

# 演習問題集 6年上第6回・くわしい解説

## 目次

ステップ①	1	(1)	……p.2
ステップ①	1	(2)	……p.2
ステップ①	1	(3)	……p.2
ステップ①	1	(4)	……p.3
ステップ①	1	(5)	……p.3
ステップ①	1	(6)	……p.3
ステップ①	1	(7)	……p.4
ステップ①	1	(8)	……p.4
ステップ①	1	(9)	……p.5
ステップ①	1	(10)	……p.5
ステップ①	2		…… p.6
ステップ①	3	(1)	……p.7
ステップ①	3	(2)	……p.8
ステップ①	4		…… p.9
ステップ①	5		…… p.10
ステップ①	6		…… p.11
ステップ②	1		…… p.12
ステップ②	2		…… p.13
ステップ②	3		…… p.14
ステップ②	4		…… p.16
ステップ②	5	(1)	……p.17
ステップ②	5	(2)	……p.18
ステップ②	6	(1)	……p.19
ステップ②	6	(2)	……p.20
ステップ③	1	(1)	……p.21
ステップ③	1	(2)	……p.22
ステップ③	1	(3)	……p.23
ステップ③	2	(1)	……p.24
ステップ③	2	(2)	……p.26
ステップ③	2	(3)	……p.27

**すぐる学習会**

<https://www.suguru.jp>

ステップ① 1

- (1) 分速 80 m とは、1 分あたり 80 m ずつ進む速さのことです。

時速に直すのですから、1 時間あたりにします。

1 時間 = 60 分ですから、1 分に 80 m 進むなら、60 分では、 $80 \times 60 = 4800$  (m) 進みます。

1 km = 1000 m ですから、4800 m = 4.8 km です。

よって、分速 80 m = 時速 **4.8** km です。

- (2) 時速 45 km とは、1 時間あたり 45 km ずつ進む速さのことです。

秒速に直すのですから、1 秒あたりにします。

1 時間あたりを、すぐ 1 秒あたりにするのではなくて、1 時間あたりをまず 1 分あたりにして、さらに 1 秒あたりにします。

1 km = 1000 m ですから、時速 45 km とは、1 時間 = 60 分で 45000 m 進む速さのことです。

1 分あたり、 $45000 \div 60 = 750$  (m) 進みます。

1 分 = 60 秒ですから、60 秒で 750 m 進むのなら、1 秒あたり、 $750 \div 60 = 12.5$  (m) 進みます。

よって、時速 45 km = 分速 750 m = 秒速 **12.5** m です。

- (3) 秒速 2.5 m とは、1 秒間に 2.5 m ずつ進む速さのことです。

500 m の距離を、1 秒間に 2.5 m ずつ進むと、 $500 \div 2.5 = 200$  (秒) かかります。

1 分は 60 秒ですから、200 秒は、 $200 \div 60 = 3$  あまり 20 より、3 分 20 秒です。

A = **3**、イ = **20** であることがわかりました。

(次のページへ)

(4) 時速 64 kmとは、1 時間に 64 kmずつ進む速さのことです。

もし 2 時間進んだとしたら、 $64 \times 2 = 128$  (km)進みます。

いまは 45 分  $= \frac{45}{60}$  時間  $= \frac{3}{4}$  時間進んだので、 $64 \times \frac{3}{4} = 48$  (km)進みます。

(5) もし、35 km 走るのに 5 時間かかったとしたら、1 時間あたり  $35 \div 5 = 7$  (km)ずつ走る  
ので、時速 7 kmです。わり算ですね。

同じようにして、いまは 35 km 走るのに 1 時間 15 分  $= 1 \frac{15}{60}$  時間  $= 1 \frac{1}{4}$  時間かかっ  
ているので、1 時間あたり  $35 \div 1 \frac{1}{4} = 35 \div \frac{5}{4} = 35 \times \frac{4}{5} = 28$  (km)進みます。  
よって自転車の時速は、28 kmです。

(6) 分速 60 m で 50 分かかったのですから、A B 間の道のりは、 $60 \times 50 = 3000$  (m)です。

帰りはこの 3000 m を 30 分かかったのですから、1 分あたり  $3000 \div 30 = 100$  (m)です。

帰りの分速は 100 m ですから、アの答えは 100 です。

整理すると、行きは 50 分で 3000 m 進み、帰りは 30 分で 3000 m 進みました。

往復は  $50 + 30 = 80$  (分) かかり、 $3000 + 3000 = 6000$  (m) を進みました。

よって往復の平均の分速は  $6000 \div 80 = 75$  (m) ですから、イの答えは 75 です。

(次のページへ)

(7) はじめは分速 60 m で歩いたのですから、1 分あたり 60 m ずつ進みました。

途中からは分速 200 m で走ったのですから、1 分あたり 200 m ずつ進みました。

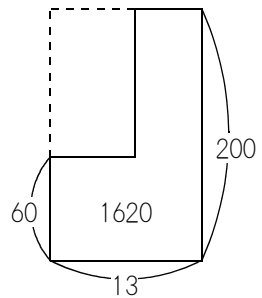
全部で 13 分で、1620 m 進みました。

この問題は、「1 本 60 円のえんぴつと、1 本 200 円のボールペンを、合わせて 13 本買ったところ、1620 円になりました。」という問題と同じですから、つるかめ算です。

右のような面積図になります。

点線部分の面積は  $200 \times 13 - 1620 = 2600 - 1620 = 980$  です。

点線部分のたては  $200 - 60 = 140$  ですから、横は、 $980 \div 140 = 7$  です。



よって、太郎君は 7 分歩いたことになります。

分速 60 m で 7 分歩いたのですから、歩いた道のりは  $60 \times 7 = 420$  (m) です。

(8) 向かい合って進んでいくのですから、1 分間に  $65 + 50 = 115$  (m) ずつ近づいてきます。

12 分後に出会うのですから、はじめは  $115 \times 12 = 1380$  (m) 離れていました。

A 地点と B 地点は、**1380** m 離れていることがわかりました。

(次のページへ)

(9) お母さんは分速 250 m の速さで 6 分で、 $250 \times 6 = 1500$  (m) 進んで追いつきました。

夏子さんは 960 m 先にいたのですから、その 6 分で夏子さんが進んだのは、 $1500 - 960 = 540$  (m) です。

よって夏子さんの分速は、 $540 \div 6 = 90$  (m) です。

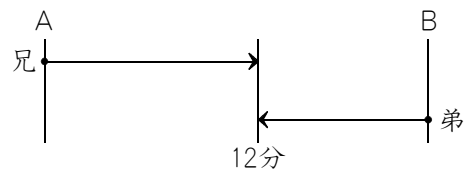
**別解** お母さんが出発するとき、夏子さんとお母さんは 960 m 離れていました。

6 分で、その 960 m の差がなくなったのですから、1 分あたり  $960 \div 6 = 160$  (m) ずつ、差がちぢまります。

夏子さんはお母さんより分速 160 m だけおそいことになります。

お母さんの分速は 250 m ですから、夏子さんの分速は、 $250 - 160 = 90$  (m) です。

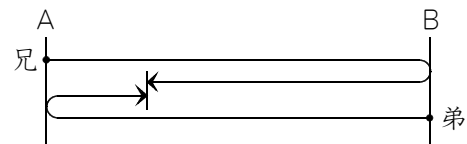
(10) はじめてすれちがったときのようすは、右の図のようになります。



出発してから 12 分後にすれちがいました。

A B 間の距離  $\div (80 + 70) = 12$  ですから、A B 間の距離は、 $(80 + 70) \times 12 = 1800$  (m) です。

2 回目のすれちがいは、右の図のようになります。



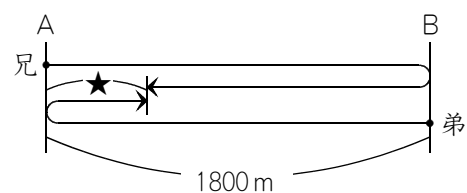
2 人合わせて、A B 間の距離 3 本ぶんを進みました。

A B 間の距離 1 本ぶんを進むときは 12 分かかったのですから、3 本ぶんを進むなら、 $12 \times 3 = 36$  (分) かかります。よってアの答えは **36** です。

また、弟は分速 70 m なので、36 分で  $70 \times 36 = 2520$  (m) を進んでいます。

A B 間の距離は 1800 m ですから、右の図の★は、 $2520 - 1800 = 720$  (m) です。

2 人が 2 回目にすれちがったのは、A 地点から 720 m のところですから、イの答えは **720** です。



ステップ① 2

(1) 姉は12分で家と駅の間を往復しました。

家から駅までは900 mですから、往復で、 $900 \times 2 = 1800$  (m)です。

姉の分速は、 $1800 \div 12 = 150$  (m)です。

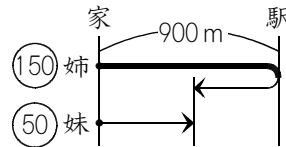
妹は18分で家から駅まで歩きました。

家から駅までは900 mですから、妹の分速は、 $900 \div 18 = 50$  (m)です。

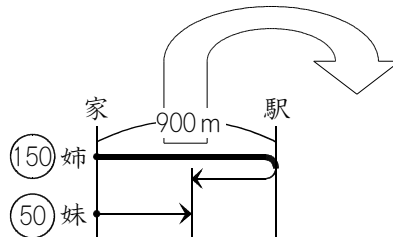
姉は分速 **150** m，妹は分速 **50** mであることがわかりました。

(2) グラフのアは、姉と妹がすれちがったときの時間を表しています。

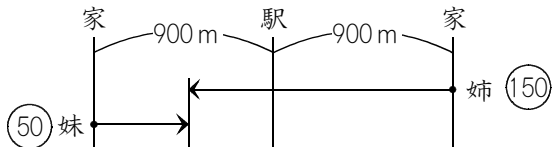
右の図のようにして、姉と妹がいつすれちがうのかを求めるわけです。



太線部分を倒して、



右の図のようにすれば、姉と妹がすれちがうのは、  
 $(900 \times 2) \div (150 + 50) = 9$  (分後)であることがわかります。



また、その9分で、妹は  $50 \times 9 = 450$  (m)進みます。

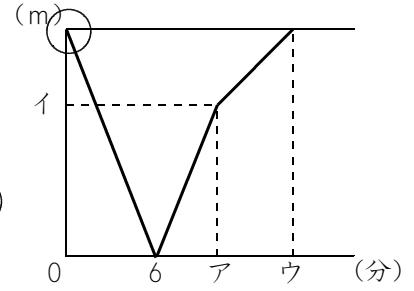
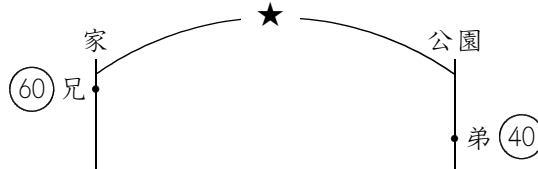
よって、家から450 mの地点で姉と妹はすれちがいます。

グラフのアは **9**，イは **450** であることがわかりました。

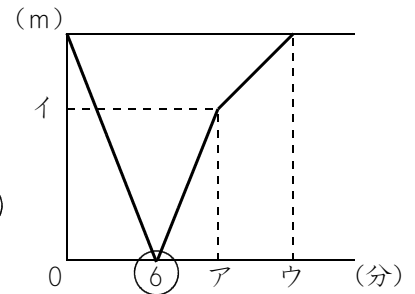
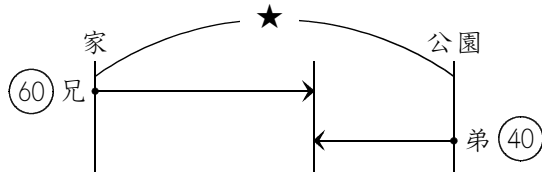
ステップ① 3 (1)

問題に載っているグラフは、2人の間の距離を表しています。

0分のときは  
兄は家に、弟は  
公園にいたので  
すから、2人の間  
の距離は、図の  
★の部分です。



6分のときは  
2人の間の距離は  
0 mになったので  
すから、2人は出  
発してから6分後  
にすれちがいま  
した。



★  $\div$  (60 + 40) = 6 ですから、★ = (60 + 40)  $\times$  6 = 600 (m) です。

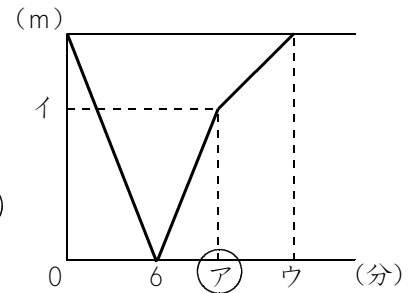
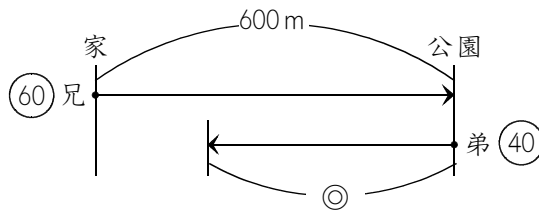
家と公園は、600 m 離れていることがわかりました。

ステップ① 3 (2)

グラフのアのときに折れ曲がっているのは、このときに何か起きたことを表しています。

このときに兄が公園に着きました。

兄は分速 60 m ですから、公園に着いたのは、  
 $600 \div 60 = 10$  (分後) です。  
 これがアです。



図の◎の部分は、10分間で弟が進んだ距離ですから、 $40 \times 10 = 400$  (m) です。

10分後に兄は公園にいて、弟は公園から 400 m のところにいることがわかりました。

よって、10分後の兄と弟の間の距離は 400 m です。

イは 400 であることがわかりました。

ウは、弟が家に着いた時刻です。

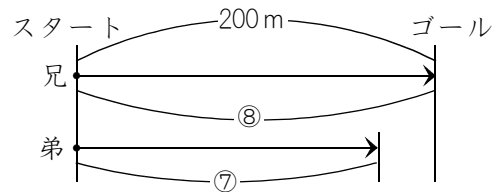
家から公園までは 600 m で、弟は分速 40 m ですから、ウは  $600 \div 40 = 15$  です。

アは 10, イは 400, ウは 15 であることがわかりました。



ステップ① 4

- (1) 兄と弟の走る速さの比が8:7ですから、兄が⑧走っている間に、弟は⑦走ります。



200 m 競走をしたのですから、兄が走った 200 m を⑧とすると、①あたり  $200 \div 8 = 25$  (m) です。

弟が走ったのは⑦なので、 $25 \times 7 = 175$  (m) です。

兄がゴールしたとき、弟はゴールの手前、 $200 - 175 = 25$  (m) ところを走っていることになります。

- (2) 比を求めましょう。

分速 80 m と分速 60 m の速さの比は、 $80 : 60 = 4 : 3$  です。

かかる時間の比は逆比になって、 $3 : 4$  です。

分速 80 m で③分、分速 60 m で④分かかったことにします。

分速 80 m のときは 10 分前に着き、分速 60 m のときは 5 分前に着くのですから、かかる時間の差は、 $10 - 5 = 5$  (分) です。

よって、5 分が  $④ - ③ = ①$  にあたります。

分速 80 m のときには③分かかるので、 $5 \times 3 = 15$  (分) かかり、8 時出発なので学校に着くのは、8 時 15 分です。

8 時 15 分に学校に着いたとき、始業時刻の 10 分前だったので、始業時刻は、 $8 時 15 分 + 10 分 = 8 時 25 分$  です。

また、家から学校までは、分速 80 m で 15 分かかるような道のりですから、 $80 \times 15 = 1200$  (m) です。

アは 8、イは 25、ウは 1200 であることがわかりました。

- (3) A 地点から B 地点までの道のりを、20 と 30 の最小公倍数である 60 m に決めます。(何 m に決めても、答えは同じです。)

兄は 20 分で 60 m 走りますから、兄の分速は、 $60 \div 20 = 3$  (m) です。

弟は 30 分で 60 m 走りますから、兄の分速は、 $60 \div 30 = 2$  (m) です。

兄が A 地点から、弟が B 地点から同時に向かい合って走り出すと、 $60 \div (3 + 2) = 12$  (分) 後に出会います。

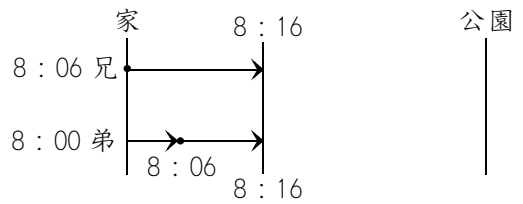
ステップ① 5

(1) 弟が家を出発する時刻を8時00分と決めます。

兄は弟が家を出発してから6分後に出発したのですから、兄が家を出発するのは、8時06分です。



兄は10分歩いたところで弟を追いこしたのですから、兄が弟を追いこしたのは、8時06分+10分=8時16分です。

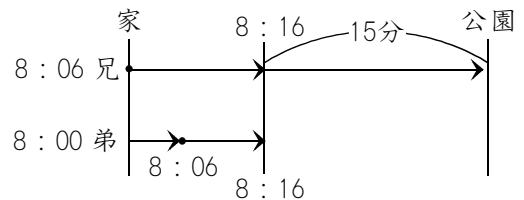


兄が10分で進んだ道のりを、弟は8時00分から8時16分までの、16分で進みます。

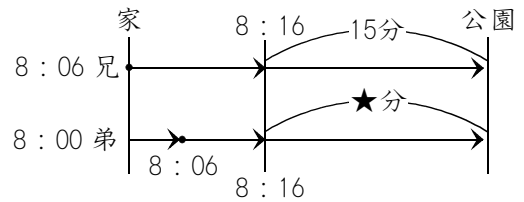
兄が弟に追いつくまでに、兄と弟のかかった時間の比は、10分：16分=5：8です。

兄と弟の速さの比は逆比になって、**8：5**です。

(2) 兄は弟に追いついてから15分後に公園に着きました。



(1)で、兄と弟が同じ道のりを進むのにかかる時間の比は、5：8であることがわかっています。



よって右の図の★は、 $15 \div 5 \times 8 = 24$ (分)です。

追いついた地点から公園まで、兄は15分かかって弟は24分かかるのですから、弟が公園に着くのは、兄が公園に着いてから  $24 - 15 = 9$ (分後)です。

ステップ① 6

- (1) 家から図書館までの道のりを, 24と9の最小公倍数である72 mに決めます。  
(何mに決めても, 答えは同じです。)

家から図書館まで歩いて行くと24分かかるのですから, 歩きの分速は,  
 $72 \div 24 = 3(\text{m})$ です。

家から図書館まで走って行くと9分かかるのですから, 走りの分速は,  
 $72 \div 9 = 8(\text{m})$ です。

右の表のように整理することができます。

家から図書館まで	72 m
歩き	分速 3 m
走り	分速 8 m

(1)では, はじめの16分は歩いたそうです。

分速3 mで16分歩いたのですから,  $3 \times 16 = 48(\text{m})$ を歩きました。

家から図書館までは72 mありますから, 残りの  $72 - 48 = 24(\text{m})$ を走りました。

分速8 mで走るのですから, 走った時間は  $24 \div 8 = 3(\text{分})$ です。

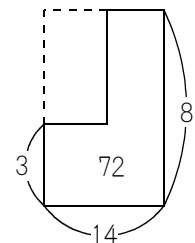
- (2) 「途中」ということばが問題文の中にあったら, 「つるかめ算」であることを疑いましょう。

はじめは分速3 mで歩き, 途中からは分速8 mで走って, 全部で14分で72 mを進みました。

この問題は, 「1本3円のえんぴつと, 1本8円のボールペンを, 合わせて14本買ったなら72円でした。」という問題と同じです。「つるかめ算」ですね。

右のような面積図を書くことができます。

点線部分の面積は  $8 \times 14 - 72 = 40$  で, 点線部分のたての長さは  $8 - 3 = 5$  ですから, 横の長さは  $40 \div 5 = 8$  です。



よって, 歩いた時間は8分です。

走った時間は,  $14 - 8 = 6(\text{分})$ です。

## ステップ② 1

グラフの0分から5分までの5分間で、900 mを走っていることがわかります。

走りの分速は、 $900 \div 5 = 180$  (m)です。

また、40分から50分までの  $50 - 40 = 10$  (分間)で、 $4200 - 3700 = 500$  (m)を歩いていることがわかります。

歩きの分速は、 $500 \div 10 = 50$  (m)です。

全部で50分間でA地点からB地点まで行きましたが、途中5分間だけ休みました。

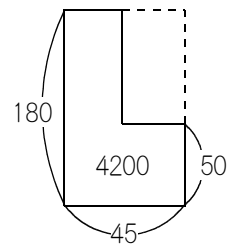
よって走ったか、歩いたかをしていた時間は、 $50 - 5 = 45$  (分間)です。

整理すると、「はじめは分速180 mで走り、途中からは分速50 mで歩き、全部で45分間で、4200 mを進んだ」となります。

これは、「1本180円のボールペンと、1本50円のえんぴつを、合わせて45本買ったところ、4200円になった」という問題と同じですね。「つるかめ算」です。

右のような面積図になります。

点線部分の面積は、 $180 \times 45 - 4200 = 3900$  で、点線部分のたての長さは、 $180 - 50 = 130$  ですから、横の長さは、 $3900 \div 130 = 30$  です。



よって、30分間歩いたことになり、走ったのは  $45 - 30 = 15$  (分間)です。

分速180 mで15分間走って、グラフのAの地点まで行ったのですから、Aは、 $180 \times 15 = 2700$  です。

ステップ② 2

(1) 兄と弟は、右の図のような状態ですれちがいます。

兄と弟の速さの比は、 $90 : 70 = 9 : 7$ です。

兄のすすんだ道のり(太線の部分)を⑨として、  
弟のすすんだ道のりを⑦とします。

⑨ + ⑦ = ⑩が、往復の道のりになります。

よってA B間の道のりは、 $⑩ \div 2 = ⑧$ です。

150 mの部分が、 $⑧ - ⑦ = ①$ にあたります。

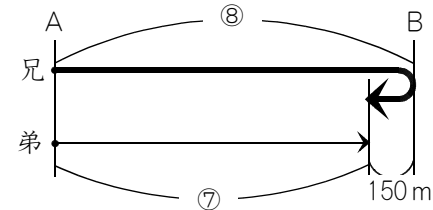
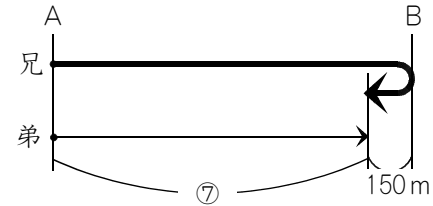
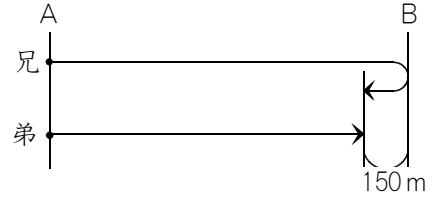
弟がすすんだ道のりは⑦なので、 $150 \times 7 = 1050$  (m)です。

弟は分速 70 mですから、 $1050 \div 70 = 15$  (分)すすんで、兄とすれちがいました。

または、兄がすすんだ道のりは⑨なので、 $150 \times 9 = 1350$  (m)になり、兄は分速 90 mですから、 $1350 \div 90 = 15$  (分)と求めても、もちろんOKです。

(2) (1)で、①あたり 150 mであることがわかりました。

A B間の道のりは⑧にあたるので、 $150 \times 8 = 1200$  (m)です。



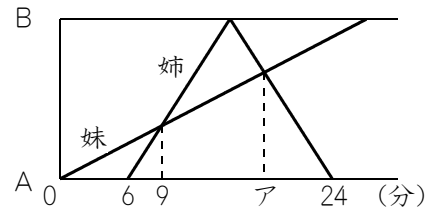
ステップ② 3

(1) 姉は9分のときに、妹に追いついています。

姉が6分から9分までの  $9-6=3$ (分間)ですすんだ道のりを、妹は0分から9分までの9分間かかっています。

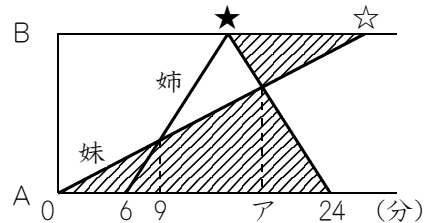
姉と妹のかかった時間の比は、 $3:9=1:3$ ですから、速さの比は逆比になって、**3:1**です。

(2) このような問題の場合は、グラフを利用して解くのがベストです。



右の図の斜線部分のようなクロス形を利用します。

★は、6分と24分のと真ん中ですから平均と考えて、 $(6+24) \div 2 = 15$ (分)です。



姉と妹の速さの比は、(1)で求めた通り  $3:1$  ですから、姉は分速  $3\text{ m}$ 、妹は分速  $1\text{ m}$  にします。

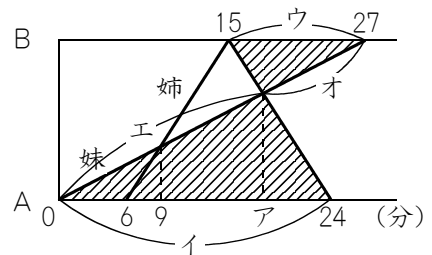
AからBまでの道のりは、姉が  $\star - 6 = 15 - 6 = 9$ (分)かかる道のりですから、 $3 \times 9 = 27$ (m)です。

この道のりを分速  $1\text{ m}$ の妹が行くと、 $27 \div 1 = 27$ (分)かかります。

よって、☆は27分です。

イ : ウ =  $24 : (27 - 15) = 2 : 1$  ですから、エ : オも  $2 : 1$  です。

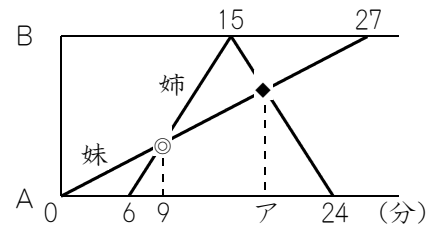
妹はAからBまで27分かかり、27分を  $2:1$  に分けたうちの2の方がアですから、 $27 \div (2+1) \times 2 = 18$ (分)です。



(次のページへ)

- (3) 姉が妹を追いこしたのは右のグラフの◎で、  
 姉が妹とすれちがったのは右のグラフの◆です。

よって、◎と◆が630 m離れていることとなります。



(2)で、アは18分であることがわかっています。

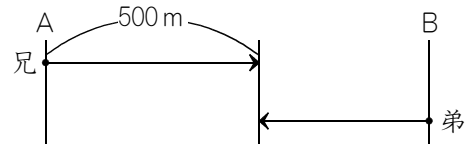
妹が出発してから9分後に◎、18分後に◆のところにいたのですから、  
 妹は  $18 - 9 = 9$  (分間) で630 m進んだこととなります。

妹の分速は、 $630 \div 9 = 70$  (m)です。

AからBまでは、妹は27分かかっているのですから、A B間の距離は、  
 $70 \times 27 = 1890$  (m)です。

ステップ② 4

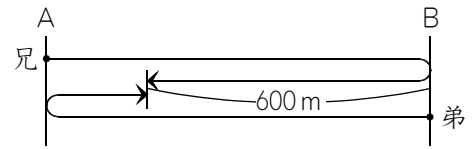
- (1) はじめてすれちがったときのようすは、右の図のようになります。



兄は500 m歩いたところではじめて弟とすれちがいました。

兄と弟合わせて、A B間の道のり1本ぶんを進んでいます。

- 2回目のすれちがいは、右の図のようになります。



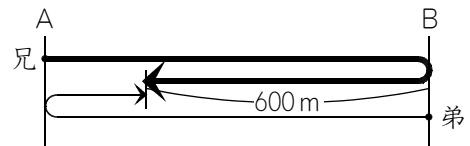
2人合わせて、A B間の距離3本ぶんを進みました。

たとえば1回目のすれちがいが10分後だったとすると、2回目のすれちがいは(3本ぶんになるので)30分後になります。

進んだ道のりも、2回目は1回目の3倍になります。

兄は1回目までに500 m進んだのですから、2回目までには500 mの3倍の、 $500 \times 3 = 1500$  (m)進んでいます。

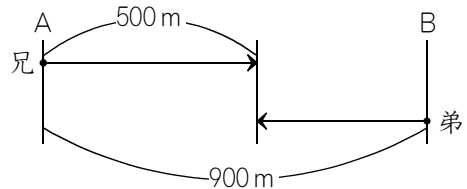
- (2) (1)で、兄は2回目に弟とすれちがうまでに、1500 m進んだことがわかりました。



右の図の太線の部分が1500 mです。

したがってA B間の距離は、 $1500 - 600 = 900$  (m)です。

- (3) (2)で、A B間の距離は900 mであることがわかりました。



1回目にすれちがうまでに、兄が進んだ距離は500 mです。

よって弟が進んだ距離は、 $900 - 500 = 400$  (m)ですから、兄と弟の速さの比は、 $500 : 400 = 5 : 4$ です。



ステップ② 5 (1)

兄は8時30分にAを出発して、分速70mで歩き出しました。

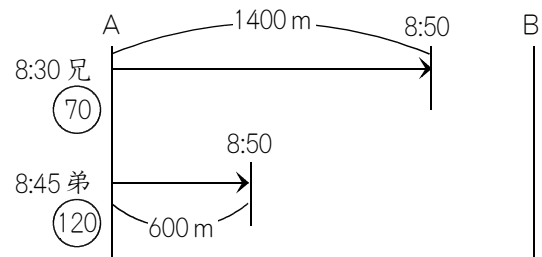


弟は8時45分にAを出発して、分速120mで走り出しました。



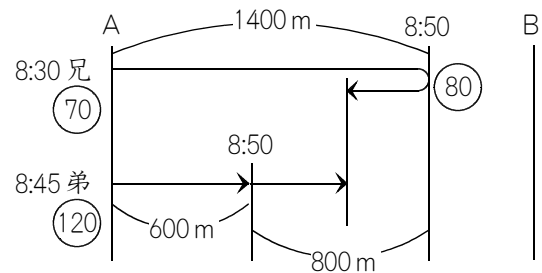
兄は8時50分に向きを変えました。

向きを変えるまでに、 $50 - 30 = 20$  (分)で、 $70 \times 20 = 1400$  (m)を進みました。



同じ8時50分のときに、弟は出発してから $50 - 45 = 5$  (分)たっているので、 $120 \times 5 = 600$  (m)進んでいます。

8時50分のときの、兄と弟の間の距離は $1400 - 600 = 800$  (m)です。



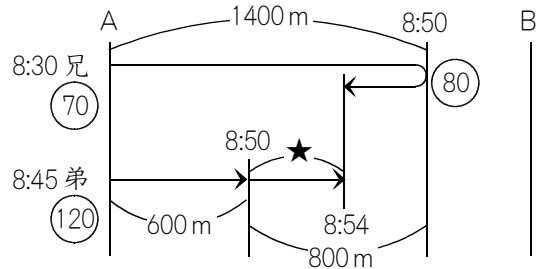
兄は分速80mの速さで、分速120mの弟と $800 \div (80 + 120) = 4$  (分後)にすれちがいます。

兄が弟に会ったのは、8時50分 + 4分 = **8時54分**です。

ステップ② 5 (2)

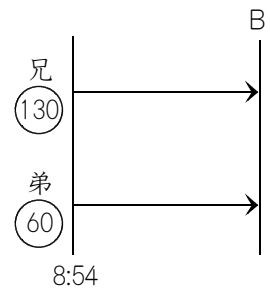
兄が弟に会ったのは、8時54分であることが(1)でわかりました。

右の図の★の距離は、 $120 \times 4 = 480$  (m)です。



兄と弟が会ったところから、兄は分速130mで走り、弟は分速60mで歩いてBに向かいました。

弟は兄よりも7分遅れてBに着いたそうです。



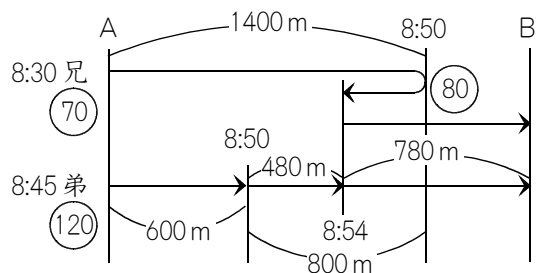
兄と弟の速さの比は、 $130 : 60 = 13 : 6$ ですから、かかった時間の比は逆比になって、 $6 : 13$ です。

兄は6分、弟は13分かかったとすると、7分が、 $13 - 6 = 7$ にあたります。

1あたり  $7 \div 7 = 1$  (分)ですから、弟がかかった時間である13分は、13分です。

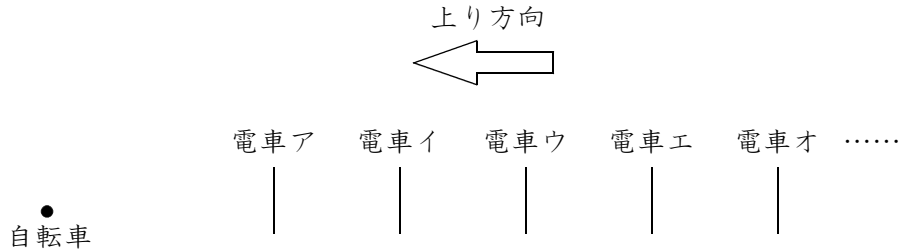
よって、兄と弟が会った地点からBまでは、 $60 \times 13 = 780$  (m)です。

右の図のようになりますから、A B間の距離は、 $600 + 480 + 780 = 1860$  (m)です。

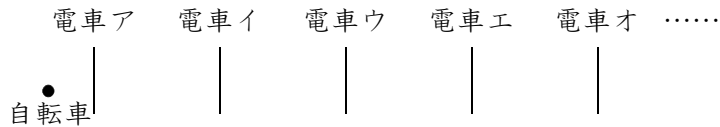
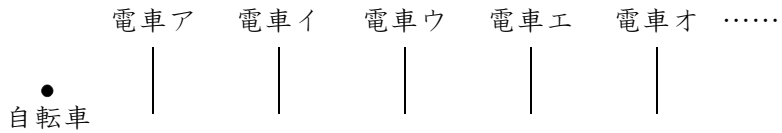
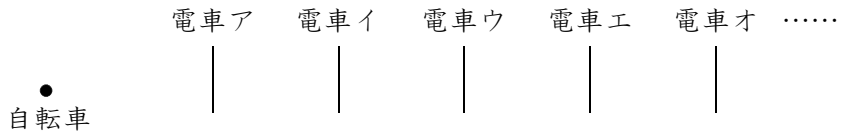


ステップ② 6 (1)

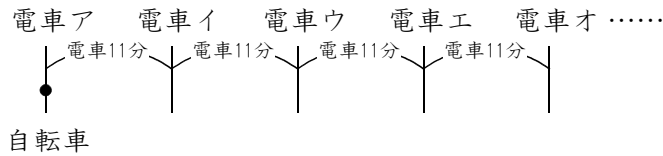
電車は何台もあり、  
右の図のように進んで  
いきます。



自転車は1台だけで、  
電車とは反対方向に  
進んでいきます。



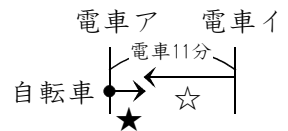
右の図のように、  
電車アと自転車とが  
すれちがったとしま  
す。



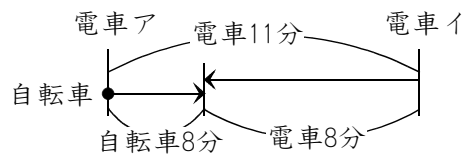
電車は11分おきに発車するのですから、電車と電車の間は、電車が11分かかるとい  
う道のです。

自転車は8分おきに電車とすれちがうのですから、電車アとすれちがってから、8分  
後に電車イとすれちがいます。

右の図で、★は自転車が8分で進む道のりで、☆は電車イが  
8分で進む道のりです。



拡大すると右の図のようになり、自転車が8分で  
進んだ道のりのところを、電車は  $11 - 8 = 3$  (分) で  
進みます。

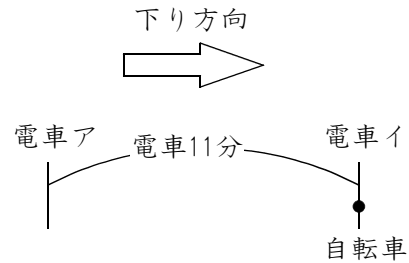


電車と自転車のかかる時間の比は、3分：8分 = 3：8 になりますから、速さの比は逆  
比になって、**8：3** です。

ステップ② 6 (2)

上り電車と自転車はすれちがいましたが、下り電車は自転車を追いこします。

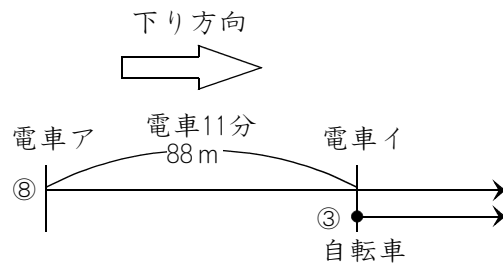
右の図は、自転車が電車イに追いこされたしゅんかんを表しています。



(1)で、電車と自転車の速さの比は8:3であることがわかったので、電車の速さを分速8m、自転車の速さを分速3mに決めます。

「電車11分」のところの道のりは、 $8 \times 11 = 88$ (m)になります。

自転車よりも電車アの方が速いので、電車アは自転車を追いつきます。



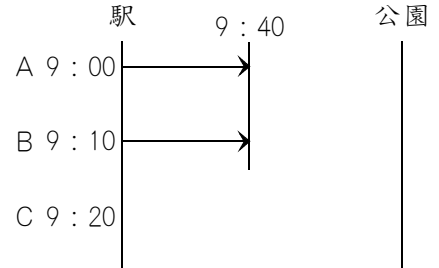
$88 \div (8 - 3) = 17.6$ (分後)に、追いつくことになります。

0.6分 =  $(60 \times 0.6)$ 秒 = 36秒ですから、17.6分 = 17分36秒です。

よって、自転車は下り電車に **17分36秒**おきに追いこされることになります。

ステップ③ 1 (1)

A君は9時、B君は9時10分、C君は9時20分に駅を出発しました。

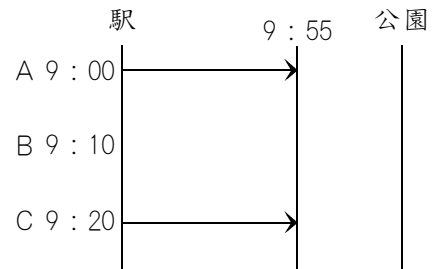


A君は9時40分にB君に追いつきました。

A君が  $9時40分 - 9時 = 40分$  で進んだ道のりを、  
B君は  $9時40分 - 9時10分 = 30分$  で進みます。

A君とB君のかかった時間の比は、 $40 : 30 = 4 : 3$  ですから、A君とB君の速さの比は逆比になって、 $3 : 4$  です。…(ア)

A君は9時55分にC君に追いつきました。



A君が  $9時55分 - 9時 = 55分$  で進んだ道のりを、  
C君は  $9時55分 - 9時20分 = 35分$  で進みます。

A君とC君のかかった時間の比は、 $55 : 35 = 11 : 7$  ですから、A君とC君の速さの比は逆比になって、 $7 : 11$  です。…(イ)

(ア)から、AとBの速さの比は $3 : 4$ 、(イ)から、AとCの速さの比は $7 : 11$ とわかったので、AとBとCの速さの比は、 $21 : 28 : 33$  になります。

A	B	C
3	:	4
7	:	11
21	:	28 : 33

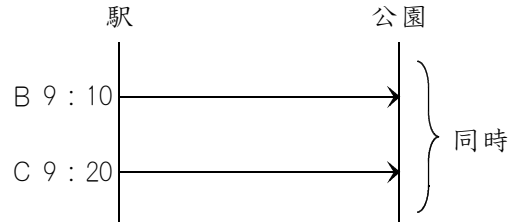
よって、BとCの速さの比は、**28 : 33** であることがわかりました。

ステップ③ 1 (2)

(1)で、BとCの速さの比は28:33であることがわかりました。

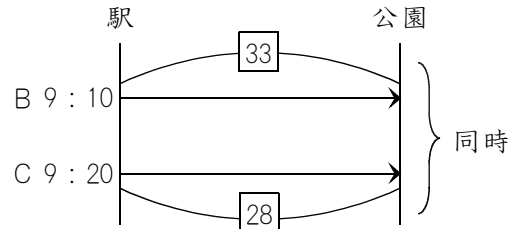
問題文によると、BとCは公園に同時に着いたことがわかっています。

速さがちがうにもかかわらず、同時に公園に着いた理由は、出発時刻がちがっているからです。



BとCの速さの比は28:33ですから、駅から公園まで行くのにかかる時間の比は逆比になって、33:28です。

駅から公園まで、Bがかかった時間を 33、Cがかかった時間を 28 とします。

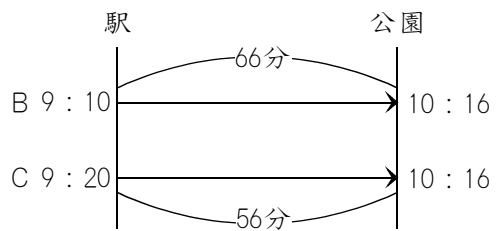


出発時刻のちがいである 9時20分 - 9時10分 = 10(分)が、 $\text{33} - \text{28} = \text{5}$  にあたります。

1あたり、 $10 \div 5 = 2$ (分)ですから、Bがかかった時間である 33 は、 $2 \times 33 = 66$ (分)で、Cがかかった時間である 28 は、 $2 \times 28 = 56$ (分)です。

Bが公園に着いた時刻は、  
9時10分 + 66分 = 10時16分で、

Cが公園に着いた時刻は、  
9時20分 + 56分 = 10時16分です。



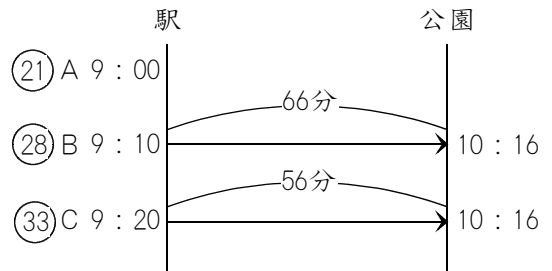
BやCが公園に着いた時刻は、**10時16分**であることがわかりました。

ステップ③ 1 (3)

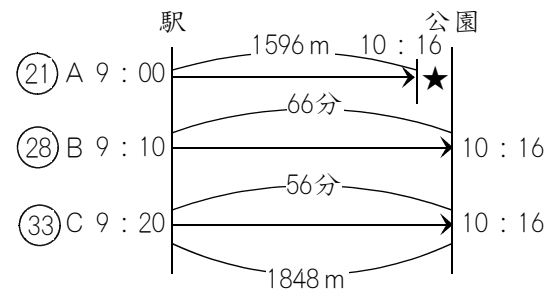
(1)で、AとBとCの速さの比は21:28:33であることがわかりました。

また、(2)で、Bは66分、Cは56分かかって公園に着き、BとCが公園に着いたのは10時16分であることもわかっています。

わかったことを図にすると、右の図のようになります。



A, B, Cの速さをそれぞれ、分速21m, 分速28m, 分速33mにすると、駅から公園までの道のりは、Bを利用すると $28 \times 66 = 1848$ (m), Cを利用すると $33 \times 56 = 1848$ (m)で、ちゃんとどちらも同じ道のりになっています。



また、Aも10時16分まで進ませると、 $10時16分 - 9時 = 1時間16分 = 76分$ かかるので、 $21 \times 76 = 1596$ (m)進みます。

図の★の部分の道のりは、 $1848 - 1596 = 252$ (m)になります。

問題文によると、この252mの部分が、実際は600mです。

$600 \div 252 = \frac{600}{252} = \frac{50}{21}$ (倍)すれば、実際の道のりになります。

駅から公園までの道のりを1848mにしましたが、 $\frac{50}{21}$ 倍すれば実際の道のりになるので、  
すから、駅から公園までの実際の道のりは、 $1848 \times \frac{50}{21} = 4400$ (m)です。

ステップ③ 2 (1)

Rは、PQのまん中であることに注意しましょう。

PQ間の距離を1とすると、

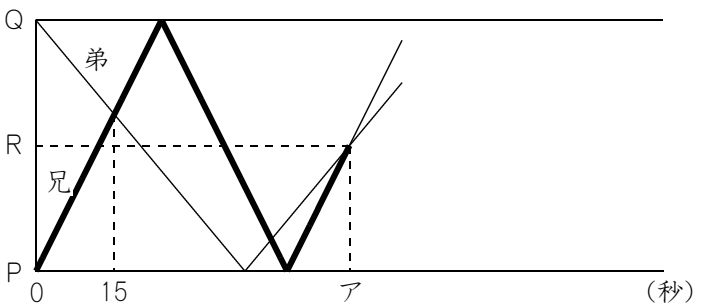
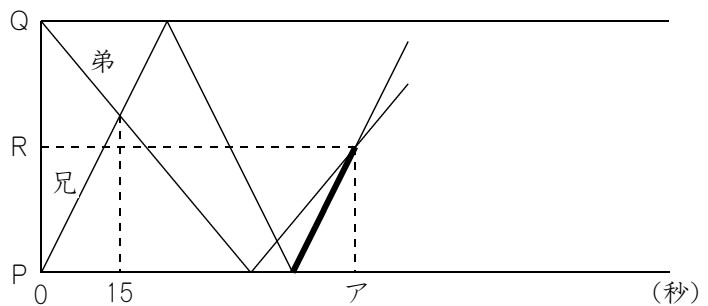
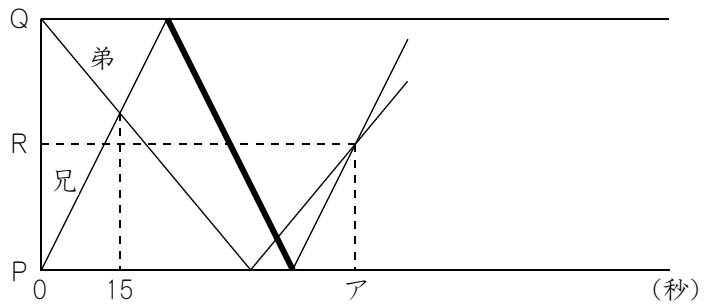
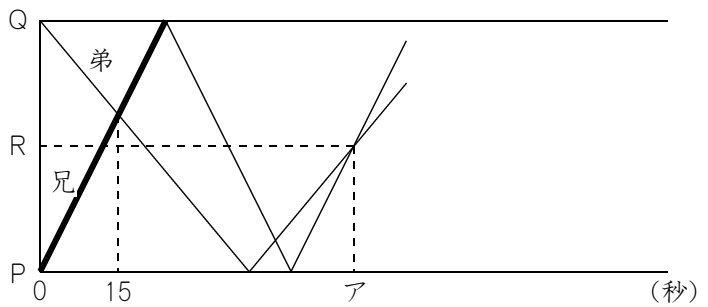
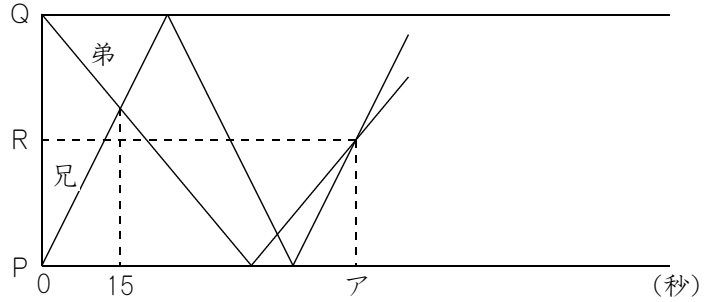
ア秒までに、兄は1、

1、

0.5進んだので、

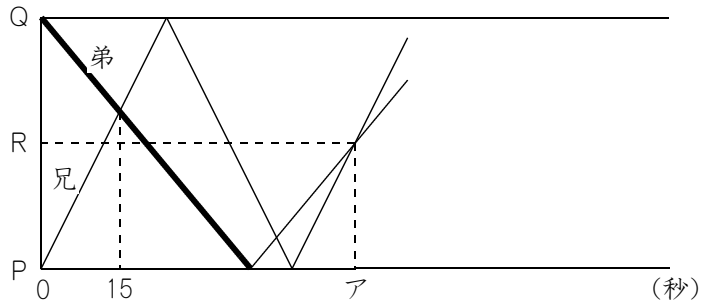
兄はア秒までに、2.5進みました。

(次のページへ)

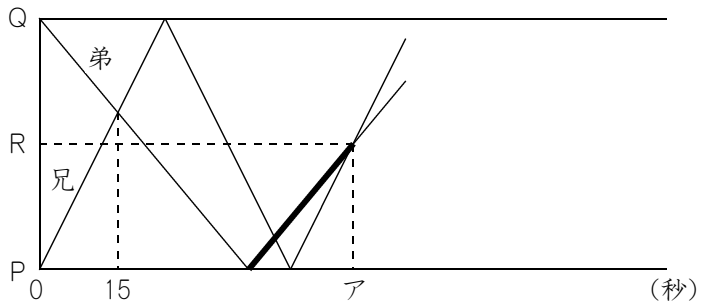




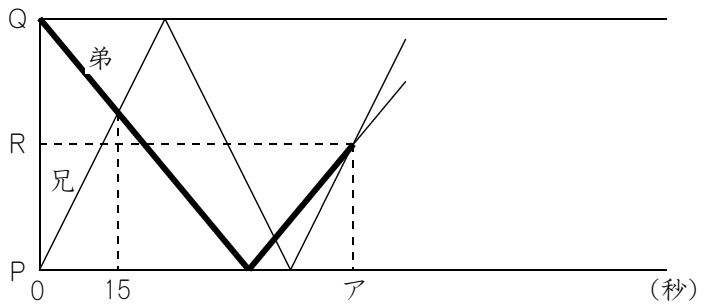
ア秒までに、弟は1,



0.5進んだので、



弟はア秒までに、1.5進みました。



ア秒までに、兄は2.5、弟は1.5進みました。

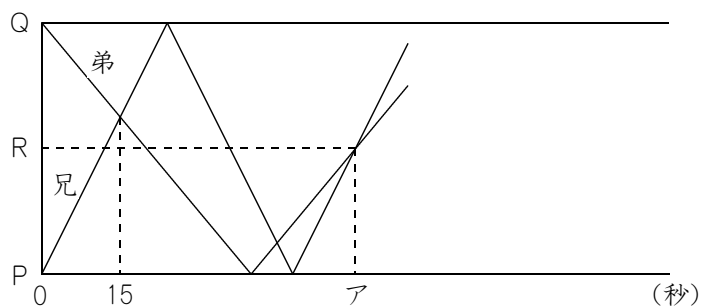
兄と弟の速さの比は、 $2.5 : 1.5 = 5 : 3$ です。

ステップ③ 2 (2)

(1)で、兄と弟の速さの比は5:3であることがわかりました。

そこで、兄と弟の速さを秒速5mと秒速3mに決めます。

グラフを見ると、兄と弟がはじめてすれちがうのは、出発してから15秒後であることがわかります。



P Q間の距離 $\div(5+3)=15$  ですから、  
P Q間の距離 $= (5+3)\times 15=120$ (m)です。

アは、兄がP Q間の距離の2.5倍進んだときの時間です。

$120\times 2.5=300$ (m)を、秒速5mで進むのですから、アは  $300\div 5=60$ (秒)です。

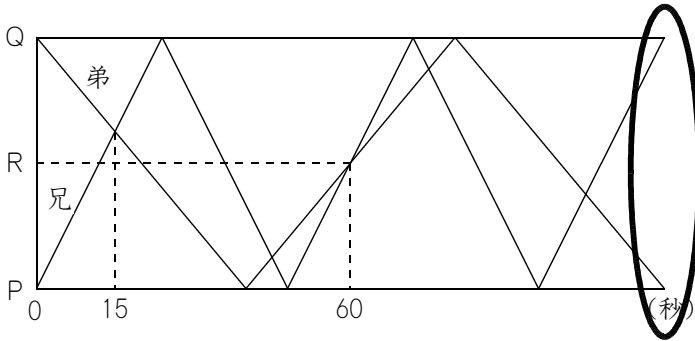
弟を利用して求めることができます。

アは、弟がP Q間の距離の1.5倍進んだときの時間です。

$120\times 1.5=180$ (m)を、秒速3mで進むのですから、アは  $180\div 3=60$ (秒)です。

ステップ③ 2 (3)

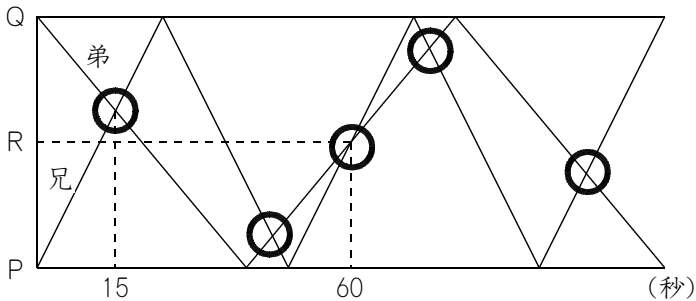
グラフをさらに書いていくと、下の図のようになります。



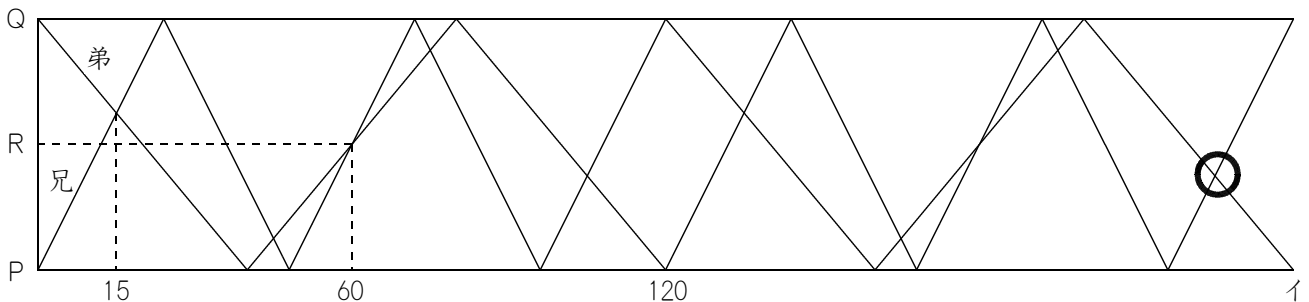
太線の部分は、兄と弟が出発するときと同じ状態になっています。

0秒から60秒までのグラフをひっくり返したのが、60秒からあとのグラフになっていますから、太線の部分は、 $60 \times 2 = 120$ (秒)です。

120秒までに、2人が同じ地点を同時に通過したのは、下のグラフのとおり5回あります。



(3)では、10回目に同じ地点を同時に通過した時間を求める問題ですから、下の図の太線のマルの部分、が、10回目です。イは、 $120 \times 2 = 240$ (秒)です。



(次のページへ)

下のグラフの太線部分は、出発してから15秒までのグラフをひっくり返したのになっていますから、マルをつけた部分は240秒の15秒前です。

よって2人が10回目に同じ地点を同時に通過したのは、出発してから、 $240 - 15 = 225$ (秒後)であることがわかりました。

