

シリーズ6年上第14回・くわしい解説

目次

基本問題	1	(1) …p.2
基本問題	1	(2) …p.3
基本問題	1	(3) …p.4
基本問題	1	(4) …p.5
基本問題	2	…p.6
基本問題	3	…p.7
基本問題	4	…p.9
基本問題	5	…p.10
練習問題	1	…p.13
練習問題	2	…p.15
練習問題	3	…p.17
練習問題	4	…p.20
練習問題	5	…p.22
練習問題	6	…p.26

すぐる学習会

<https://www.suguru.jp>

基本問題 1 (1)

ジュースの $\frac{2}{3}$ を飲むとジュースの $\frac{1}{3}$ が残りますが、それが 200 mL でした。

はじめにあったジュースの $\frac{1}{3}$ が 200 mL ですから、はじめにあったジュースは、 $200 \times 3 = 600$ (mL) です。

ビンの容積の $\frac{2}{5}$ だけジュースが入っていて、それが 600 mL ですから、ビンの容積を⑤にすると、②にあたるのが 600 mL です。

①あたり、 $600 \div 2 = 300$ (mL) ですから、ビンの容積である⑤は、 $300 \times 5 = 1500$ (mL) です。

1 L = 1000 mL ですから、1500 mL = **1.5** L です。

基本問題 1 (2)

右の連除法において、ア = $56 \div 7 = 8$ です。

$$\begin{array}{r} \overline{7) 56 \quad \text{ア}} \\ \underline{\quad \quad \text{ア} \quad \text{イ}} \quad \rightarrow 728 \end{array}$$

$7 \times \text{ア} \times \text{イ} = 728$ ですから、
 $\text{イ} = 728 \div 7 \div \text{ア} = 728 \div 7 \div 8 = 13$ です。

$A \div 7 = \text{イ}$ ですから、 $A = \text{イ} \times 7 = 13 \times 7 = 91$ です。

参考 もとの2つの数の積 = 最大公約数 \times 最小公倍数 という公式があります。

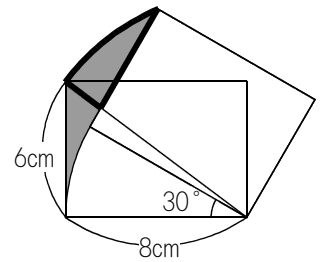
その公式を利用すると、 $56 \times A = 7 \times 728$ ですから、 $A = 7 \times 728 \div 56 = 91$ です。

基本問題 1 (3)

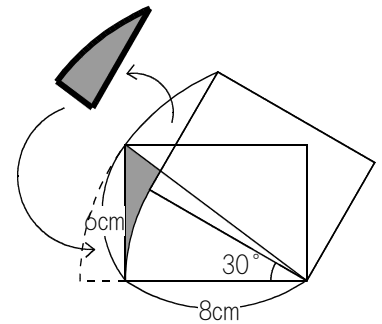
このような問題は、「おうぎ形」の面積を求めるか、「大おうぎ形－小おうぎ形」の面積を求めれば、答えになることが多いです。

この問題では、「大おうぎ形－小おうぎ形」の面積が答えになります。

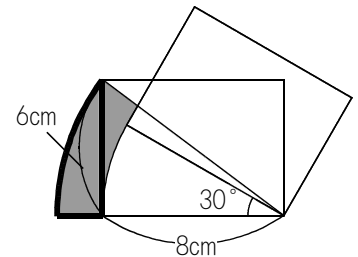
右の図の太線部分を切り取って、



切り取ったものを右の図の点線部分にはめこむと、



右の図のかげをつけた部分のようになり、



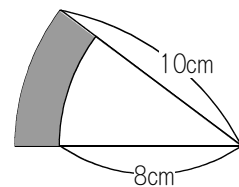
かげをつけた部分は「大おうぎ形－小おうぎ形」になります。

「大おうぎ形」の半径は、長方形の対角線なので10cmで、「小おうぎ形」の半径は8cmです。

中心角は30度ですから、 $\frac{30}{360} = \frac{1}{12}$ なので、

$$10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{12} - 8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{1}{12} = (10 \times 10 - 8 \times 8) \times 3.14 \times \frac{1}{12} = 3 \times 3.14 = 9.42 \text{ (cm}^2\text{)}$$

になります。



基本問題 1 (4)

切り分けられた2つの立体のうち、上の立体は、左と右の高さの平均が、 $(7+5)\div 2=6$ (cm)です。

全体の高さは13 cmです。

下の立体は、左の高さは $13-7=6$ (cm)、右の高さは $13-5=8$ (cm)ですから、左と右の高さの平均は、 $(6+8)\div 2=7$ (cm)です。

上の立体の高さの平均は6 cm、下の立体の高さの平均は7 cmですから、下の立体の方が大きいです。

下の立体の底面は円で、半径は5 cmです。高さの平均は7 cmですから、下の立体の体積は、 $5\times 5\times 3.14\times 7=175\times 3.14=549.5$ (cm³)です。

基本問題 2

- (1) 定価の1割引き = 定価 $\times (1 - 0.1) =$ 定価 $\times 0.9$ で売ると 234 円の利益があり、
定価の3割5分引き = 定価 $\times (1 - 0.35) =$ 定価 $\times 0.65$ で売ると 81 円の損失がありました。

234 円の利益と 81 円の損失は、 $234 + 81 = 315$ (円) ちがいです。

「定価 $\times 0.9$ 」と「定価 $\times 0.65$ 」は、定価 $\times (0.9 - 0.65) =$ 定価 $\times 0.25$ のちがいがあります。

よって、定価 $\times 0.25 = 315$ 円 ですから、定価 $= 315 \div 0.25 = 1260$ (円) です。

- (2) (1)で、定価は 1260 円であることがわかりました。

定価 $\times 0.9$ で売ると 234 円の利益があったのですから、 $1260 \times 0.9 = 1134$ (円) で売ると、
原価よりも 234 円プラスになったということです。

よって原価は、 $1134 - 234 = 900$ (円) です。

もちろん、定価 $\times 0.65$ で売ると 81 円の損失があったことを利用しても、原価が求められます。

$1260 \times 0.65 = 819$ (円) で売ると 81 円の損失があったのですから、
原価 $- 81$ 円 $= 819$ 円 となり、原価 $= 819 + 81 = 900$ (円) です。

基本問題 3 (1)

「3でわると1あまる」は $3-1$ は2になり、「5でわると3あまる」も、 $5-3$ は2になり、「7でわると5あまる」も、 $7-5$ は2になっています。このことを利用して解いていきます。

「3でわると1あまる」ことを、「アメが何個かあります。このアメを3人の子どもに同じ個数ずつ配ったところ、1個あまりました。」という文にしてもOKですね。

あまった1個を、3人に配ることはできません。しかし、あと $3-1=2$ (個)よけいにあつたら、あまりは $1+2=3$ (個)になり、もう1個ずつよけいに配ることができます。

つまり、「3でわると1あまる」というのは、「あと2あれば、3でわり切れる」と言い換えることができます。

同じようにして、「5でわると3あまる」も、「あと2あれば、5でわり切れる」と言い換えることができ、「7でわると5あまる」も、「あと2あれば、7でわり切れる」と言い換えることができます。

これらから、「あと2あれば、3でわり切れる」し、「あと2あれば、5でわり切れる」し、「あと2あれば、7でわり切れる」ことがわかりました。

つまり、「あと2あれば、3でも5でも7でもわり切れる」ことになります。

3でも5でも7でもわり切れるというのは、3と5と7の最小公倍数である105の倍数ということなのです。

よって、「あと2あれば、3でも5でも7でもわり切れる」は、「あと2あれば、105の倍数になる」ということです。

105の倍数のうち、最も小さい数は、もちろん105です。

したがって、「あと2あれば105になる」のですから、答えは $105-2=103$ です。

基本問題 3 (2)

(1)で、「3であると1あまり, 5であると3あまり, 7であると5あまる」数は, 「あと2あれば, 3でも5でも7でもわり切れる」数であることがわかりました。

さらに, 3と5と7の最小公倍数は105なので, 「あと2あれば, 105の倍数になる」ような数であることもわかりました。

(2)では, このような数のうち, 3ケタで最も大きい整数を求める問題です。

105を何倍すれば, 3ケタで最も大きい105の倍数になるでしょう。

$105 \times 9 = 945$ が, 3ケタで最も大きい105の倍数です。

よって, 「あと2あれば, 945」になるような整数を求めればよいことになり, 答えは $945 - 2 = 943$ です。

基本問題 4

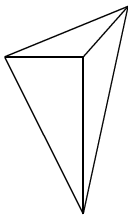
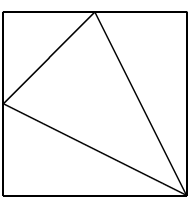
- (1) 小さい方の立体は、三角すい $F P B Q$ で、底面を $P B Q$ にすると、三角すいの高さは $B F$ です。

辺 $A B$ 、 $B C$ の真ん中の点が P 、 Q ですから、 $P B$ と $Q B$ の長さは、 $8 \div 2 = 4$ (cm) です。

よって底面積は $4 \times 4 \div 2 = 8$ (cm²) で、三角すいの高さは 8 cm ですから、この三角すいの体積は、 $8 \times 8 \times \frac{1}{3} = \frac{64}{3}$ (cm³) です。

もとの立方体の体積は、 $8 \times 8 \times 8 = 512$ (cm³) ですから、大きい方の立体の体積は、 $512 - \frac{64}{3} = \frac{1472}{3}$ (cm³) です。

よって、大きい立体と小さい立体の体積の比は、 $\frac{1472}{3} : \frac{64}{3} = 1472 : 64 = 23 : 1$ です。

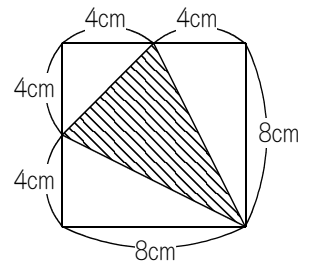
- (2) 小さい方の立体  は広げると  となるので、1辺が 8 cm の

正方形の面積を求めればOKです。

よって答えは $8 \times 8 = 64$ (cm²) です。

- (3) 底面である三角形 $P F Q$ の面積は、右の図のしゃ線部分ですから、 $8 \times 8 - 4 \times 4 \div 2 - 8 \times 4 \div 2 \times 2 = 24$ (cm²) です。

参考 右の図のしゃ線部分の面積は正方形の $\frac{3}{8}$ になることをおぼえておくとラクです。



また、この立体の体積は、(1)で求めた通り $\frac{64}{8}$ cm³ です。

「底面積 \times 高さ $\times \frac{1}{3} =$ 三角すいの体積」ですから、 $24 \times$ 高さ $\times \frac{1}{3} = \frac{64}{3}$ となり、

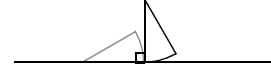
高さ $= \frac{64}{3} \div \frac{1}{3} \div 24 = \frac{8}{3} = 2\frac{2}{3}$ (cm) です。

参考 こういう問題の答えは、1辺の $\frac{1}{3}$ になることをおぼえておくと超ラクです。

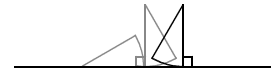
基本問題 5 (1)

すぐるホームページの「おうぎ形の回転運動」を参照しましょう。

アのように倒れている状態から、イのように起きている状態になり、



そのあと、右の図のようにころがり、



最後に、右の図のように倒れます。



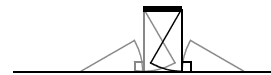
倒れている状態から起き上がるまでは、中心角が90度のおうぎ形の弧をえがきます。




最後に倒れるときも、中心角が90度のおうぎ形の弧です。

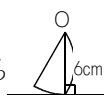



おうぎ形がころがっているときは、点Oは右の図のような直線をえがきます。



なぜ直線をえがくかという点、

ころがりはじめである  のとき、点Oは直線から6cmはなれていて、

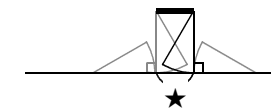
ころがり終わりである  のときも、点Oは直線から6cmはなれています。

また、ころがりの途中である  のときも、点線部分は半径ですから、やはり直線から6cmはなれています。

点Oは、いつも直線から6cmはなれるように動くのですから、直線をえがくことになるわけです。

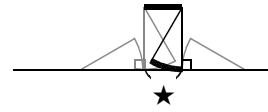


太線の長さは、右の図の★の長さと同じです。



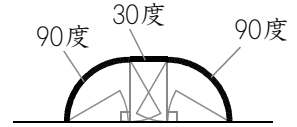
(次のページへ)

★の長さは、おうぎ形の弧がなぞった部分ですから、
 おうぎ形の弧の長さと同じです。



よって、中心角が30度のおうぎ形の弧と同じ長さになります。

点Oが動いた長さは、どれも半径が6cmのおうぎ形で、
 中心角は90度、30度、90度ですから、合計すると、
 $90 + 30 + 90 = 210$ (度)です。

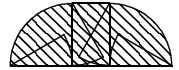


$$\frac{210}{360} = \frac{7}{12} \text{ ですから、点Oが動いた長さは、} 6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{7}{12} = 7 \times 3.14 = \mathbf{21.98} \text{ (cm) です。}$$

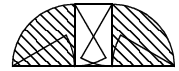
基本問題 5 (2)

すぐるホームページの「おうぎ形の回転運動」を参照しましょう。

右の図のしゃ線部分の面積を求める問題です。

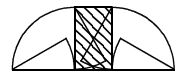


右の図のしゃ線部分は、半径6 cmの四分円が2つありますから、半円になります。



$$6 \times 6 \times 3.14 \div 2 = 18 \times 3.14 \text{ (cm}^2\text{)} \text{です。} \dots(\text{ア})$$

右の図のしゃ線部分は長方形ですから、「たて×横」で、面積を求めることができます。



長方形のたての長さは6 cmです。

横の長さは、(1)で求めた通り、中心角が30度のおうぎ形の弧と同じ長さになります。

$$\frac{30}{360} = \frac{1}{12} \text{ ですから、長方形の面積は、}$$

$$6 \times 6 \times 2 \times 3.14 \times \frac{1}{12} = 6 \times 3.14 \text{ (cm}^2\text{)} \text{です。} \dots(\text{イ})$$

~~~~~  
たて                  横

(ア), (イ)合わせて,  $18 \times 3.14 + 6 \times 3.14 = (18 + 6) \times 3.14 = 24 \times 3.14 = 75.36 \text{ (cm}^2\text{)}$ です。

練習問題 1 (1)

8%のAと24%のBを、重さの比が3:5になるように混ぜたのですから、AとBの重さを300gと500gに決めてしまってもOKです。(重さの比が3:5である限り、どんな重さにしても答えは同じになります。)

右の図において、

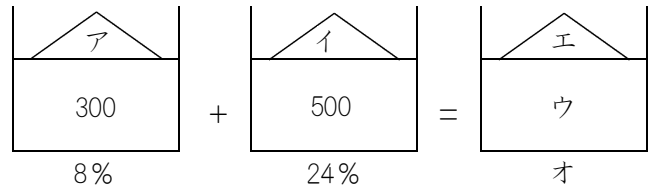
アは  $300 \times 0.08 = 24$  (g),

イは  $500 \times 0.24 = 120$  (g),

ウは  $300 + 500 = 800$  (g),

エは  $ア + イ = 24 + 120 = 144$  (g)です

から、オ =  $エ \div ウ = 144 \div 800 = 0.18 \rightarrow 18\%$  です。



練習問題 1 (2)

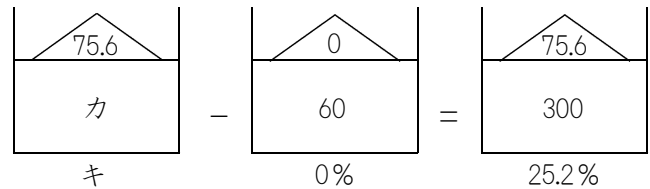
(1)で、AとBを混ぜて作ったDは18%であることがわかりました。

Dの重さは(1)の解説では800gになっていますが、これは適当に「Aを300g，Bを500g」にしたときの重さなので、本当の重さではありません。

(2)では、27%のCと18%のDを混ぜて、その後60gの水を蒸発させたところ、25.2%の食塩水が300gできたそうです。

25.2%の食塩水300gには、食塩は  $300 \times 0.252 = 75.6(g)$  とけています。

水を蒸発させても、とけている食塩の重さは75.6gのまま変わりません。また、60gの水を蒸発させる前の食塩水の重さ(右の図のカ)は、 $300 + 60 = 360(g)$ です。

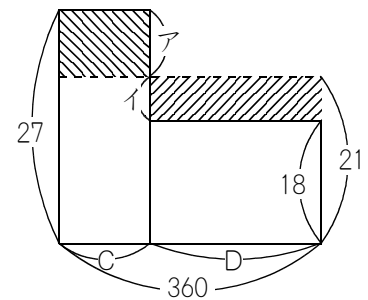


キは、 $75.6 \div \text{カ} = 75.6 \div 360 = 0.21 \rightarrow 21\%$ です。

よって、27%のCと18%のDを混ぜたら、21%の食塩水が360gできたことになります。

この問題はビーカー図では解きにくいので、面積図を利用します。

右の図のア：イ =  $(27 - 21) : (21 - 18) = 6 : 3 = 2 : 1$ なので、C：Dは逆比になって1：2です。



CとD合わせて360gですから、

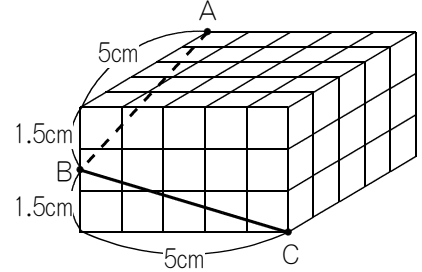
$$360 \div (1 + 2) = 120 \quad 120 \times 1 = 120(g) \rightarrow C, \quad 120 \times 2 = 240(g) \rightarrow D$$

よってCを120g，Dを240g混ぜたことがわかりました。

練習問題 2

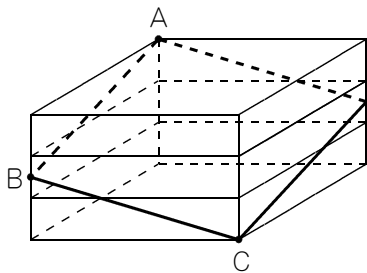
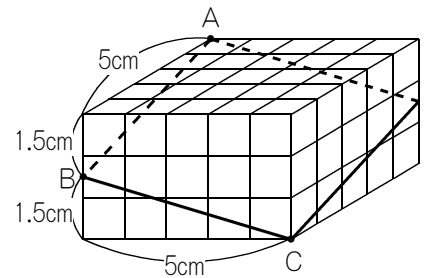
A から B までは左の面， B から C までは前の面を  
通っているので引いて OK です。

C から A までは内部を通るので引いてはいけません。

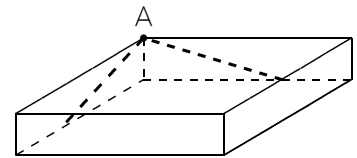


左の面の切り口の線と平行に，右の面にも C から線を  
引き，前の面の切り口の線と平行に，後ろの面にも A から  
線を引きます。

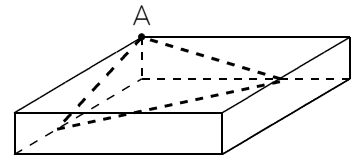
切り口の線はななめになっていますが，その傾きは，  
「高さ：横」が， $1.5 : 5 = 3 : 10$  になっています。



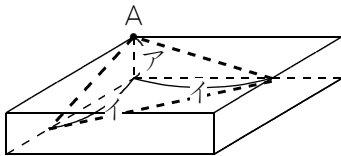
のように3段に分けると，1段目は



となっていますが，下の面に切り口の線がないとおかしいので



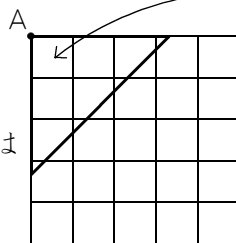
とします。




とすると，アは1cmで，ア：イは3：10ですから，

イは， $1 \div 3 \times 10 = 3\frac{1}{3}$  (cm) です。

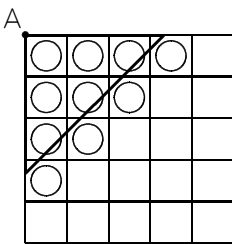
したがって，1段目を上から見た図は

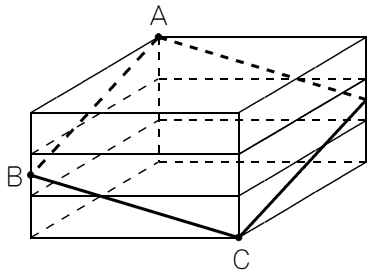


となっています。この立方体は

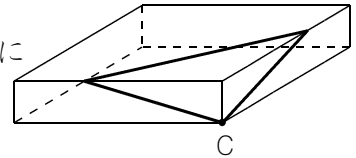
切り取られてないように見えますが， のように切り取られています。

(次のページへ)

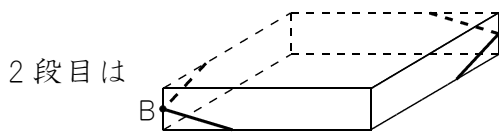
1段目は、のマルをつけた立方体が切り取られています。全部で10個あります。



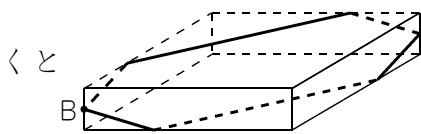
の上から3段目も1段目と同じように



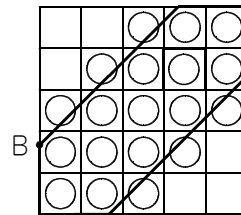
となっているので、やはり10個が切り取られています。



となっていて、上の面と下の面に切り口の線を書



となり、上から見た図は



です。

マルがついていない白い立方体が6個ですから、マルがついているのは  $5 \times 5 - 6 = 19$  (個)です。

切られた立方体は、1段目と3段目が10個、2段目が19個ですから、全部で、 $10 \times 2 + 19 = 39$  (個)です。



練習問題 3 (1)

「操作」の意味がわかりにくいので気をつけましょう。

「最も小さい整数の倍数」とは、「最も小さい整数」の「倍数」ということです。

たとえば、最初に2から100までの整数がありました。そのとき、「最も小さい整数」は、もちろん「2」です。

よって、「最も小さい整数」の「倍数」とは、「2」の倍数のことです。

2の倍数である、2, 4, 6, 8, ……を取り除くのが、1回目の操作ということです。

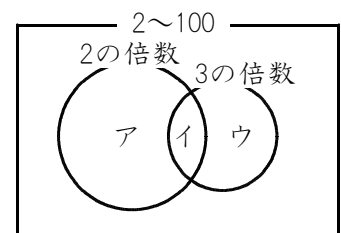
残ったカードは、3, 5, 7, 9, ……, 99です。

2回目の操作も、やはり「最も小さい整数」の「倍数」を取り除くのですから、最も小さい整数である「3」の「倍数」を取り除くことになります。

3の倍数は、3, 6, 9, 12, ……という数ですが、6や12は、すでに1回目の「2の倍数」の操作のときに取り除かれています。

よって2回目の操作で取り除かれるのは、「3の倍数」のうち、「2の倍数でないもの」です。

ベン図を書くと、右の図のウの整数を取り除くということになります。



$100 \div 3 = 33$  あまり 1 ですから、2から100までの中に3の倍数は33枚あります。よって、「イ+ウ」は33枚です。

また、イの部分は、2と3の公倍数ですから6の倍数です。

$100 \div 6 = 16$  あまり 4 ですから、イは16枚です。

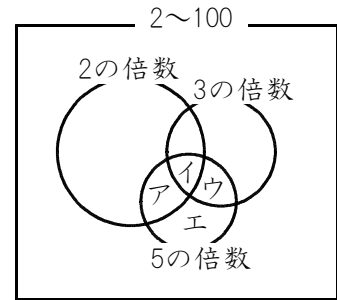
よってウの部分は、 $33 - 16 = 17$  (枚)です。

## 練習問題 3 (2)

1回目で2の倍数を，2回目で3の倍数を取り除きました。

残っているカードは，5，7，11，13，……ですから，3回目に取り除くのは5の倍数です。

5の倍数のうち，すでに2の倍数と3の倍数は取り除かれているので，3回目に取り除くのは右のベン図のエの部分です。



イの部分は2の倍数でも3の倍数でも5の倍数でもあるので，2と3と5の最小公倍数である30の倍数ですから， $100 \div 30 = 3$  あまり 10 により，3枚です。

「ア+イ」の部分は2の倍数でも5の倍数でもあるので，2と5の最小公倍数である10の倍数ですから， $100 \div 10 = 10$  (枚)です。よってアは， $10 - 3 = 7$  (枚)です。

「イ+ウ」の部分は3の倍数でも5の倍数でもあるので，3と5の最小公倍数である15の倍数ですから， $100 \div 15 = 6$  あまり 10 により，6枚です。よってウは， $6 - 3 = 3$  (枚)です。

「ア+イ+ウ+エ」の部分は5の倍数ですから， $100 \div 5 = 20$  (枚)です。

アは7枚，イは3枚，ウも3枚，「ア+イ+ウ+エ」は20枚ですから，エは， $20 - (7 + 3 + 3) = 7$  (枚)です。

練習問題 3 (3)

1回目で2の倍数を，2回目で3の倍数を3回目で5の倍数を取り除きました。

4回目で取り除くのは，7の倍数です。

このようにして，素数の倍数をどんどん取り除いていくのですから，最後に残るのは，100以下で，100に最も近い素数です。

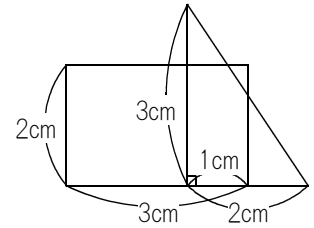
100は2でわり切れるので素数ではなく，99も3でわり切れるので素数ではなく，98も2でわり切れるので素数ではありません。

しかし97は，1と97以外ではわり切れないので素数です。

したがって答えは **97** です。

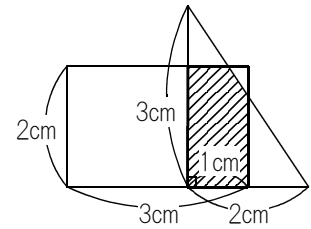
練習問題 4 (1)

秒速 1 cm ですから、2 秒後には  $1 \times 2 = 2$  (cm) 動いて、右の図のようになります。



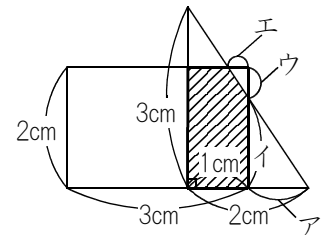
重なっている部分は右の図のしゃ線部分です。

太線でかこまれた長方形から、長方形の右上の白い三角形を引くことによって求めることができます。



底辺が 2 cm で高さが 3 cm の三角形のななめの辺は、「底辺：高さ」が 2 : 3 になっています。

アは  $2 - 1 = 1$  (cm) で、「底辺：高さ」が 2 : 3 ですから、イは  $1 \div 2 \times 3 = 1.5$  (cm) です。



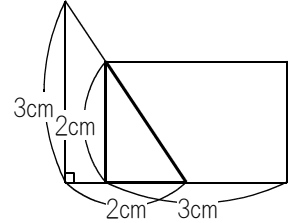
ウは、 $2 - \text{イ} = 2 - 1.5 = 0.5$  (cm) で、「底辺：高さ」が 2 : 3 ですから、エは、 $0.5 \div 3 \times 2 = \frac{1}{3}$  (cm) です。

太線でかこまれた長方形の面積は、 $1 \times 2 = 2$  (cm<sup>2</sup>) で、長方形の右上の白い三角形の面積は、 $\text{エ} \times \text{ウ} \div 2 = \frac{1}{3} \times 0.5 \div 2 = \frac{1}{12}$  (cm<sup>2</sup>) です。

よって、しゃ線をつけた部分の面積は、 $2 - \frac{1}{12} = 1 \frac{11}{12}$  (cm<sup>2</sup>) です。

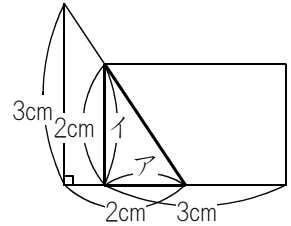
練習問題 4 (2)

もし、長方形が動いていって右の図のようになったとしたら、重なる部分(太線でかこまれた部分)の面積は何 $\text{cm}^2$ になるかを求めてみましょう。



底辺が2 cmで高さが3 cmの三角形のななめの辺は、「底辺：高さ」が2：3になっています。

よって、右の図のア：イも2：3です。



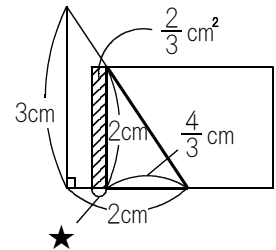
イは2 cmですから、アは  $2 \div 3 \times 2 = \frac{4}{3}$  (cm)です。

太線でかこまれた部分の面積は、 $\text{ア} \times \text{イ} \div 2 = \frac{4}{3} \times 2 \div 2 = \frac{4}{3}$  ( $\text{cm}^2$ )です。

求めたいのは、重なり部分の面積が2  $\text{cm}^2$ になるときですから、 $2 - \frac{4}{3} = \frac{2}{3}$  ( $\text{cm}^2$ )だけ、重なり面積を大きくしなければなりません。

長方形を左に少しだけもどして、右の図のシャ線部分の

面積を  $\frac{2}{3}$   $\text{cm}^2$ にすればよいので、★の長さを、 $\frac{2}{3} \div 2 = \frac{1}{3}$  (cm)にします。



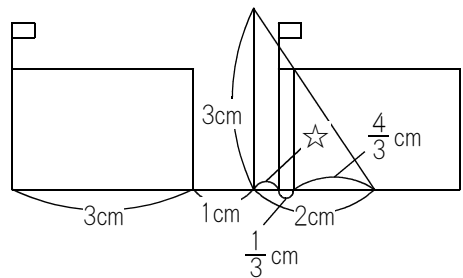
右の図の☆の長さは、

$$2 - \left( \frac{1}{3} + \frac{4}{3} \right) = \frac{1}{3} \text{ (cm) です。}$$

旗から旗までの長さは、

$$3 + 1 + ☆ = 3 + 1 + \frac{1}{3} = 4\frac{1}{3} \text{ (cm) で、秒速 } 1 \text{ cm です}$$

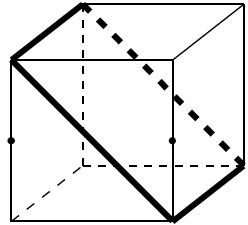
から、答えは  $4\frac{1}{3} \div 1 = 4\frac{1}{3}$  (秒後)です。



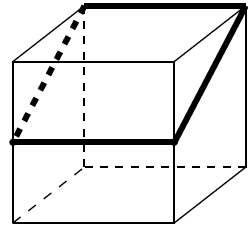
練習問題 5 (1)

平面と平面が交わる2交点を探して、直線で結びます。

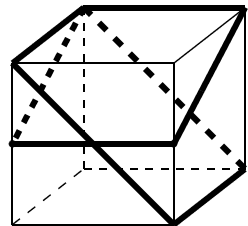
3点A, B, Gを通る平面は右の図の太線のようになり、



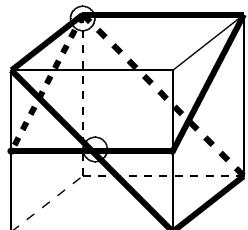
3点A, M, Nを通る平面は右の図の太線のようになります。



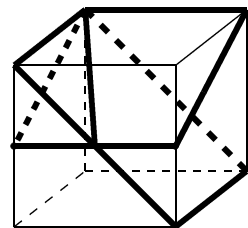
重ねて書くと右の図のようになります。



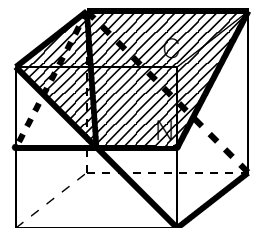
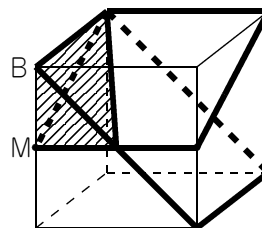
右の図のマルでかこった点が、平面と平面が交わる2交点です。



2交点を結ぶと右の図のようになります。

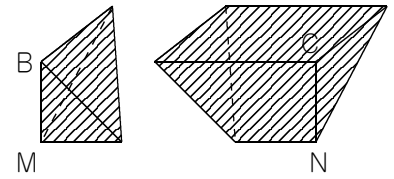


PはBMを含む立体で、RはCNをふくむ立体です。

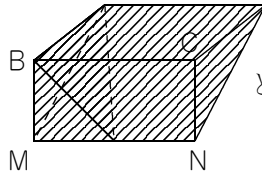


(次のページへ)

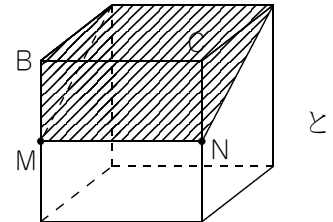
ぬき出すと右の図のような2つの立体なので、



くっつけると

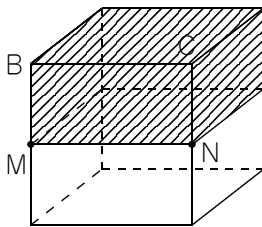


となり、立方体全体に対して

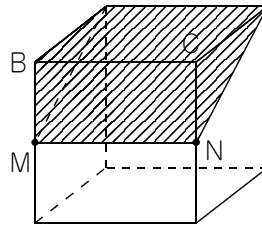


と

なっています。



ならば立方体の半分、



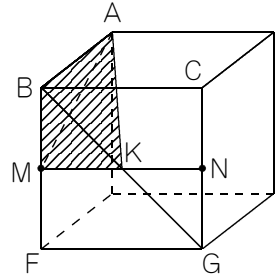
ならさらにその半分です

から、立方体の  $\frac{1}{4}$  の体積を求めればよく、答えは  $72 \div 4 = 18$  (cm<sup>3</sup>)です。

練習問題 5 (2)

(1)でわかった通り，立体Pは右の図のしゃ線部分の三角すい  
です。

B GとM Nの交点をKとします。



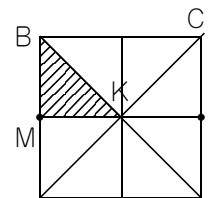
立方体の体積は，「正方形B F G Cの面積×A B」で求められ，  
しゃ線部分の三角すいの体積は，「三角形B M K×A B× $\frac{1}{3}$ 」で求められます。

立方体と三角すいの体積を求める式において，「A B」の部分は同じですが，

- (ア) 立方体の底面が「正方形B F G C」であるのに対して，  
三角すいの底面は，「三角形B M K」です。
- (イ) 三角すいの場合は，最後に $\frac{1}{3}$ をします。

以上(ア)，(イ)によって，三角すいの体積の方が小さくなります。

正方形B F G Cに対して，三角形B M Kは，右の図のように  
面積が $\frac{1}{8}$ になっています。



また，三角すいの場合は最後に $\frac{1}{3}$ をするので，三角すいの体積は，  
立方体の体積の， $\frac{1}{8} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{24}$ になります。

立方体の体積は $72 \text{ cm}^3$ ですから，三角すいの体積は， $72 \times \frac{1}{24} = 3 (\text{cm}^3)$ です。



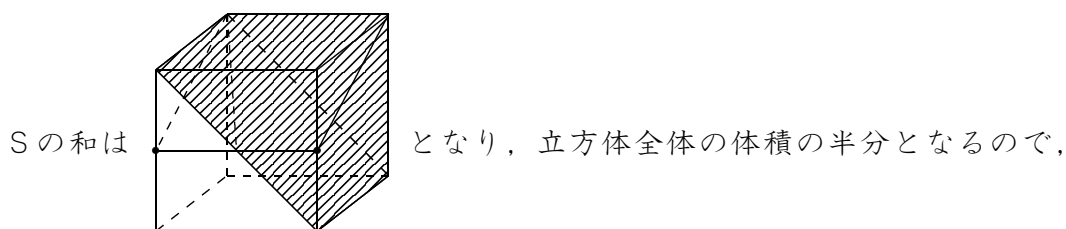
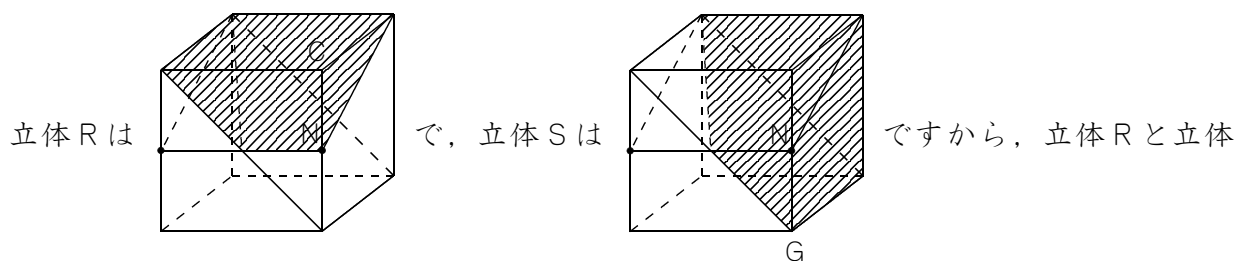
練習問題 5 (3)

(3)は、(1)と(2)の結果を利用します。

(1)で、立体Pと立体Rの体積の和は  $18\text{ cm}^3$  であることがわかり、(2)で、立体Pの体積は  $3\text{ cm}^3$  であることがわかりました。

よって立体Rの体積は、 $18 - 3 = 15(\text{ cm}^3)$ です。

(3)では立体Sの体積を求めるのですから、「立体Rと立体Sの体積の和」がわかれば、立体Sの体積がわかるのではないかと推測します。



$72 \div 2 = 36(\text{ cm}^3)$ です。

立体Rの体積は  $15\text{ cm}^3$  ですから、立体Sの体積は、 $36 - 15 = 21(\text{ cm}^3)$ です。

練習問題 6

9でわり切れるかどうかは、各位の和が9でわり切れるかどうかで決まります。

たとえば873という数は、 $8+7+3=18$ で、18は9でわり切れますから、873も9でわり切れます。

では、874はどうでしょう。

874を9でわると、97あまり1ですから、1あまりあります。

874の各位の和は、 $8+7+4=19$ で、19は9でわると2あまり1ですから、やはり1あまりあります。

このように、ある数を9でわったあまりを求めるときは、各位の和を9でわったあまりを求めても同じなのです。

$1234567+2345671+3456712+4567123+5671234$ の、最初の数である1234567は、各位の和は $1+2+3+4+5+6+7=28$ で、 $28\div 9=3$ あまり1ですから、9でわると1あまりあります。

ということは、次の数である2345671も、各位の和は同じなので、9でわると1あまりあります。

このようにして、5つの数すべて、9でわると1あまりありますから、5つの数の和を9でわると、 $1+1+1+1+1=5$ あまりあります。