

演習問題集5年上第16回・くわしい解説

目次

反復問題(基本)	1	(1) …p.2
反復問題(基本)	1	(2) …p.2
反復問題(基本)	1	(3) …p.2
反復問題(基本)	1	(4) …p.3
反復問題(基本)	1	(5) …p.3
反復問題(基本)	1	(6) …p.4
反復問題(基本)	1	(7) …p.5
反復問題(基本)	2	…p.6
反復問題(基本)	3	…p.7
反復問題(基本)	4	…p.8
反復問題(練習)	1	…p.9
反復問題(練習)	2	…p.10
反復問題(練習)	3	…p.11
反復問題(練習)	4	…p.12
反復問題(練習)	5	…p.14
トレーニング	1	…p.15
トレーニング	2	…p.16
トレーニング	3	…p.17
トレーニング	4	…p.19
実戦演習	1	…p.22
実戦演習	2	…p.24
実戦演習	3	…p.26
実戦演習	4	…p.29

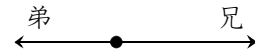
すぐる学習会

<https://www.suguru.jp>

反復問題(基本) 1 (1)

ワンポイント 反対方向へ進んだときに、2人は1分でどれだけはなれるでしょう。

兄は分速 70 m, 弟は分速 60 m の速さで反対方向に歩くと、
2人は1分あたり $70 + 60 = 130$ (m) ずつはなれていきます。

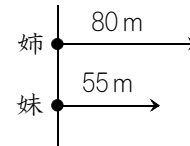


3分後には、 $130 \times 3 = 390$ (m) はなれています。

反復問題(基本) 1 (2)

ワンポイント 同じ方向へ進んだときに、2人は1分でどれだけはなれるでしょう。

姉は分速 80 m, 妹は分速 55 m の速さで同じ方向に歩くと、
2人は1分あたり $80 - 55 = 25$ (m) ずつはなれていきます。

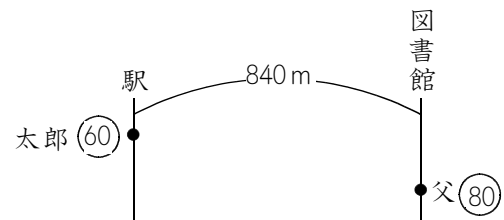


4分後には、 $25 \times 4 = 100$ (m) はなれています。

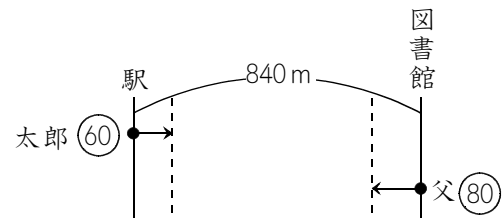
反復問題(基本) 1 (3)

ワンポイント 2人の間のきょりが、何mずつ近づいていくのかを考えましょう。

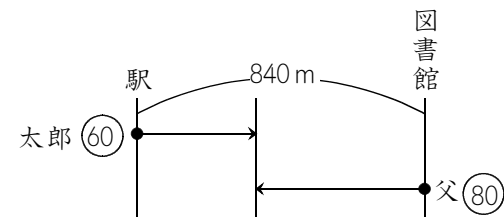
駅に太郎君, 図書館に父がいて、2人の間は
はじめは 840 m はなれています。



右の図のように、1分間に $60 + 80 = 140$ (m) ずつ、近づいていきます。



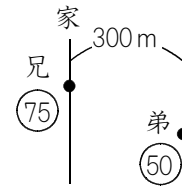
$840 \div 140 = 6$ (分後) に、2人はすれちがいます。



反復問題(基本) 1 (4)

ワンポイント 2人の間のきょりが、何mずつ近づいていくのかを考えましょう。

弟が家から300 m進んだとき、兄がスタートします。



兄は1分間に75 m，弟は1分間に50 m進みます。

兄の方が速いので，兄は弟に追いつきます。

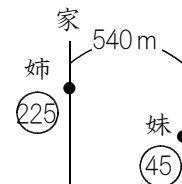
2人の間は，1分間に $75 - 50 = 25$ (m) ずつ，ちぢんでいきます。

$300 \div 25 = 12$ (分後)に，兄は弟に追いつくことになります。

反復問題(基本) 1 (5)

ワンポイント 2人の間のきょりが、何mずつ近づいていくのかを考えましょう。

はじめは，妹だけが分速45 mで，12分間進みました。



妹が $45 \times 12 = 540$ (m)進んだときに，姉がスタートします。

姉は1分間に225 m，妹は1分間に45 m進みます。

姉の方が速いので，姉は妹に追いつきます。

2人の間は，1分間に $225 - 45 = 180$ (m)ずつ，ちぢんでいきます。

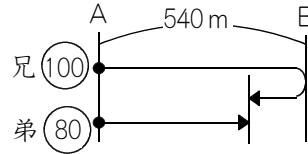
$540 \div 180 = 3$ (分後)に，姉は妹に追いつくことになります。

姉は分速225 mですから，3分間で $225 \times 3 = 675$ (m)進んだ地点で，妹に追いつきました。

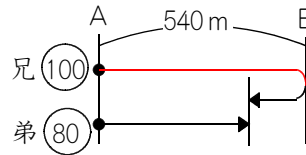
反復問題(基本) 1 (6)

ワンポイント 折り返す問題は、「まっすぐにした図」を書くと、解きやすくなります。

右の図は、兄と弟が出会うまでのようすをあらわしています。



右の図の赤い線の部分をひっくり返して、



右の図のようにしても、出会う時間は変わりません。

兄と弟は、出発するときに、 $540 \times 2 = 1080$ (m) はなれていたことになります。

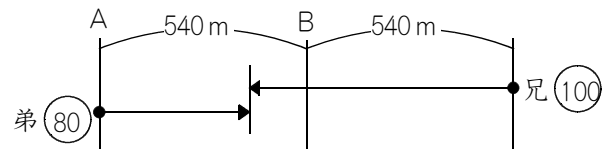
出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

$$1080 \div (100 + 80) = 6 \text{ (分後)} \text{ に、出会うことになります。}$$

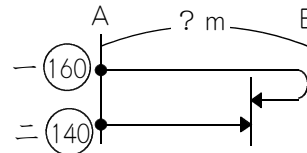
また、出会ったのは弟がA地点を出発してから6分後なので、Aから $80 \times 6 = 480$ (m) の地点です。



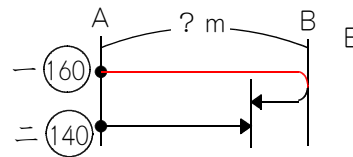
反復問題(基本) 1 (7)

ワンポイント 折り返す問題は、「まっすぐにした図」を書くと、解きやすくなります。

右の図は、兄と弟が出会うまでのようすをあらわしています。



右の図の赤い線の部分をひっくり返して、



右の図のようにしても、出会う時間は変わりません。

兄と弟は、出発するときに、
? m 2本ぶんはなれていたこととなります。

出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

?2本ぶん $\div (160 + 140) = 3$ ですから、?2本ぶん $= 3 \times (160 + 140) = 900$ (m) です。

? $= 900 \div 2 = 450$ (m) ですから、A地点とB地点は、**450 m** はなれていることとなります。

反復問題(基本) 2

ワンポイント グラフとグラフが交わっているところで、2人がすれちがっています。

(1) 姉は、家から公園までの1500 mを20分で進みました。
姉の分速は、 $1500 \div 20 = 75$ (m)です。

妹は、公園から家までの1500 mを30分で進みました。
妹の分速は、 $1500 \div 30 = 50$ (m)です。

(2) はじめは、姉は家に、妹は公園にいたのですから、2人は1500 mはなれていました。

(1)で求めた通り、姉は分速75 m、妹は分速50 mで、同時に向かい合って進んだのですから、 $1500 \div (75 + 50) = 12$ (分後)にすれちがいます。
よってxは12です。

出会うまでの12分間で、姉は $75 \times 12 = 900$ (m)進みました。
よってyは900です。

反復問題(基本) 3

ワンポイント グラフとグラフが交わっているところで、兄は弟に追いつきました。

(1) 兄は、家から学校までの2400 mを、18分から38分までの $38 - 18 = 20$ (分)で進みました。

兄の分速は、 $2400 \div 20 = 120$ (m)です。

弟は、家から学校までの2400 mを、50分で進みました。

弟の分速は、 $2400 \div 50 = 48$ (m)です。

(2) グラフの x は、兄がスタートするときに弟が家から何 m のところにいたかを表しています。

(1)で求めた通り、弟の分速は48 mです。

兄がスタートするのは、弟がスタートしてから18分後です。

兄がスタートするときに、弟は家から $48 \times 18 = 864$ (m)のところにいました。

よって x は **864** です。

(3) (2)で求めた通り、兄がスタートするときに弟は兄よりも864 m前にいます。

(1)で求めた通り、兄は分速120 m、弟は分速48 mなので、兄の方が速いですから、兄は弟に追いつくことができます。

1分間に $120 - 48 = 72$ (m)ずつ、2人の間のきょりがちぢまっていきます。

864 mをちぢめるには、 $864 \div 72 = 12$ (分)かかります。

よって y は、 $18 + 12 = 30$ (分)です。

また、 z は、兄がスタートしてから弟に追いつくまでの12分間で進んだ道のりを表しています。

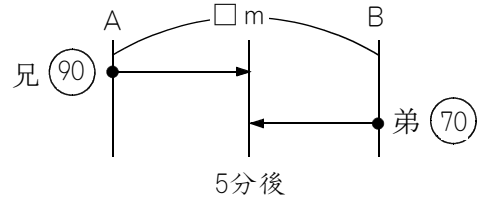
兄の分速は120 mですから、 z は $120 \times 12 = 1440$ (m)です。

または、 z は、弟がスタートしてから兄に追いつかれるまでの30分間で進んだ道のりを表しているとして、弟は分速48 mですから、 $48 \times 30 = 1440$ (m)と求めてもOKです。

反復問題(基本) 4

ワンポイント 問題に図が書いていないときは、自分で図を書きましょう。

(1) $\boxed{\text{きょり} \div (\text{速さの和}) = \text{出会うのにかかる時間}}$



ですから、きょりを□mとすると、

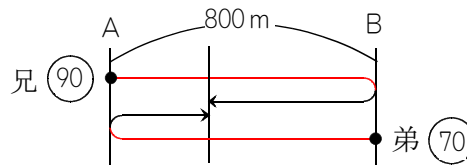
$$\square \div (90 + 70) = 5$$

となります。

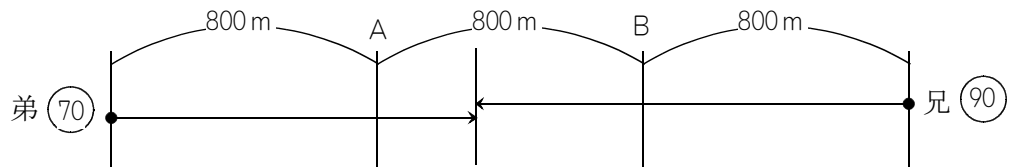
$$\square = (90 + 70) \times 5 = 160 \times 5 = 800$$

よって、池のまわりの長さは、800 mになります。

(2) 2人が2回目にすれちがったのは、右の図のような状態になったときです。



赤い線の部分をひっくり返して下の図のようにしても、同じことです。

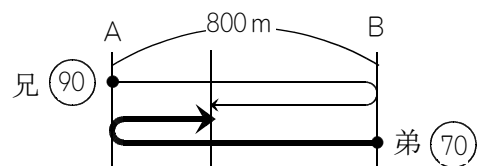


2回目にすれちがうのは、 $\text{きょり} \div (\text{速さの和}) = 800 \times 3 \div (70 + 90)$ としても求められますが、1回目のすれちがいのときのきょりの3倍になったので、すれちがいににかかる時間も3倍になる、という考え方の方が簡単です。

1回目のすれちがいは5分後ですから、2回目のすれちがいは、 $5 \times 3 = 15$ (分後)です。

また、2回目のすれちがいの(= 15分後)までに、弟は $70 \times 15 = 1050$ (m)を進んでいます。

右の図の太い長さが1050 mですから、A地点から出会ったところまでは、 $1050 - 800 = 250$ (m)です。



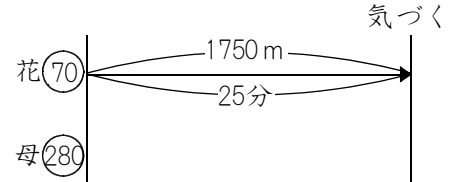
反復問題(練習) 1 (1)

ワンポイント きちんと図を書きましょう。同じ時刻には同じマークを書くように。

毎分 70 m の花子さんは、出発してから 25 分たって忘れ物に気づきました。

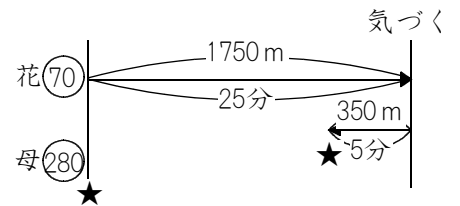
忘れ物に気づくまでに、花子さんは、 $70 \times 25 = 1750$ (m) を進みました。

母が出発するのは、花子さんが出発してから 30 分後ですから、まだ母は出発していません。

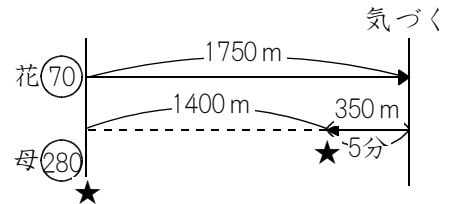


花子さんが $30 - 25 = 5$ (分間) だけ引き返したときに、母は出発することになります。

花子さんは毎分 70 m の速さですから、 $70 \times 5 = 350$ (m) 引き返したときに、母は出発するわけです。



母が家を出るとき、花子さんは家から、 $1750 - 350 = 1400$ (m) のところにいることになります。



反復問題(練習) 1 (2)

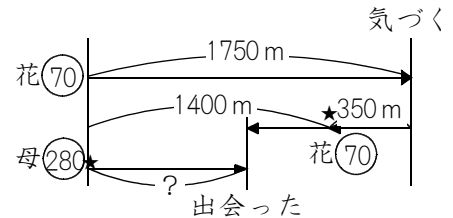
ワンポイント (1)がわかれば、(2)は簡単です。

母が家を出発するとき、花子さんは家から 1400 m のところにいました。

$$\begin{aligned} 2 \text{ 人が出会う時間} &= \text{きょり} \div (\text{速さの和}) \\ &= 1400 \div (70 + 280) \\ &= 4 \text{ (分後)} \end{aligned}$$

よって、花子さんと母は、母が家を出てから 4 分後に、出会ったことになります。

出会ったところは、図の ? のところで、毎分 280 m の母が、4 分間に進んだきよりのところですから、 $280 \times 4 = 1120$ (m) になります。



反復問題(練習) 2 (1)

ワンポイント 兄と弟は、1分間に何mずつ差が広がっていくでしょう。

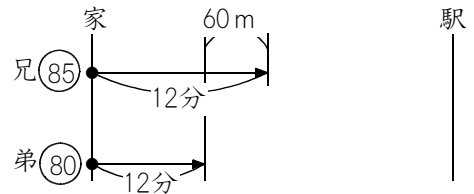
兄と弟は、同時に家を出発しました。
 しかし、出発してから21分後に、弟は兄より105mおくれていました。
 遅れたのは、弟は兄よりおそかったからです。
 1分あたり、 $105 \div 21 = 5$ (m)ずつ、おくれました。

兄の速さは、問題文に書いてある通り、毎分85mです。
 兄は、1分間に85mずつ歩くことができます。
 その兄よりも、1分あたり5mずつおくれてしまうのが弟ですから、弟は1分間に、 $85 - 5 = 80$ (m)ずつ歩きます。
 つまり、弟の歩く速さは、毎分**80**mになります。

反復問題(練習) 2 (2)

ワンポイント 問題の内容を整理しましょう。

兄の速さは、毎分85mでした。
 弟のはじめの速さは、(1)で求めた通り、毎分80mです。
 そして、出発してから21分後に、弟は兄より105mおくれていました。



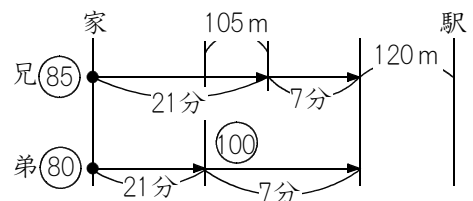
そこで弟は、速さをそれまでの $1\frac{1}{4}$ 倍にしたそうです。

今までの弟の速さは、毎分80mだったのですから、毎分 $80 \times 1\frac{1}{4} = 100$ (m)になりました。

兄の速さは毎分85mのままで、弟の速さは毎分100mになったのですから、弟は兄よりも速くなりました。

21分後には105mおくれていたのが、1分あたり、 $100 - 85 = 15$ (m)ずつ、差がちぢまることになります。

$105 \div 15 = 7$ (分後)に、弟は兄に追いつきます。
 追いついた地点は、駅の手前120mのところだそうです。

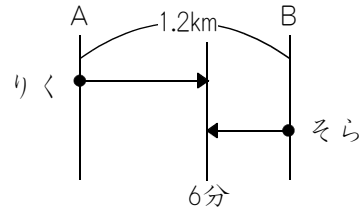


毎分85mの兄が、 $21 + 7 = 28$ (分)で、家から $85 \times 28 = 2380$ (m)進んだ地点は、駅の手前120mの地点なのですから、家から駅までの道のりは、 $2380 + 120 = 2500$ (m)になります。

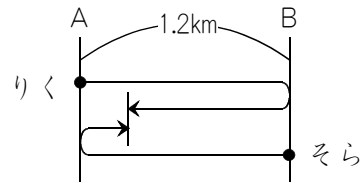
反復問題(練習) 3

ワンポイント (1)は、大変簡単な解き方があります。

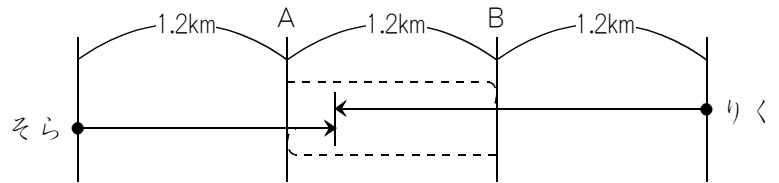
(1) りく君は、出発してから6分後にそら君と
はじめてすれちがいました。



2回目にすれちがったときは、右の図のよう
になります。



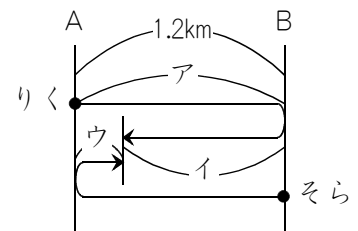
曲がっている部分をまっすぐに
すると右の図のようになり、はじ
からはじめまでは、1.2 kmの3倍にな
ります。



道のりが3倍になりますから、
すれちがうまでの時間も6分の3倍になり、 $6 \times 3 = 18$ (分)で、すれちがいます。

(2) りく君はA地点まであと0.3 kmの地点で、そら君と2回目に
すれちがいました。

右の図のウの部分で0.3 kmです。
よってイは $1.2 - 0.3 = 0.9$ (km)です。



(1)で、2人が2回目にすれちがうのはスタートしてから18分後であることがわかりました。
りく君が18分で歩いたのは、図のアとイの合計のきょりです。

アは1.2 kmで、イは0.9 kmですから、合計 $1.2 + 0.9 = 2.1$ (km)です。

りく君は18分で2.1 kmを進みました。

18分 = $(18 \div 60)$ 時間 = 0.3 時間ですから、1時間あたり、 $2.1 \div 0.3 = 7$ (km)を進みました。

りく君の速さは時速 **7** kmです。

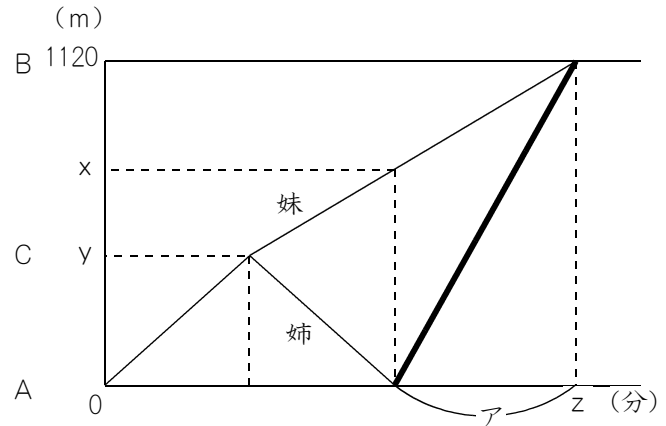
反復問題(練習) 4 (1)

ワンポイント わかることをどんどん求めていくと、自然に答えが求められます。

姉はAに引き返してから7分後にB地点に着きました。

右の図の太線部分が、姉が走ってB地点に向かったときのグラフです。

よって右の図のアが7分を表しています。



姉は7分で1120 mを走ったのですから、
姉の走った分速は、 $1120 \div 7 = 160$ (m)です。

姉の走る速さは歩く速さの2倍ですから、姉の歩いた分速は、 $160 \div 2 = 80$ (m)です。

A地点からC地点までは、姉と妹は同じ速さでいっしょに歩いたのですから、A地点からC地点までの妹も、分速80 mです。

C地点からは、妹はそれまでの $\frac{3}{4}$ の速さで歩いたのですから、C地点からの分速は、
 $80 \times \frac{3}{4} = 60$ (m)です。

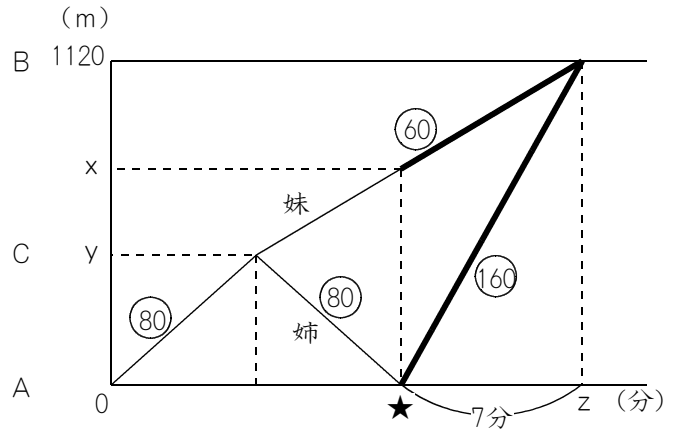
反復問題(練習) 4 (2)

ワンポイント 姉は妹と同時にB地点に着いたことが重要です。

姉や妹の分速を、グラフに丸付き数字で書いておきました。

xは、右のグラフの★分のときに、姉と妹は何mはなれているかを示しています。

★分のときから、姉は分速160mで、妹は分速60mで、同じ方向に進んだので、1分間に $160 - 60 = 100$ (m) ずつちぢまります。



グラフの★分のときからの太線のグラフを見ると、7分後に追いついたのですから、★分のときは、 $100 \times 7 = 700$ (m) はなれていたこととなります。よってxは **700** です。

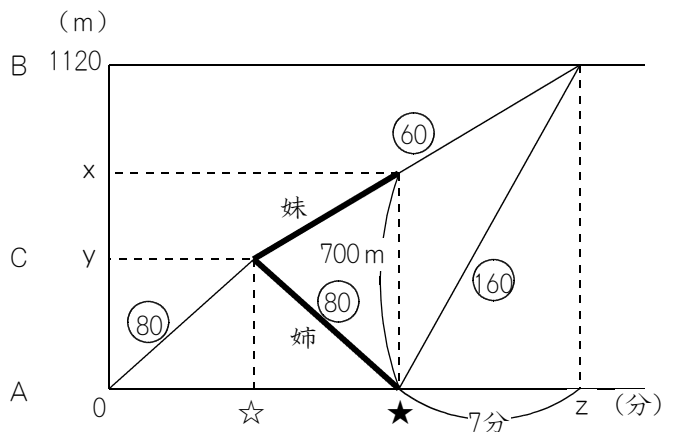
反復問題(練習) 4 (3)

ワンポイント (2)のときよりも、さらに時間をもどしていきます。

右のグラフにおいて、★分のときよりも、さらに時間をもどして行って、☆分までの太線グラフを見ると、姉と妹は反対方向に進んでいるので1分間に $60 + 80 = 140$ (m) ずつちぢまります。

700mをちぢめるには、 $700 \div 140 = 5$ (分) かかります。

姉は、☆から★までを、分速80mで5分かかったのですから、グラフのyは $80 \times 5 = 400$ (m) です。



☆から★までは5分、スタートから☆までも5分、★からzまでは7分ですから、zは、 $5 + 5 + 7 = 17$ (分) です。

反復問題(練習) 5

ワンポイント グラフを，ふつうの情景図に書き直すと理解しやすいです。

(1) 兄がスタートするときに，弟はすでに6分間進んでいます。

弟の分速は50 mですから，6分で， $50 \times 6 = 300$ (m)進んでいます。

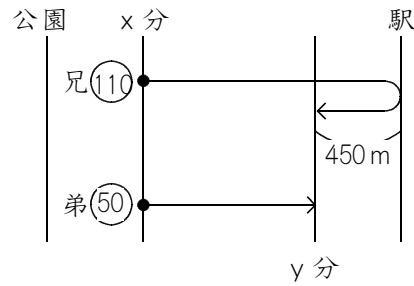
よって，兄は，300 m先にいる弟を追いかけることになります。

兄と弟は同じ方向に進んでいるので， $300 \div (110 - 50) = 5$ (分)で追いつくことになります。

兄がスタートするときに，弟はすでに6分進んでいて，それから5分で兄は弟に追いつくのですから， x は $6 + 5 = 11$ (分)です。

(2) グラフの x 分から y 分までのようすは，右の図のようになります。

この図のような，折れ曲がっている線がある図の場合は，長さのわかっている方(450 mの方)をひっくり返して，



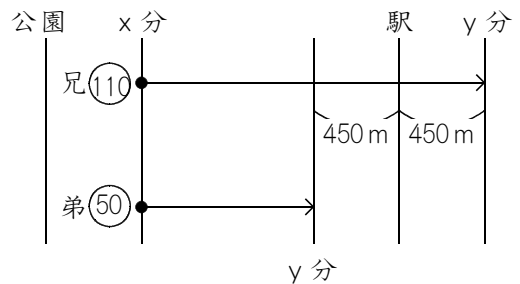
右の図のようにします。

この図において，兄は弟よりも， $450 \times 2 = 900$ (m)長く進んでいます。

長く進んでいる理由は，兄の方が，弟よりも，1分あたり $110 - 50 = 60$ (m)だけ速いからです。

よって， $900 \div 60 = 15$ (分)で，900 mの差がつきました。

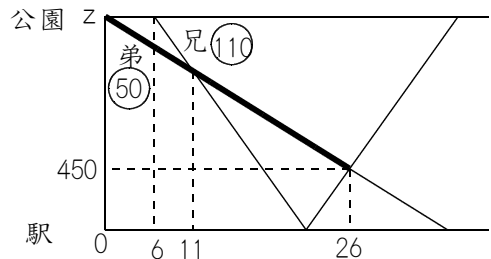
y は x の15分後ですから， $11 + 15 = 26$ (分)です。



また，右の図の太線部分は，弟が26分で進んだ部分です。

弟は分速50 mですから， $50 \times 26 = 1300$ (m)あります。

弟が26分進むと，駅まであと450 mになっていますから， z は $1300 + 450 = 1750$ (m)です。



トレーニング 1

- (1) 出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

きょりは720 m, 速さは兄が分速75 mで, 弟は分速45 mですから, $720 \div (75 + 45) = 6$ (分後) に, 出会うことになります。

- (2) 出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

きょりは880 m, 速さは姉が分速100 mで, 妹はわからないので分速□ mにして, 4分後に出会うのですから,

$880 \div (100 + \square) = 4$ となり, $880 \div 4 = 220$, $220 - 100 = 120$ ですから, 妹は分速120 mです。

- (3) 出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

きょりはわからないので□ kmにして, 速さは時速40 kmと時速60 km, 15分後に出会うのですが, $\square \div (40 + 60) = 15$ としてはいけません。なぜなら, 速さは「時速」なのに, 出会った時間は「15分」なので, 単位がちがうからです。

15分 = $\frac{15}{60}$ 時間 = $\frac{1}{4}$ 時間ですから, $\square \div (40 + 60) = \frac{1}{4}$ として, $\square = (40 + 60) \times \frac{1}{4} = 25$ (km) が正解です。

トレーニング 2

- (1) 追いつくまでの時間を求めるときは、

$$\text{追いつくまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの差})$$

の公式を利用します。

きょりは 200 m，速さは兄が分速 70 m で，弟は分速 50 m ですから， $200 \div (70 - 50) = 10$ (分後) に，追いつくことになります。

- (2) きょりは 150 m，速さは姉が分速 100 m で，妹はわからないので分速
- \square
- m として，6 分で追いつくのですから，
- $150 \div (100 - \square) = 6$
- となります。

$$150 \div 6 = 25 \quad 100 - 25 = 75 \text{ ですから，妹は分速 } 75 \text{ m です。}$$

- (3) まず，お母さんと花子さんの速さを，時速から分速に変換しましょう。

お母さんは，時速 12 km = 1 時間に 12 km = 60 分に 12000 m = 1 分に 200 m = 分速 200 m です。

花子さんは，時速 3 km = 1 時間に 3 km = 60 分に 3000 m = 1 分に 50 m = 分速 50 m です。

きょりは \square m，速さはお母さんが分速 200 m で花子さんは分速 50 m，4 分で追いつくのですから， $\square \div (200 - 50) = 4$ となります。

$$\square = (200 - 50) \times 4 = 150 \times 4 = 600 \text{ (m) です。}$$

- (4) お父さんが家を出るときに，だいき君は分速 60 m で 20 分間進んでいたのですから，
- $60 \times 20 = 1200$
- (m) 先にいました。

お父さんは， $1200 \div (300 - 60) = 5$ (分) で追いつきます。

お父さんは分速 300 m で 5 分で追いつくのですから， $300 \times 5 = 1500$ (m) \rightarrow 1.5 km 走ったところで追いつきます。

トレーニング 3

- (1) 1800 m を 10 分で進んだ人の分速は, $1800 \div 10 = 180$ (m) です。
1800 m を 15 分で進んだ人の分速は, $1800 \div 15 = 120$ (m) です。

x は, 1800 m はなれたところから, 2 人がすれちがうまでの時間をあらわしています。

$$x = \text{きょり} \div (\text{速さの和}) = 1800 \div (180 + 120) = 6 \text{ (分) です。}$$

y は, 分速 120 m の人が, x 分 (= 6 分) で進んだきょりをあらわしていますから,
 $120 \times 6 = 720$ (m) です。

- (2) 960 m を 8 分で進んだ人の分速は, $960 \div 8 = 120$ (m) です。
 $960 - 400 = 560$ (m) を 14 分で進んだ人の分速は, $560 \div 14 = 40$ (m) です。

x は, はじめ 400 m はなれていたところから, 追いつくまでの時間をあらわしています。

$$x = \text{きょり} \div (\text{速さの差}) = 400 \div (120 - 40) = 5 \text{ (分) です。}$$

y は, 分速 120 m の人が, x 分 (= 5 分) で進んだきょりをあらわしていますから,
 $120 \times 5 = 600$ (m) です。

(次のページへ)

(3) 1400 m を $18-4=14$ (分) で進んだ人を A とすると、A の分速は、 $1400 \div 14 = 100$ (m) です。

1400 m を 28 分で進んだ人を B とすると、B の分速は、 $1400 \div 28 = 50$ (m) です。

A がスタートするとき、B はすでに 4 分進んでいます。

B は分速 50 m ですから、 $50 \times 4 = 200$ (m) 進んでいます。

x は、1400 m のところから 200 m もどった地点をあらわしています。

$x = 1400 - 200 = 1200$ (m) です。

4 分のとき、2 人は x m (= 1200 m) はなれています。

A は分速 100 m、B は分速 50 m で進みます。

きょり \div (速さの和) = $1200 \div (100 + 50) = 8$ (分) で、2 人は出会います。

4 分のときの 8 分後ですから、 $y = 4 + 8 = 12$ (分) です。

(4) 900 m を $14-8=6$ (分) で進んだ人を A とすると、A の分速は、 $900 \div 6 = 150$ (m) です。

900 m を 18 分で進んだ人を B とすると、B の分速は、 $900 \div 18 = 50$ (m) です。

A がスタートするとき、B はすでに 8 分進んでいます。

B は分速 50 m ですから、 $50 \times 8 = 400$ (m) 進んでいます。

よって x は 400 m です。

8 分のとき、2 人は x m (= 400 m) はなれています。

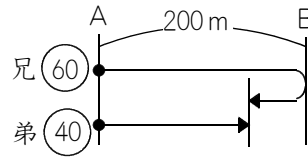
A は分速 150 m、B は分速 50 m で進みます。

きょり \div (速さの差) = $400 \div (150 - 50) = 4$ (分) で、A は B に追いつきます。

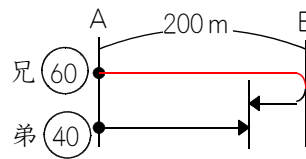
8 分のときの 4 分後ですから、 $y = 8 + 4 = 12$ (分) です。

トレーニング 4 (1)

右の図は、兄と弟が出会うまでのようすをあらわしています。

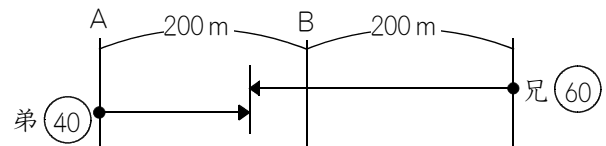


右の図の赤い線の部分をひっくり返して、



右の図のようにしても、出会う時間は変わりません。

兄と弟は、出発するときに、 $200 \times 2 = 400$ (m)はなれていたことになります。



出会うまでの時間を求めるときは、

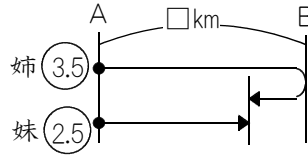
$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

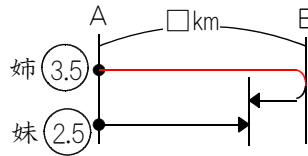
$400 \div (60 + 40) = 4$ (分後)に、出会うことになります。

トレーニング 4 (2)

右の図は、姉と妹が出会うまでのようすをあらわしています。

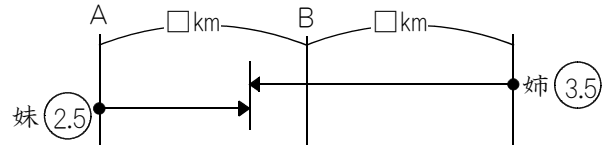


右の図の赤い線の部分をひっくり返して、



右の図のようにしても、出会う時間は変わりません。

兄と弟は、出発するときに、
□2つぶん、はなれていた
ことになります。



出会うまでの時間を求めるときは、

$$\text{出会うまでの時間} = \text{きょり} \div (\text{速さの和})$$

の公式を利用します。

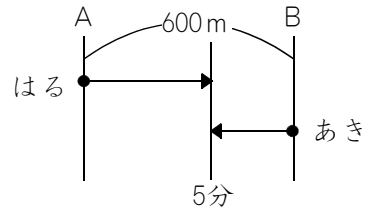
$$40 \text{ 分} = \frac{40}{60} \text{ 時間} = \frac{2}{3} \text{ 時間} \text{ ですから,}$$

$$\square 2 \text{ つ} \div (3.5 + 2.5) = \frac{2}{3} \text{ として, } \square 2 \text{ つ} = (3.5 + 2.5) \times \frac{2}{3} = 4 \text{ (km)}$$

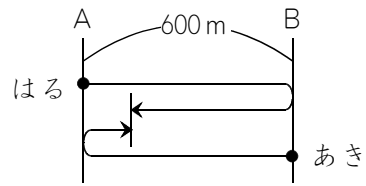
よって、□1つは、 $4 \div 2 = 2$ (km)です。

トレーニング 4 (3)

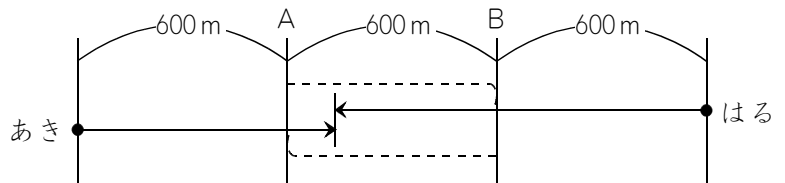
2人がはじめてすれちがうのは、
 $600 \div (65 + 55) = 5$ (分後) です。



2回目にすれちがったときは、右の図のようになります。



曲がっている部分をまっすぐにすると右の図のようになり、はじめからはじめまでは、600 mの3倍になります。



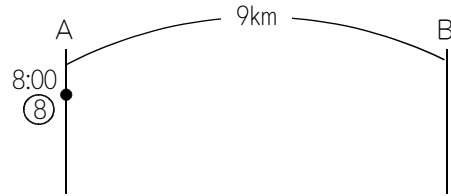
道のりが3倍になりますから、
 すれちがうまでの時間も5分の3倍になり、 $5 \times 3 = 15$ (分) で、すれちがいます。

アは **5**、イは **15** であることがわかりました。

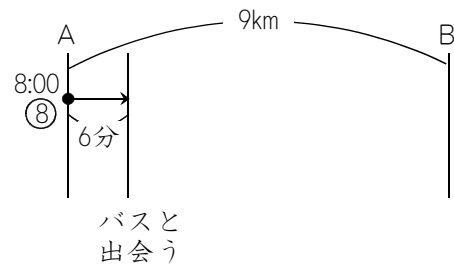
実戦演習 1

ワンポイント 時刻を適当に決めて図を書くと，問題文の意味がわかりやすくなります。

- (1) この人が自転車でA地点をスタートした時刻を，8時0分に決めます。



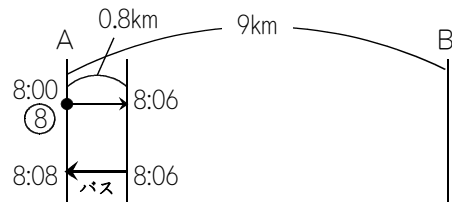
この人は，時速8kmで，6分走ったところでA地点に向かうバスとすれちがいました。
 6分 = $(6 \div 60)$ 時間 = 0.1 時間ですから，
 この人が6分 (= 0.1 時間) で進んだ道のりは，
 $8 \times 0.1 = 0.8$ (km) です。



- (2) この人がスタートしたときには，バスがA地点を発車する時刻まで38分ありました。
 この人は8時0分にA地点をスタートしたことに決めたので，バスがA地点を発車する時刻は，8時38分です。

バスはA地点に着くと30分停車するのですから，30分停車して，8時38分にA地点を発車することになります。

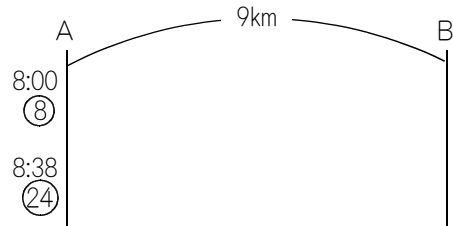
よってバスがA地点に着いたのは，
 $8時38分 - 30分 = 8時8分$ です。



バスは(1)で求めた0.8kmを，
 8時6分から8時8分までの2分間で進みました。
 バスの分速は $0.8 \div 2 = 0.4$ (km) ですから，バスの時速は， $0.4 \times 60 = 24$ (km) です。

(次のページへ)

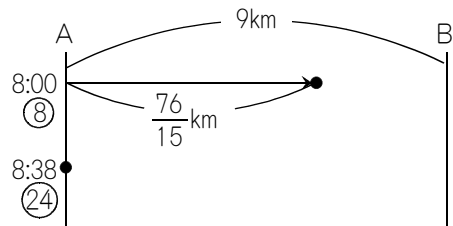
- (3) この人がA地点をスタートした時刻を8時0分に決めたら、バスがA地点を発車するのは、8時38分になりました。



バスがA地点を発車するとき、この人は38分間先に進んでいます。

38分間 = $\frac{38}{60}$ 時間 = $\frac{19}{30}$ 時間 ですから、時速8kmで、 $\frac{19}{30}$ 時間先に進んだことになります。

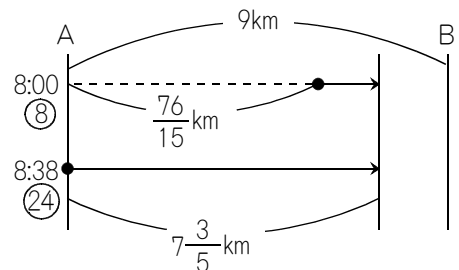
$$8 \times \frac{19}{30} = \frac{76}{15} \text{ (km) 先にいます。}$$



バスの方が速いので、 $\frac{76}{15} \div (24 - 8) = \frac{19}{60}$ (時間) で追いつきます。

時速24kmで、 $\frac{19}{60}$ 時間後に追いつくのですから、

追いついた地点は、A地点から $24 \times \frac{19}{60} = 7\frac{3}{5}$ (km) の地点です。



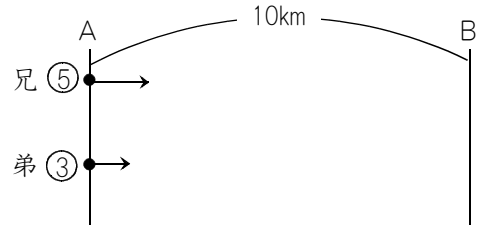
この人は、B地点まであと $9 - 7\frac{3}{5} = 1\frac{2}{5}$ (km) の地点でバスに追いこされたことになります。

※小数で1.4kmと答えても、もちろん正解です。

実戦演習 2 (1)

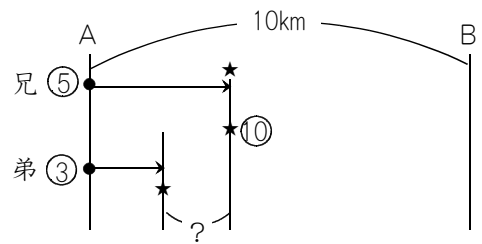
ワンポイント きちんと図を書き，同じ時刻は同じマークを書きましょう。

兄と弟は，A地点を同時にスタートし，
兄は秒速5m，弟は秒速3mで，10kmはなれた
B地点に向かって走ります。

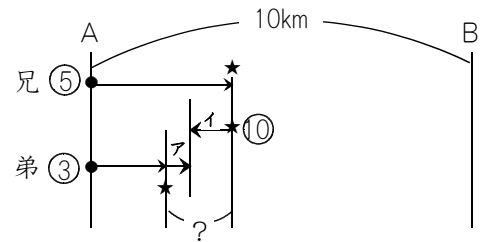


兄がオートバイとすれちがった時刻を★とすると，
そのときの兄と弟は何mはなれているか(右の図の?)
を求めます。

★のときから，



2分たって，オートバイは弟とすれちがいました。
右の図のように，2分の間に，オートバイも動く
し，弟も動いていることが重要です。
(兄も動きますが，この問題には関係ありません。)



右の図のアは2分の間に弟が動いた道のりで，
毎秒3mですから，2分(=120秒)では， $3 \times 120 = 360$ (m)です。

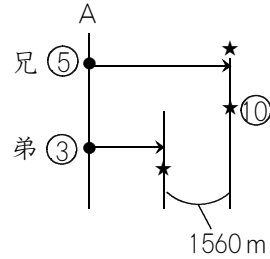
イは2分の間にオートバイが動いた道のりで，毎秒5mですから，2分(=120秒)では， $10 \times 120 = 1200$ (m)です。

アは360m，イは1200mですから，?は， $360 + 1200 = 1560$ (m)です。

実戦演習 2 (2)

この問題は、兄と弟だけの、★までの図を書くことによって、求めることができます。

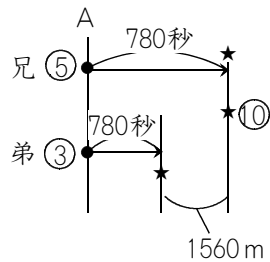
(1)で、オートバイが兄とすれちがったときに、兄と弟は1560 mはなれていたことがわかっています。



ところで、なぜ兄と弟は1560 mはなれているのでしょうか。

その理由は、兄と弟の速さが違うからです。
兄と弟は、1秒あたり $5-3=2$ (m)ちがいます。

1560 mはなれるためには、 $1560 \div 2 = 780$ (秒)かかりますから、スタートしてから★までの時間は780秒です。



よって、オートバイが兄とすれちがった★のとき、兄はA地点から $5 \times 780 = 3900$ (m)の地点を走っています。

実戦演習 2 (3)

(2)で、オートバイが兄とすれちがったのは、スタートしてから780秒後であることがわかりました。

オートバイは兄とすれちがってから2分後(=120秒後)に弟とすれちがうのですから、オートバイが弟とすれちがうのは、 $780+120=900$ (秒後)です。

ところで、兄はA地点からB地点までの $10 \text{ km} = 10000 \text{ m}$ を進むのに、 $10000 \div 5 = 2000$ (秒)かかります。

よって、オートバイが弟とすれちがってから兄がB地点に着くまでに、 $2000-900=1100$ (秒)かかります。

1分=60秒で、 $1100 \div 60 = 18$ あまり 20 ですから、答えは **18分20秒後**です。

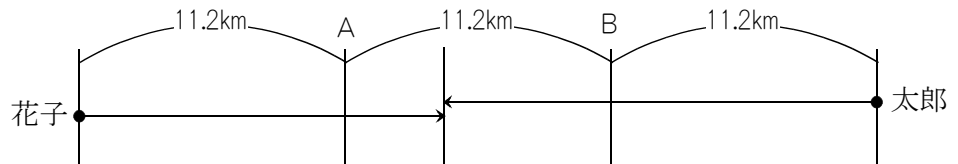
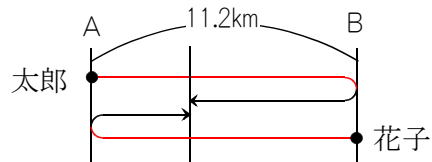
実戦演習 3 (1)

グラフを見ると、太郎君と花子さんがはじめてすれちがうのは、28分後であることがわかります。

また、 x 分後には、太郎君と花子さんが2回目にすれちがっています。

2人が2回目にすれちがったのは、右の図のような状態になったときです。

赤い線の部分をひっくり返して下の図のようにしても、同じことです。



2回目にすれちがうのは、 $\text{きょり} \div (\text{速さの和}) = 11.2 \times 3 \div (\text{速さの和})$ として求めますが、1回目のすれちがいのときのきよりの3倍になったので、すれちがいににかかる時間も3倍になります。

よって、 $x = 28 \times 3 = 84$ (分)です。

実戦演習 3 (2)

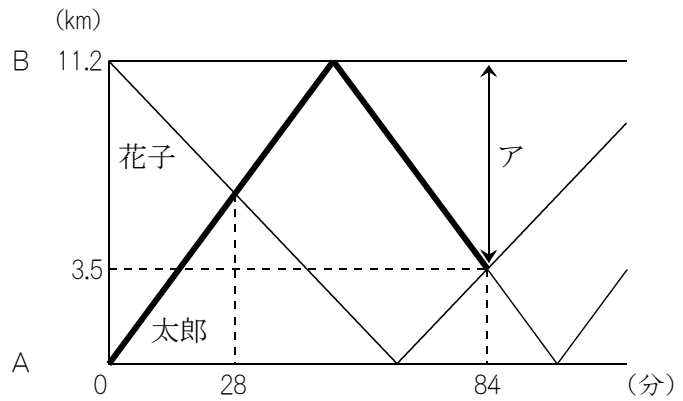
(1)で、 x は84分であることがわかりました。

1時間 = 60分ですから、
84分 = $(84 \div 60)$ 時間 = 1.4時間です。

1.4時間で、太郎君は右のグラフの太線部分を進んでいます。

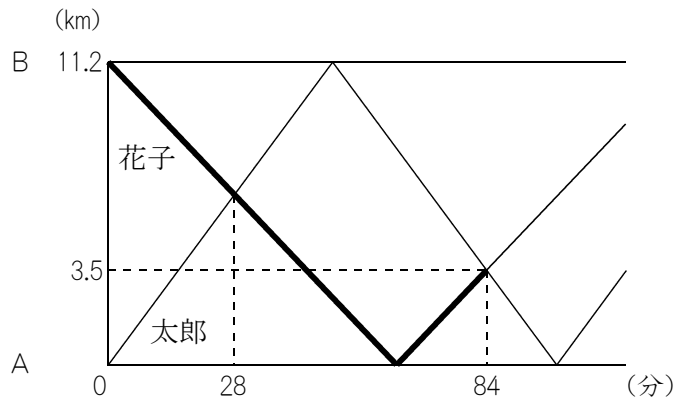
太郎君は1.4時間で、11.2 kmと、右の図のアの長さ = $11.2 - 3.5 = 7.7$ (km)を進みました。

合計、 $11.2 + 7.7 = 18.9$ (km)を進んだのですから、太郎君の時速は、 $18.9 \div 1.4 = 13.5$ (km)です。



また、84分 = 1.4時間で、花子さんは右のグラフの太線部分を進んでいます。

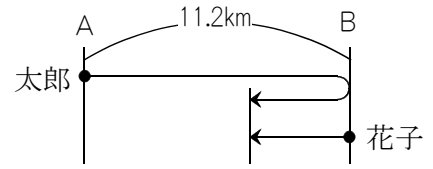
花子さんは1.4時間で、11.2 kmと 3.5 kmを進みました。



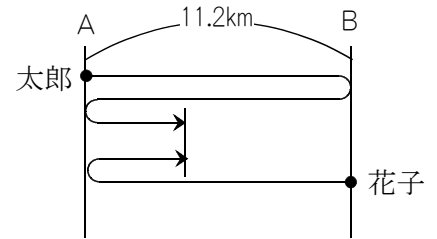
合計、 $11.2 + 3.5 = 14.7$ (km)を進んだのですから、花子さんの時速は、 $14.7 \div 1.4 = 10.5$ (km)です。

実戦演習 3 (3)

もし、花子さんが太郎君よりもすごく遅かったとしたら、右の図のようにして太郎君は花子さんを追いこします。太郎君は花子さんよりも、11.2 kmだけよけいに進んでいます。



右の図のようにして太郎君が花子さんを追いこしたとしても、やはり太郎君は花子さんよりも 11.2 km だけよけいに進んでいます。



太郎君が花子さんを追いこすのは、太郎君が花子さんよりも 11.2 km だけよけいに進んだときです。

(2)で、太郎君は時速 13.5 kmで、花子さんは時速 10.5 kmであることがわかりました。

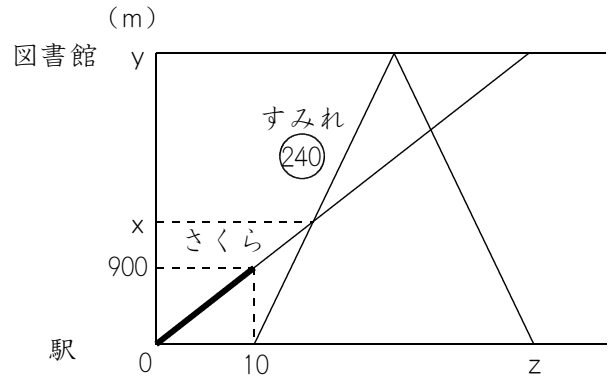
1 時間あたり、 $13.5 - 10.5 = 3$ (km) ずつよけいに進むのですから、11.2 km よけいに進むのは、 $11.2 \div 3 = 11 \frac{1}{5} \div 3 = \frac{56}{5} \div 3 = \frac{56}{15} = 3 \frac{11}{15}$ (時間後) です。

$\frac{11}{15}$ 時間 = $(\frac{11}{15} \times 60)$ 分 = 44 分ですから、 $3 \frac{11}{15}$ 時間後 = **3 時間 44 分後** です。

実戦演習 4

すみれさんは分速 240 m であることが、問題に書いてありました。

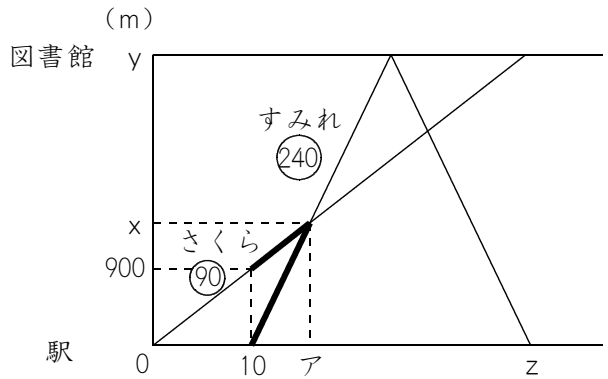
また、右のグラフの太線部分によって、さくらさんの分速は $900 \div 10 = 90$ (m) であることがわかります。



すみれさんは、900 m 前にいるさくらさんを追いかけます。

$900 \div (240 - 90) = 6$ (分) で追いつきますから、右のグラフのアは、 $10 + 6 = 16$ (分) です。

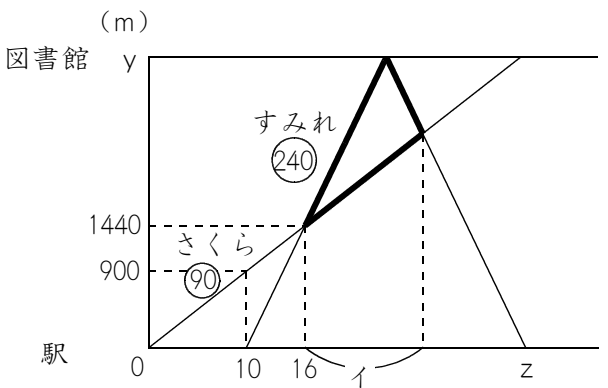
x は、さくらさんが 16 分で進んだ道のりですから、 $90 \times 16 = 1440$ (m) です。



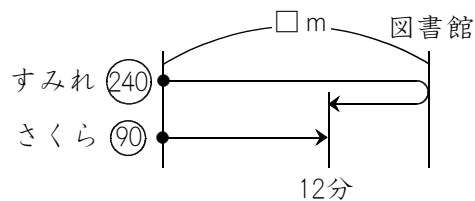
さくらさんは、16 分のときにすみれさんに後ろから追いこされ、その 12 分後に図書館からもどってくるすみれさんとすれちがいました。

右のグラフのイの部分で 12 分です。

右のグラフの太線部分を、ふつうの図であらわすと、



右の図のようになります。



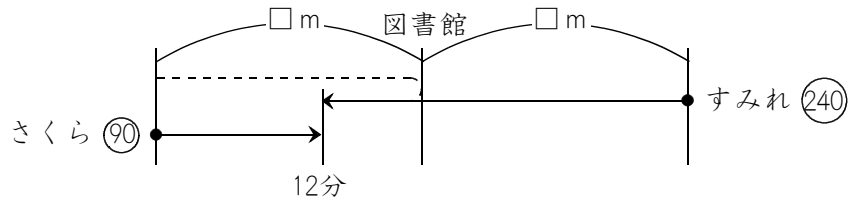
(次のページへ)

ひっくり返すと右の図のようになり、

$$\square \text{ 2 つぶん} \div (90 + 240) = 12$$

となり、 $\square \text{ 2 つぶん} = 3960 \text{ m}$ です。

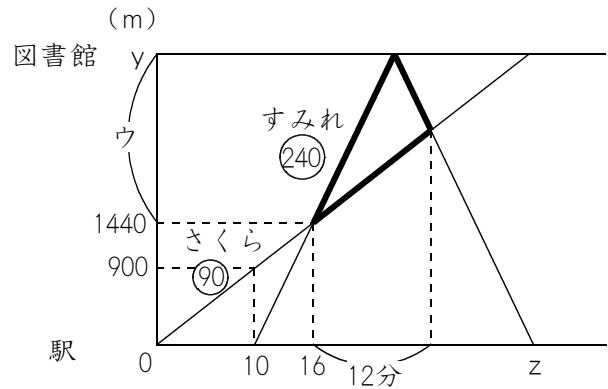
よって \square は、 $3960 \div 2 = 1980 \text{ (m)}$ です。



右のグラフのウの部分 1980 m ですから、 $y = 1440 + 1980 = 3420 \text{ (m)}$ です。

z は、すみれさんが往復し終わった時間です。

駅から図書館までは 3420 m ですから、往復では $3420 \times 2 = 6840 \text{ (m)}$ です。



分速 240 m のすみれさんが進むと、 $6840 \div 240 = 28.5 \text{ (分)}$ かかります。

すみれさんがスタートしたのはさくらさんがスタートしてから10分後ですから、 z は、 $10 + 28.5 = 38.5 \text{ (分)}$ です。