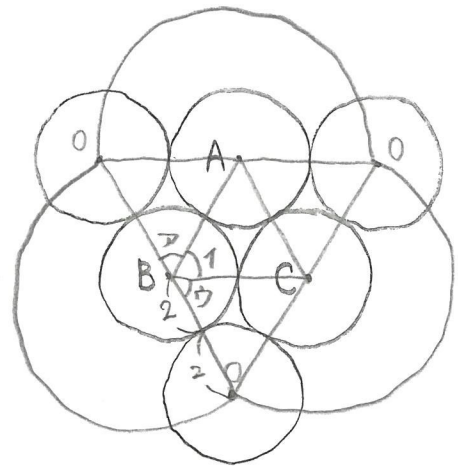
よって、円Oの中心が動いた長さは、 $360 - 60 \times 3 = 180^\circ$ の半円の弧が3つぶんになるので、

$$\underbrace{4 \times 2 \times 3.14}_{\downarrow} \div \underbrace{2 \times 3}_{\substack{\text{半円} \\ \text{3つある}}} = 12 \times 3.14 = 37.68 \text{ cm}$$

円Oの半径は
2cmだが、

円Oの中心が
動いた部分の

半径は $2+2=4\text{cm}$



ステップ③

□ (1) たとえば, 次の問題があ, たとします。

問題 Aは200円, Bは150円持っていました。
AとBの間で何回かお金のやりとりを
したところ, Aは130円になりました。
Bは何円になりましたか。

問題の答え AとBの間でいくらやりとりを
しても, AとBの合計は,
 $200+150=350$ 円のままです。
Aは130円になったのですか
ら, Bは $350-130=220$ 円に
なりました。

この□の問題の場合も, AとBの間でやり
とりをしたのですから, AとBの食塩水の重さの
合計も変わりませんし, AとBの食塩の重さの
合計も変わりません。

AとBのはじめの状態の合計は,

$$\begin{array}{|c|} \hline 72 \\ \hline 900 \\ \hline 8\% \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline 90 \\ \hline 450 \\ \hline 20\% \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 162 \\ \hline 1350 \\ \hline \end{array} \text{ ですから, 最後の}$$

状態の合計も同じです。

しかも, AからBに移した食塩水の重さと,
BからAに移した食塩水の重さは同じです。

よってAの食塩水の重さは900gにもどり,
こさは9.5%になったのですから, $900 \times 0.095 = 85.5\text{g}$
の食塩がふくまれています。

(次のページへ)

Aは $\frac{85.5}{900}$ となり, AとBの合計は $\frac{162}{1350}$ です
 から, Bは, $\frac{162}{1350} - \frac{85.5}{900} = \frac{76.5}{450}$ となるので,

Bのこさは $76.5 \div 450 = 0.17 \rightarrow 17\%$ になりました。

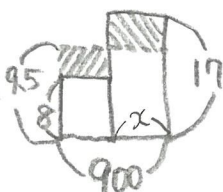
(2) AとBのやりとりのようすは,
 右の図のようになります。

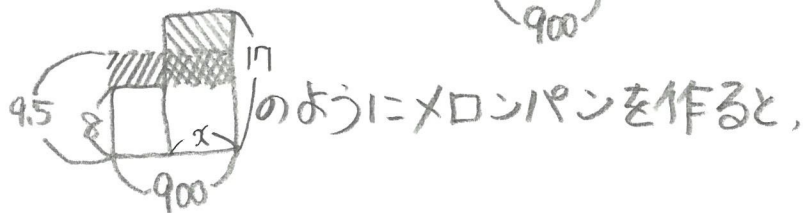
Bの下の方の図を見ると,
 $\star\%$ の食塩水から $\star\%$ の
 食塩水を移したあと, 17% に
 なっています。


「捨てるもこさは変わらない」
 ので, $\star\%$ は 17% です。

よってAの下の方の図は,

$$\frac{\quad}{8\%} + \frac{x}{17\%} = \frac{85.5}{900} \text{ となり,}$$

面積図を書くと  となります。

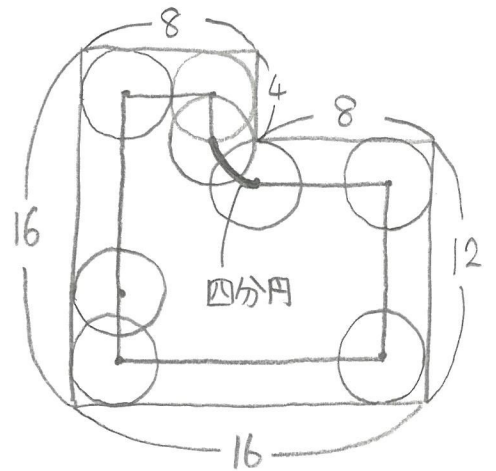


 の面積は,
 $900 \times (9.5 - 8) = 1350$
 です。

よって  の面積も 1350 になり, たては $17 - 8 = 9$ なので,

横の長さである x は, $1350 \div 9 = 150$ です。

2 (1) 1か所だけ四分円をえがくことに注意しましょう。



円の半径は 2cm ですから、右の図の

$$ア = 16 - 2 \times 2 = 12\text{cm},$$

$$イ = 8 - 2 \times 2 = 4\text{cm},$$

$$ウ = 4 - 2 = 2\text{cm},$$

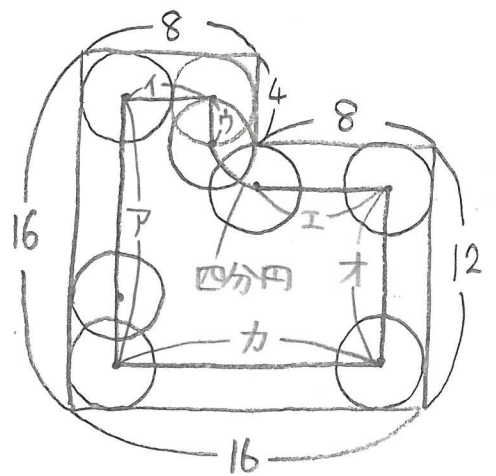
$$エ = 8 - 2 = 6\text{cm},$$

$$オ = 12 - 2 \times 2 = 8\text{cm},$$

$$カ = 16 - 2 \times 2 = 12\text{cm},$$

$$\text{四分円} = 2 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 3.14\text{cm},$$

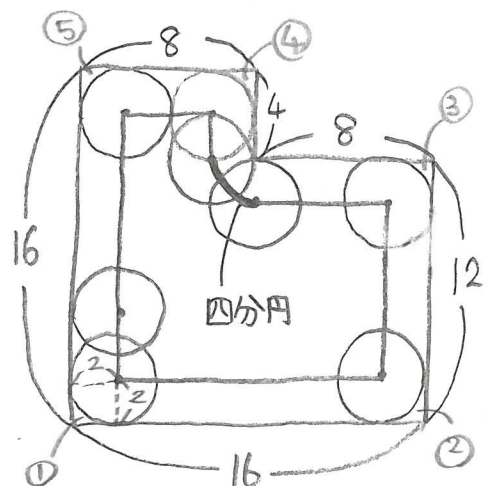
合計, $12 + 4 + 2 + 6 + 8 + 12 + 3.14 = 47.14\text{cm}$ です。



(2) 「センターラインの公式」である、「円の直径×中心の動いた長さ」を利用しましょう。

直径は $2 \times 2 = 4\text{cm}$, 中心の動いた長さは(1)で求めた通り 47.14cm ですから, $4 \times 47.14 = 188.56\text{cm}^2$ となります。

くぼんでいるところか5か所あって, 1か所あたりの面積は $2 \times 2 - 2 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = 0.86\text{cm}^2$ ですから, 5か所ぶんを引いて, 答えは $188.56 - 0.86 \times 5 = 184.26\text{cm}^2$ です。



③(1) 30コすべて売れると、利益は5400円ですから、1コあたりの利益は、 $5400 \div 30 = 180$ 円です。

1コあたり450円で仕入れて、1コあたり180円の利益があるのですから、1コあたりの定価は、 $450 + 180 = 630$ 円です。

実際は1コ450円で30コ仕入れたときの仕入れ値全体は $450 \times 30 = 13500$ 円、2880円の利益があったのですから、 $13500 + 2880 = 16380$ 円ぶん売れました。

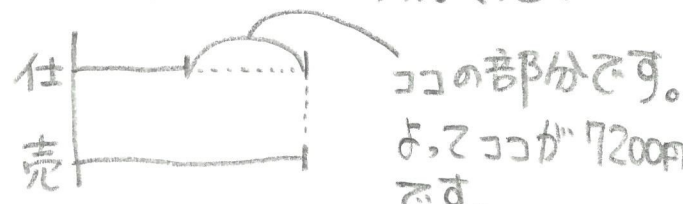
1コあたり630円で売ったので、 $16380 \div 630 = 26$ コ売れたことになります。

30コ仕入れたうちの26コが売れたのですから、売れ残ったのは、 $30 - 26 = 4$ コです。

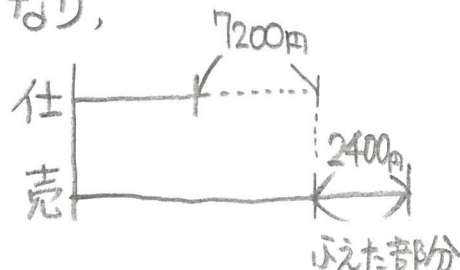
③(2) 意味がわからなくてできない人が多い問題です。

「仕入れ値の5割増しの120円」と書いてありましたが、これは「仕入れ値の1.5倍が120円」ということですから、1個の仕入れ値は、 $120 \div 1.5 = 80$ 円です。→(※)

ところで、「全体の利益は7200円」と書いてありましたが、「利益」って何でしょうか。

「利益」というのは、仕入れ値よりもどれだけ高く売れたか、ということですから、

もし、こわれた20を(ナイショで)売ったとしたら、仕入れ値は変わらず、売り値だけが(1個120円で売るので)、 $120 \times 20 = 2400$ 円多くなり、



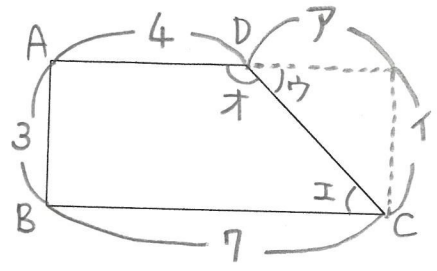
利益は、 $7200 + 2400 = 9600$ 円です。

つまり、(こわれた品物もふくめて)全部売ったとしたら、9600円の利益があることがわかりました。

ところで、(※)で求めた通り、1個の仕入れ値は80円で、1個の売り値は120円ですから、1個あたり $120 - 80 = 40$ 円の利益です。

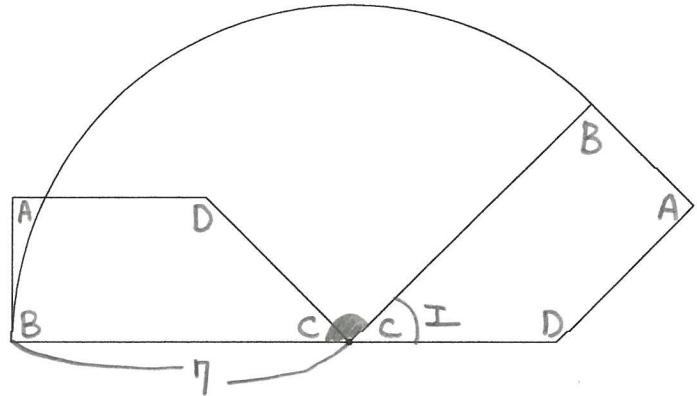
よって、 $9600 \div 40 = 240$ を仕入れたことになります。

④(1) 右の図のアは $7-4=3\text{cm}$, イも 3cm なので, ウは 45° です。
 エも 45° になり, オは $180-45=135^\circ$ です。



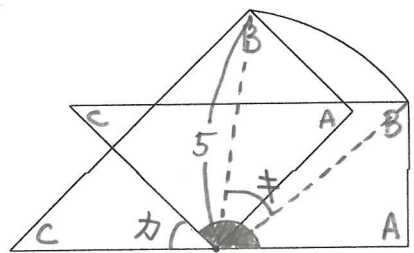
台形 ABCD は, 右の図のようにころがっていきます。

黒くぬった角度は, $180-I=135^\circ$ です。
 $\frac{135}{360} = \frac{3}{8}$ ですから,



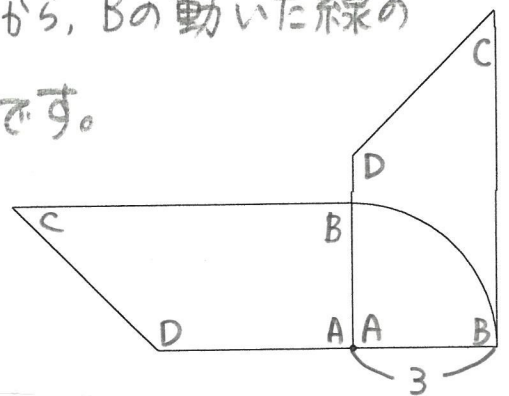
Bの動いた線の長さは, $7 \times 2 \times 3.14 \times \frac{3}{8} = \frac{21}{4} \times 3.14 \text{ cm}$ です。

次に B は右の図のようにころがり, 黒くぬった角度は 135° なので, カは $180-135=45^\circ$ なので, 台形 ABCD は 45° 回転したことがわかります。



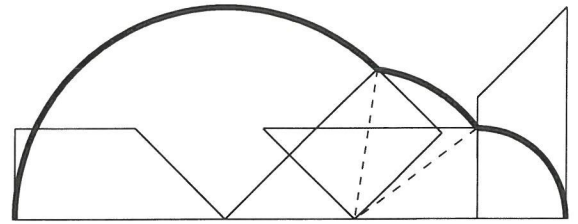
よ, てキも同じく 45° で, $\frac{45}{360} = \frac{1}{8}$ ですから, Bの動いた線の長さは, $5 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{8} = \frac{5}{4} \times 3.14 \text{ cm}$ です。

次に B は右の図のように 90° ころがるので, Bの動いた線の長さは, $3 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = \frac{3}{2} \times 3.14 \text{ cm}$

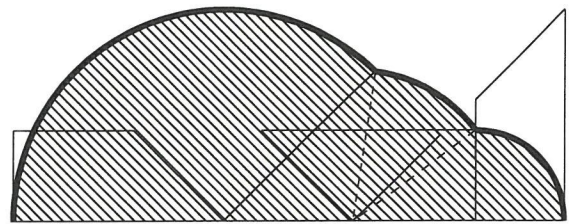


$$\begin{aligned} \text{合わせて, } \frac{21}{4} \times 3.14 + \frac{5}{4} \times 3.14 + \frac{3}{2} \times 3.14 &= \left(\frac{21}{4} + \frac{5}{4} + \frac{3}{2} \right) \times 3.14 \\ &= 8 \times 3.14 \\ &= 25.12 \text{ cm です。} \end{aligned}$$

(2) 点Bは、右図の太線のように動きます。

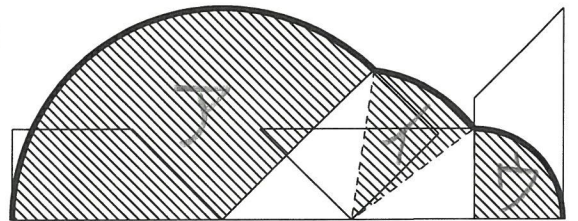


よって、点Bが動いたあとの線と直線Lで囲まれた部分は、右の図の斜線部分になります。



まず、右の図のア、イ、ウの斜線部分の和を求めましょう。

アは、 $7 \times 7 \times 3.14 \times \frac{3}{8} = \frac{147}{8} \times 3.14 \text{ cm}^2$ です。



イは、 $5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{8} = \frac{25}{8} \times 3.14 \text{ cm}^2$ です。

ウは、 $3 \times 3 \times 3.14 \times \frac{1}{4} = \frac{9}{4} \times 3.14 \text{ cm}^2$ です。

よって、ア、イ、ウの和は、

$$\frac{147}{8} \times 3.14 + \frac{25}{8} \times 3.14 + \frac{9}{4} \times 3.14$$

$$= \left(\frac{147}{8} + \frac{25}{8} + \frac{9}{4} \right) \times 3.14$$

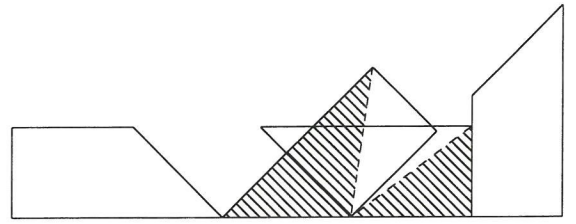
$$= \frac{95}{4} \times 3.14$$

$$= 23.75 \times 3.14$$

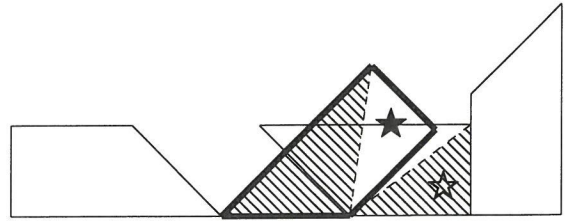
$$= 74.575 \text{ cm}^2 \text{ です。}$$

(次のページへ)

あとは、右図の斜線部分2コ
ですが、



右の図の☆の斜線部分を
★に移すと、太線で示した
台形ABCDになりますから、
 $(4+7) \times 3 \div 2 = 16.5 \text{ cm}^2$ です。



よって答えは、 $74.575 + 16.5 = 91.075 \text{ cm}^2$ です。